Responsable : HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 1/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

SDLL123 - Fréquence d'une ligne d'arbre simplifiée avec gyroscopie

Résumé:

Ce test permet de valider le calcul des modes en rotation d'un système d'arbres tournant.

Dans ce test, il s'agit d'un modèle simple de rotor avec 1 disques simplement supporté.

Quatre modélisations sont effectuées :

- Modélisation B : POU D E
- Modélisation D : POU D EM
- Modélisation E : POU D TG
- Modélisation F : POU_D_TGM

Les modélisations A et C sont sans objet pour la gyroscopie. Il s'agit de tests de validation mathématique.

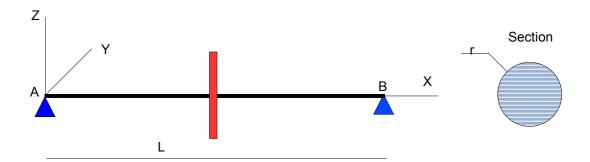
Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date: 03/05/2016 Page: 2/12 Révision Clé: V2.02.123

3d651e1604c9

Problème de référence

1.1 Géométrie



• Poutre:
$$L = 0.9 m$$

 $r = 0.025 m$

1.2 Propriétés du matériau

Poutre

E = 2.06 E11 Pa

 $\nu = 0$.

 $\rho = 7800 \, kg / m^{-3}$

Disque

 $m = 0.03829 \, Kg$

tenseur d'inertie massique

 $I_{yy} = 1.8 \times 10^{-6} \text{Kg.m}^2$

 $I_{yy} = 1.8 \times 10^{-6} \text{Kg.m}^2$

 $I_{zz} = 1.8 \times 10^{-6} \, \text{Kg.m}^2$

 $I_{xy} = I_{yz} = I_{xz} = 0.$

Module d'Young

Coefficient de Poisson

Masse volumique

Conditions aux limites et chargements 1.3

Déplacements imposés (m):

Points A et B: DX = DY = DZ = 0

vitesse de rotation:

 $\omega = 10000 \, tr/mn$

Responsable : HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 3/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour les solutions de référence

La solution de référence est une solution obtenue avec python. En effet, deux méthodes de calculs ont été utilisées pour déterminer les fréquences. Chacune des méthodes utilise les matrices de rigidité, de masse, gyroscopique et d'amortissement calculées par *Code_Aster*. Pour la recherche des fréquences du problème modal quadratique, on utilise :

- la libraire mathématique python numpy (recherche de valeurs propres)
- la commande CALC MODES

Ce n'est donc pas à proprement parler une non-régression. En revanche pour la validation des éléments de poutre et en l'absence d'éléments de comparaison, il s'agit bien de non-régression.

2.2 Grandeurs de référence

FREQ fréquence

• AMOR REDUIT : amortissement réduit

2.3 Résultat de référence

A titre d'indication, les résultats de référence pour la poutre d'Euler droite sont donnés ci-dessous.

numpy		
N°	FREQ(Hz)	
1	123.915	
2	124.546	
3	497.033	
4	499.575	

CALC_MODES			
N°	FREQ(Hz)	AMOR_REDUIT	
1	123.915	0.0	
20	7971.6	0.0	
40	21163.265	0.0	
60	37289.789	0.0	
80	74712.423	0.0	

2.4 Incertitude sur la solution

Solution numérique

Responsable : HASSINI Mohamed-Amine

Date: 03/05/2016 Page: 4/12 Clé: V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation A

 ${\color{red} \textbf{Mod\'elisations}} \ {\color{blue} \texttt{POU_D_E}} \ {\color{blue} \textbf{et}} \ {\color{blue} \texttt{DIS_TR}}$

Nombre de nœuds: 19

Nombre de mailles : 19 soit 18 SEG2 et 1 POI1

Groupe de nœuds: $\begin{array}{c} PALIER_A\\ PALIER & B \end{array}$

3.2 Grandeurs testées et résultats

• Premier calcul modal: il est de type GEP. On le résout via l'opérateur CALC_MODES + SOLVEUR MODAL= F (METHODE='SORENSEN') (concept MODES).

N°	$FREQ\left(\mathit{Hz}\right)$ affichée dans le .mess	Tolérance
2	124.231	10 ⁻⁶
3	124.231	10 ⁻⁶
4	498.302	10 ⁻⁶
5	498.302	10 ⁻⁶
6	1118.15	10 ⁻⁶
7	1118.15	10 ⁻⁶
8	1993.47	10 ⁻⁶
9	1993.47	10 ⁻⁶
10	2021.39	10 ⁻⁶
11	2850.72	10 ⁻⁶

• On teste aussi la commande <code>INFO_MODE</code>. Le GEP étant standard (matrices symétriques réelles) ses valeurs propres appartiennent uniquement à l'axe réel. Sur ce cas, on peut donc comparer les deux méthodes de dénombrement (<code>COMPTAGE/METHODE='STURM'</code> et 'APM') et vérifier qu'elles donnent bien les mêmes résultats. On détermine ainci le nombre de valeurs propres (<code>NB_FREQ</code>) contenues strictement dans une bande fréquentielle [<code>FREQ_MIN,FREQ_MAX</code>] (si Sturm) ou dans le disque de centre <code>FREQ_CENTRE</code> et de rayon, en fréquentiel, $\frac{\sqrt{RAYON_CONTOUR}}{2\pi}$ (si APM). On précise la méthode de dénombrement utilisée (Sturm ou APM).

Concept	FREQ_MIN/ CENTRE_CONTOUR	FREQ_MAX/ RAYON_CONTOUR	NB_FREQ	Méthode de dénombrement
NBMOD01	-1.0	120.0	$\begin{array}{c} \text{1} \\ \text{On compte} \\ \lambda_1 \ . \end{array}$	Sturm
NBMOD02	-1.0	130.0	$\begin{array}{c} 3 \\ \text{On compte} \\ \left(\lambda_i\right)_{i=1,3} \ . \end{array}$	Sturm
NBMOD03	-1.0	1200.0	7 On compte	Sturm

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 5/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

			$(\lambda_i)_{i=1,7}$.	
NBMOD11	0.0+0.0j	$5.684 \ 10^5$ (= $(120x2\pi)^2$)	1 Idem NBMOD01	APM
NBMOD12	0.0+0.0j	6.671 105 $(=(130x2\pi)^2)$	3 Idem NBMOD02	APM
NBMOD13	0.0+0.0j	$5.684\ 107$ (= $(1200x2\pi)^2$)	7 Idem NBMOD03	APM

• Second calcul modal: il est de type QEP. On le résout via l'opérateur CALC_MODES + SOLVEUR_MODAL=_F (METHODE='QZ') (concept MODEQ).

<i>N</i> ° ¹	$FREQ(Hz)$ affichée dans le .mess $(=\frac{\Im(\lambda_i)}{2\pi})$	$\begin{array}{c} AMORTISSEMENT \\ \text{affichée dans le }.\texttt{mess} \\ \text{(=} \frac{-\Re \left(\lambda_i\right)}{\left \lambda_i\right } \text{)} \end{array}$	Module de la valeur propre $(= \lambda_i)$	Tolérance
Sans objet	Pas retenue dans Code_Aster car valeur propre réelle	Sans objet	0	Sans objet
Sans objet	Pas retenue dans Code_Aster car valeur propre réelle	Sans objet	0	Sans objet
1	123.915 + le complexe conjuguée	10 ⁻¹¹	778.5	0.5
2	124.546 + le complexe conjuguée	10 ⁻⁰⁹	782.5	0.5
10	2850.72 + le complexe conjuguée	10 ⁻¹⁵	18849.5	0.5
11	3099.17 + le complexe conjuguée	10 ⁻¹¹	19472.6	0.5
41	21273.2 + le complexe conjuguée	10 ⁻¹²	133663.4	0.5
42	21380.2 + le complexe conjuguée	10 ⁻¹²	134335.7	0.5

¹ Seulement l'ordre dans la structure de données *Code_Aster*, puisqu'il n'y a pas de relation d'ordre dans le plan complexe.

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date: 03/05/2016 Page: 6/12 Clé: V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

• On teste aussi la commande INFO_MODE. Puisqu'il s'agit d'un QEP à matrices réelles, ses valeurs propres sont, soit réelles, soit complexes conjuguées. On ne peut donc ici n'utiliser que la méthode APM. Elle détermine le nombre de valeurs propres (NB_FREQ) contenues ici strictement dans le disque de centre CENTRE_CONTOUR et de rayon RAYON_CONTOUR.

Concept	CENTRE_CONTOUR	RAYON_CONTOUR	NB_FREQ	Méthode de dénombrement
NBMOD04	0.0+0.0j	779.114 (= 124x2π)	$\begin{array}{c} 4 \\ \text{On compte les 2} \\ \text{valeurs nulles + le} \\ \text{couple } \left(\lambda_{1,} \overline{\lambda}_{1}\right). \end{array}$	АРМ
NBMOD05	0.0+779.114j (= $0.0+124x2\pi j$)	7	on compte les 2 valeurs λ_1 et λ_2 sans leur conjugué.	АРМ
NBMOD06	0.0+0.0j	$1.884 \ 10^4$ (= $3000 \text{x} 2 \text{m}$)	On compte les 2 valeurs nulles + les couples $(\lambda_i, \overline{\lambda_i})_{i=1,10}$.	АРМ
NBMOD07	0.0+0.0j	1.338 10 ⁵ (= 21300x2π)	$\begin{array}{c} 84 \\ \text{On compte les 2} \\ \text{valeurs nulles + les} \\ \text{couples} \\ \left(\lambda_i, \overline{\lambda_i}\right)_{i=1,41}. \end{array}$	АРМ
NBMOD08	779.114(1.0+j) (= $124x2\pi(1.0+j)$)	701.203 (= $0.9x 124x2\pi$)	0	APM

Responsable : HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 7/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation B

 $\textbf{Mod\'elisations} \ \mathtt{POU_D_E} \ \textbf{et} \ \mathtt{DIS_TR}$

Nombre de nœuds 19

Nombre de mailles 18 Soit: SEG2 18

Groupe de nœuds:

PALIER _ A

 $PALIER_B$

4.2 Grandeurs testées et résultats

CALC_MODES

N $^{\circ}$	FREQ(Hz)	Tolérance
1	123.915	10^{-4}

N°	AMOR_REDUIT	Tolérance
1	0.0	10 ⁻⁴ %



Code Aster

Titre : SDLL123 - Fréquence d'une ligne d'arbre simplifiée[...]

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date: 03/05/2016 Page: 8/12 Clé: V2.02.123

Révision

3d651e1604c9

Modélisation C 5

Ce test de type validation purement mathématique est sans objet pour la gyroscopie.

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 9/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

6 Modélisation D

6.1 Caractéristiques de la modélisation D

 ${\bf Mod\'elisations} \ {\tt POU_D_EM} \ {\bf et} \ {\tt DIS_TR}$

Nombre de nœuds 19

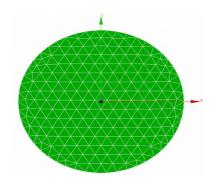
Nombre de mailles 18 Soit: SEG2 18

Groupe de nœuds:

PALIER _ A

PALIER B

Maillage de la section



6.2 Grandeurs testées et résultats

CALC_MODES

N $^{\circ}$	FREQ(Hz)	Tolérance
1	123.429	10^{-4}
20	7507.3	10^{-4}
40	18555.3	10^{-4}
60	35125.2	10^{-4}
80	54195.4	10^{-4}

N°	AMOR_REDUIT	Tolérance
1	0.0	10 ⁻⁴ %
20	0.0	$10^{-4} \%$
40	0.0	10 ⁻⁴ %
60	0.0	10 ⁻⁴ %
80	0.0	10 ⁻⁴ %

7 Modélisation E

7.1 Caractéristiques de la modélisation E

Responsable : HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 10/12 Clé : V2.02.123 Révision

3d651e1604c9

 ${\color{red} \textbf{Mod\'elisations}} \ {\color{blue} \texttt{POU_D_TG}} \ {\color{blue} \textbf{et}} \ {\color{blue} \texttt{DIS_TR}}$

Nombre de nœuds 19

Nombre de mailles 18 Soit: SEG2 18

7.2 Grandeurs testées et résultats

CALC_MODES

Les tests assurent la non régression du code et portent sur la fréquence et l'amortissement réduit.

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date : 03/05/2016 Page : 11/12 Clé : V2.02.123 Révision

Révision 3d651e1604c9

8 Modélisation F

8.1 Caractéristiques de la modélisation F

 $\textbf{Mod\'elisations} \ \mathtt{POU_D_TGM} \ \textbf{et} \ \mathtt{DIS_TR}$

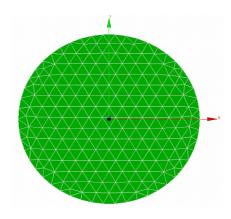
Nombre de nœuds 19

Nombre de mailles 18 Soit: SEG2 18

Groupe de nœuds:

PALIER A
PALIER B

Maillage de la section



8.2 Grandeurs testées et résultats

CALC MODES

Les tests assurent la non régression du code et portent sur la fréquence et l'amortissement réduit.

Version default

Titre: SDLL123 - Fréquence d'une ligne d'arbre simplifiée[...]

Responsable: HASSINI Mohamed-Amine

Date: 03/05/2016 Page: 12/12 Clé: V2.02.123

Révision

3d651e1604c9

9 Synthèse des résultats

On constate une bonne implantation de l'effet gyroscopique pour tous les éléments de poutre droite de Code_Aster. En absence de référence analytique pour la validation des éléments poutres multifibre et/ou avec gauchissement soumis à l'effet gyroscopique, la validation se fait par comparaison avec les résultats fournis par le module python.