

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel Date : 21/07/2017 Page : 1/9 Clé : V3.04.156 Révision : 8b058b7c27e3

FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Utilisation avancée » : fissure circulaire en milieu infini

Résumé :

Ce test 3D en quasi-statique, entre dans le cadre de la validation des post-traitements en mécanique de la rupture élastique linéaire. La structure comportant une fissure circulaire est mise en traction.

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel

1 Problème de référence

1.1 Géométrie

On s'intéresse à un cube soumis à un effort de traction comportant une fissure circulaire horizontale de rayon a=2m. On considèrera un cube de côté 10a.



Figure 1.1-a: géométrie

1.2 Propriétés de matériaux

On considère un matériau homogène isotrope élastique linéaire dont les caractéristiques sont les suivantes :

- module d'Young $E = 200\ 000\ Mpa$,
- coefficient de Poisson v = 0,3.

1.3 Conditions aux limites et chargements

La structure est en traction ($\sigma = 1 MPa$).

2 Solution de référence

2.1 Méthode utilisée pour la solution de référence

Pour une fissure circulaire de rayon *a* dans un milieu infini, soumise à une traction uniforme σ suivant la normale au plan des lèvres, le taux de restitution d'énergie local G(s) est indépendant de l'abscisse curviligne le long du front de fissure *s* et s'exprime de la façon suivante[1] :

$$G(s) = \frac{(1-v^2)}{\pi E} 4\sigma^2 a$$

Le facteur d'intensité de contrainte $K_I(s)$ est donné par la formule d'Irwin :

$$G(s) = \frac{\left(1 - v^2\right)}{E} K_I^2, \text{ soit } K_I(s) = \frac{2\sigma\sqrt{a}}{\sqrt{\pi}}$$

2.2 Résultats de référence

Avec les valeurs numériques de l'énoncé, on trouve : $K_1 = 1,5957 MPa \cdot \sqrt{m}$ et $G = 11,59 J \cdot m^{-2}$.

Manuel de validation

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel Date : 21/07/2017 Page : 3/9 Clé : V3.04.156 Révision : 8b058b7c27e3

2.3 Références bibliographiques

• H. Tada, P. Paris, G. Irwin, The stress analysis of cracks handbook, 3 rd edition, 2000

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel Version

3 Modélisation A : FEM 3D

3.1 Déroulement du TP

3.1.1 Maillage

Le maillage quadratique de la structure est fourni au format MED: forma07a.mmed. En prenant en compte certaines symétries du problème, seul un quart de la structure est représenté. On pourrait ne représenter qu' $1/8^{\acute{eme}}$ de la structure. Le maillage a été généré avec le logiciel GIBI, et des tores sont définis autour du fond de fissure :

- rayon du plus petit tore : 0,12m,
- rayon du plus grand tore : 0,53 m.



Figure 3.1.1-a: Maillage

Les nœuds milieux des arêtes des éléments touchant le fond de fissure sont déplacés au quart de ces arêtes.

3.1.2 Création du fichier de commandes sans post-traitement de la rupture

Lancer Salome_Meca, puis choisissez le module AsterStudy. Ajoutez les étapes suivantes à votre cas :

Read a mesh (LIRE_MAILLAGE). Sélectionnez le maillage forma07a.mmed et le format MED

Modify a mesh (*MODI_MAILLAGE*). Choisissez le maillage lu précédemment et sélectionnez le reuse. Sélectionnez l'action ORIE_PEAU_3D pour réorienter les normales aux faces vers l'extérieur du maillage (groupes d'éléments FACE_AV, FACE_LAT, FACE_SUP, FACE_INF, LEV_INF et LEV_SUP).

Assign finite element (AFFE_MODELE). Choisissez le phénomène mécanique et la modélisation des milieux continus 3D (3D)

Définition et affectation du matériau: Define a material (DEFI_MATERIAU) et Assign a material

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel Date : 21/07/2017 Page : 5/9 Clé : V3.04.156 Révision 8b058b7c27e3

(AFFE MATERIAU)

Définition des conditions limites et chargements : Assign mechanical load (AFFE CHAR MECA) :

- Symétrie sur le plan de symétrie 'FACE_LAT' (Enforce DOF);
- Symétrie sur le plan de symétrie 'FACE_AV' (Enforce DOF);
- Blocage des modes rigides (Enforce DOF sur le GROUP_NO 'D');
- Application de la traction sur 'FACE_SUP' et 'FACE_INF' (PRES_REP)

Résolution du problème élastique : Static mechanical analysis (MECA STATIQUE);

Pour visualisation avec Paravis :

- Calcul du champ de contraintes extrapolé aux noeuds (CALC_CHAMP, option ' CONTRAINTE ' avec le champ 'SIGM NOEU ')
- Calcul du champ de contraintes équivalentes (CALC_CHAMP, option ' CRITERES ' avec le champ 'SIEQ NOEU')

Pour cela, on enrichira le concept issu de MECA_STATIQUE en reprenant le même nom de concept.

Impression des résultats au format MED : Results output (IMPR RESU).

Visualiser les champs de déplacement et de contraintes obtenus dans Paravis

3.1.3 Post-traitement pour la rupture

Afin de séparer le calcul et le post-traitement, vous pouvez ajouter une nouvelle étape (New stage) à votre cas d'étude (Case).

Définition du fond de fissure (DEFI_FOND_FISS). Définir le fond de fissure dans DEFI FOND FISS à partir d u groupe de mailles du fond LFF et les lèvres LEV INF et LE V SUP.

Calcul d u taux de restitution d'énergie avec CALC_G (OPTION='CALC_K_G') . Compléter les informations sur le champ THETA :

- le fond de fissure FOND FISS
- les rayons de la couronne du champ theta (R_INF , R_SUP), à définir en fonction du maillage utilisé.

Imprimer les valeurs de G ($IMPR_TABLE$).

Calcule de K et G avec <code>POST K1 K2 K3</code> :

- renseigner le fond de fissure
- renseigner le paramètre ABSC_CURV_MAXI
- imprimer les résultats dans une table (IMPR_TABLE)

Tracer les valeurs de G et K1 issues de CALC_G et de POST_K1_K2_K3 en fonction de l'abscisse curviligne du front de fissure (colonne 'ABSC_CURV') dans un tableur.

3.1.4 Pour aller plus loin : Étude de l'influence du lissage 3D

Dans CALC_G, renseigner le mot clé LISSAGE avec les mots clé LISSAGE_G='LAGRANGE' et LISSAGE_THETA='LAGRANGE'. Comparer les valeurs avec celles obtenues précédemment. Pour rappel, lorsque LISSAGE n'est pas renseigné, la valeur par défaut est LISSAGE_G='LEGENDRE' et LISSAGE_TEHTA='LEGENDRE'.

Dans un second temps, rajouter le mot clé NB_POINT_FOND= 5 au lissage de Lagrange puis observer les valeurs de G ou K1 le long du front. Comparer également les temps de calcul de CALC_G avec et sans NB_POINT_FOND de renseigné.

3.2 Grandeurs testées et résultats

Identification

Référence % tolérance

Manuel de validation

Fascicule v3.04: Statique linéaire des systèmes volumiques

Document diffusé sous licence GNU FDL (http://www.gnu.org/copyleft/fdl.html)

Code Aster

4

Titre : FORMA07 - Travaux pratigues de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel

defau	It
Page : 6/9	
Révision	:
8b058b7c27e3	
	defau Page : 6/9 Révision 8b058b7c27e3

0.8%

 K_I de post к1 к2 к3

1.5957 10⁶

Version

Modélisation B : X-FEM 3D

Le problème considéré est le même que celui étudié dans la partie II. Cependant, contrairement à la partie précédente où la fissure était maillée, on considère dans cette partie un maillage sain. La fissure n'est donc pas maillée. Pour cela, on utilise la méthode X-FEM.

4.1 Déroulement du TP

4.1.1 Raffinement du maillage

L'objectif de cette première étape est d' utiliser HOMARD pour obtenir un maillage raffiné à partir d'un maillage sain relativement grossier.

Vous pouvez créer le maillage grossier avec Salomé (1/4 de la structure est modélisée) ou utiliser celui fourni :

forma07b.mmed

Afin de réaliser le raffinement du maillage, il est nécessaire d'utiliser une boucle python. Le fichier de commande de cette partie n'est donc pas éditable graphiquement avec AsterStudy. On va donc utiliser le mode texte d'AsterStudy pour la première étape du calcul.

Lancez Salome-Meca puis choisissez AsterStudy. Allez dans les préférences (File -> Preferences -AsterStudy) et décochez External editor. Créez une nouvelle étape pour votre calcul (New Stage) que vous pouvez renommer (Raffinement) si vous le souhaitez. Faites un clic gauche sur cette nouvelle étape et cliquez sur Edit. Une fenêtre apparaîtra sur la gauche et vous pourrez éditer votre fichier de commande.

Dans un premier temps, il va falloir calculer le nombre d'itérations nécessaires pour obtenir le maillage raffiné.

Pour cela, il faut tout d'abord importer la bibliothèque math : import math

- Renseignez les informations suivantes :
 - Taille de maille dans la zone d'insertion de la fissure h0
 - Taille de maille cible hc (a/20.)

Calcul du nombre d'itérations pour atteindre hc :

- n=(ln(h0)+ln(hc))/ln(2.)
- nb raff=E(n) (partie entière de n : int(n))
- nb iter=nb raff+1
- Calcul de la taille finale des éléments proches du front de fissure :
 - h=h0/2^{nb} raff

Initialisez l'ensemble des vecteurs qui seront utilisés dans la boucle de raffinement :

- MA = [None]*(nb_iter+1) (Maillage)
- CHERR = [None]*nb_iter (Erreur)
- FISS = [None]*nb_iter (Fissure)

(*LIRE MAILLAGE*): MA[0] = LIRE MAILLAGE(UNITE=20, Lire le maillage au format MED FORMAT='MED');

Choisir le maillage forma07b.mmed qu'il faudra ajouter dans l'onglet Data Files sous l'unité 20.

Réalisez la boucle de raffinement :

for i raff in range(nb raff):

- Définition de la fissure
 - FISS[i raff]=DEFI FISS XFEM(MAILLAGE=MA[i raff],

TYPE DISCONTINUITE='FISSURE' DEFI FISS= F(FORM FISS='ELLIPSE', DEMI GRAND AXE=a, DEMI_PETIT_AXE=a, CENTRE=(0,0,0,), VECT_X=(1.,0.,0.,), VECT_Y=(0.,1.,0.,),);

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel

Calcul du critère de raffinement CHERR[i_raff]=RAFF_XFEM(FISSURE=FISS[i_raff],TYPE='ZONE',RAYON=r_raff) avec r_raff=5*h Définition du type du maillage n+1 --> pour dire que MAILLAGE_NP1 est un type 'maillage' MA[i_raff+1]=CO('MA_%d' % (i_raff+1)) Adaptation du maillage MACR_ADAP_MAIL(ADAPTATION = 'RAFFINEMENT', CHAM_GD = CHERR[i_raff], CRIT_RAFF_ABS = 0.5, DIAM_MIN = hc. = MA[i_raff], MAILLAGE N MAILLAGE_NP1 = MA[i_raff+1],); Pour visualiser le nouveau maillage, imprimez-le au format MED : IMPR_RESU(FORMAT='MED',UNITE=80,RESU=_F(MAILLAGE=MA[nb_raff])); Choisir le maillage forma07b_raff.mmed qu'il faudra ajouter dans l'onglet Data Files sous l'unité 80.

Si vous souhaitez passer cette étape, vous pouvez aussi utiliser directement le maillage raffiné fourni :

forma07b.41

Dans les maillages fournis (visualisez-les dans Salomé), les noms des groupes de mailles sont les suivants :

- groupe de nœuds : D,
- groupes de faces : FACE_AV, FACE_LAT, FACE_SUP, FACE_INF,
- groupe de volumes : CUBE.



Figure 4.1.1-a: Groupes définis sur le maillage fourni

4.1.2 Création du fichier de commande sans post-traitement de la rupture

a) Lecture du maillage sain raffiné et définition du modèle non enrichi

Lancez Salome-Meca, puis choisissez le module AsterStudy. Ajoutez les étapes suivantes à votre cas.

Manuel de validation

Titre : FORMA07 - Travaux pratiques de la formation « Util[...] Responsable : GÉNIAUT Samuel

Read a mesh (LIRE_MAILLAGE). Sélectionnez le maillage raffiné que vous avez créé et le format MED

Modify a mesh (MODI_MAILLAGE). Choisissez le maillage lu précédemment et sélectionnez le reuse. Sélectionnez l'action ORIE_PEAU_3D pour réorienter les normales aux faces vers l'extérieur du maillage (groupes d'éléments FACE_AV, FACE_LAT, FACE_SUP, FACE_INF)

Assign finite element (AFFE_MODELE). Choisissez le phénomène mécanique et la modélisation des milieux continus 3D

b) Définition de la fissure et des éléments X-FEM

Dans l'onglet Fracture and Fatigue: Définition de la fissure DEFI_FISS_XFEM. Utilisez de préférence le catalogue des fissures (FORM FISS='ELLIPSE')

Dans l'onglet **Fracture and Fatigue** : Modification du modèle pour prendre en compte les éléments X-FEM (MODI_MODELE_XFEM)

c) Définition du matériau, des conditions et résolution du problème mécanique

Définition et affectation du matériau: **Define a material (DEFI_MATERIAU)** et **Assign a material (AFFE_MATERIAU)**

Définition des conditions limites et chargements sur le modèle enrichi. Assign mechanical load (AFFE_CHAR_MECA) :

- Symétrie sur le plan de symétrie 'FACE_LAT' (Enforce DOF);
- Symétrie sur le plan de symétrie 'FACE AV' (Enforce DOF);
- Blocage des modes rigides (Enforce DOF sur 'D')
- Application de la e la traction sur 'FACE_SUP' et 'FACE_INF' (PRES_REP)

Résolution du problème élastique : **Static mechanical analysis (MECA_STATIQUE**) avec le modèle enrichi

d) Post-traitement des déplacements et des contraintes avec X-FEM et visualisation avec Paravis

Afin de séparer le calcul et le post-traitement, vous pouvez ajouter une nouvelle étape (New stage) à votre cas d'étude (Case).

Dans l'onglet **Fracture and Fatigue**: Création d'un maillage de visualisation (**POST_MAIL_XFEM**)

Dans l'onglet **Finite Element** : Création d'un modèle pour la visualisation (**AFFE_MODELE**) sur le maillage créé pour la visualisation

Dans l'onglet **Fracture and Fatigue**: Création d'un champ de résultats sur le maillage de visualisation X-FEM (**POST CHAM XFEM**)

Pour visualisation avec Paravis :

- Calcul du champ de contraintes extrapolé aux noeuds (CALC_CHAMP, option ' CONTRAINTE ' avec le champ 'SIGM NOEU ')
- Calcul du champ de contraintes équivalentes (CALC_CHAMP, option ' CRITERES ' avec le champ 'SIEQ NOEU')

Pour cela, on enrichira le concept issu de **POST_CHAM_XFEM** en reprenant le même nom de concept.

Impression des résultats au format MED : Results output (IMPR RESU).

4.1.3 Ajout des étapes de post traitement en mécanique de la rupture

Manuel de validation

Date : 21/07/2017 Page : 9/9 Clé : V3.04.156 Révision : 8b058b7c27e3

Pour le post-traitement de la rupture vous pouvez également ajouter une nouvelle étape (New stage) à votre cas d'étude en cours.

Pour l'ensemble des étapes suivantes, il faudra aller dans l'onglet Fracture and Fatigue.

a) Calcul de G avec CALC_G

 $\label{eq:Calculer} \mbox{Calculer le taux de restitution d'énergie G et les facteurs d'intensité des contraintes avec CALC_G (OPTION='CALC_K_G') et le lissage de Legendre de degré 5.$

Utiliser le résultat du calcul statique à ne pas confondre avec le résultat créé pour la visualisation avec **POST_CHAM_XFEM** (RESULTAT).

Compléter les informations sur le champ THETA :

- le fond de fissure FISSURE
- les rayons de la couronne du champ theta (R_INF , R_SUP), à définir en fonction du maillage utilisé.

Imprimer les valeurs de la table G (IMPR_TABLE dans l'onglet Output).

b) Calcul de K et G avec POST_K1_K2_K3

Calculer K et G avec $\texttt{POST}_\texttt{K1}_\texttt{K2}_\texttt{K3}$:

- utiliser le résultat du MECA_STATIQUE (RESULTAT)
- renseigner la fissure
- renseigner le paramètre ABSC_CURV_MAXI
- imprimer les résultats dans une table.

Comparez les résultats à la solution analytique. Comparez les temps entre les 2 commandes.

Essayer le lissage LAGRANGE. Qu'observe t-on ?

Afin d'améliorer les résultats, essayer la répartition uniforme de n points le long du fond de fissure (CALC G/THETA/NB POINT FOND) avec diverses valeurs de n.

Autres pistes : raffinement / enrichissement sur plusieurs couches.

4.2 Grandeurs testées et résultats

Identification	Référence	% tolérance
K ₁ de post_k1_k2_k3	1,5957 10 ⁶	1%