
ZZZZ127 - Validation du mot clé LIAISON_MAIL

Résumé :

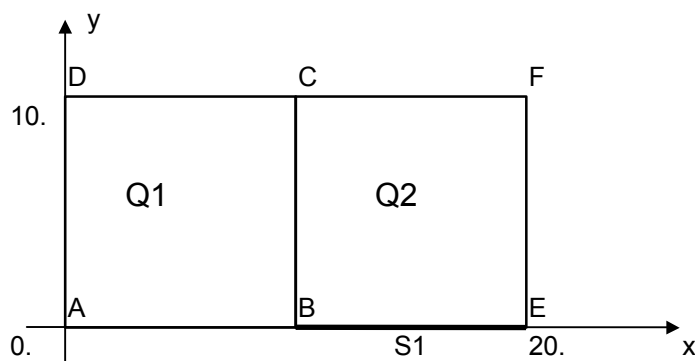
Ce test valide le mot clé `LIAISON_MAIL` des commandes `AFFE_CHAR_MECA` et `AFFE_CHAR_THER`. Ce mot clé engendre les relations linéaires entre les degrés de liberté des noeuds de 2 bords que l'on met en vis à vis. La programmation est validée en 2D et en 3D par inter-comparaison avec un calcul *Aster* semblable où les relations entre degrés de liberté sont directement entrées par le mot clé `LIAISON_DDL`. On valide également la transformation géométrique (rotation / translation) appliquée à l'un des bords.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie

Le problème traité est plan. La structure étudiée est 1 rectangle découpé en 2 carrés $ABCD$ et $BEFC$.

La solution est établie avec un maillage utilisant 2 QUAD4 correspondant aux 2 carrés.



1.2 Propriétés du matériau

matériau élastique :

$$E = 10.0 \quad \text{unités S.I.}$$

$$\nu = 0.0$$

On prend $\nu = 0.0$ pour que l'on puisse traiter ce problème plan avec une couche d'éléments 3D en ayant la solution plane.

1.3 Conditions aux limites et chargements

1) On applique une force ponctuelle sur le point F : $FY = 4.0$ u.s.i.

2) Blocages :

point A : $DX = DY = 0.$

point D : $DX = 0.$

3) Relations linéaires entre degrés de liberté :

cas de charge : cas1

$$1.0 DX(E) - 0.5 DY(D) - 0.5 DY(C) = 0.0$$

$$1.0 DY(E) + 0.5 DX(D) + 0.5 DX(C) = 0.0$$

cas de charge : cas2

$$1.0 DY(E) + 0.5 DY(D) + 0.5 DY(C) = 0.0$$

$$1.0 DY(B) + 0.5 DY(C) + 0.5 DY(F) = 0.0$$

Les conditions initiales sont sans importance ici.

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Dans chacun des cas, on réalise un calcul préalable avec le mot clé `LIAISON_DDL` pour introduire les relations linéaires entre degrés de liberté. Ce calcul sert de référence au calcul avec le mot clé `LIAISON_MAIL` qui engendre ces relations linéaires.

Pour obtenir les relations linéaires voulues avec `LIAISON_MAIL`, on écrit :

Cas1 :

```
LIAISON_MAIL: ( NOEUD_2 : E          MAILLE_1:Q1
                  CENTRE: B          ANGL_NAUT: 90.  TRAN: ( -5.  0.) )
```

Ce qui veut dire que l'on élimine les 2 degrés de liberté du noeud E en fonction des degrés de liberté du point E' obtenu lorsque l'on fait subir à E une rotation de 90 degrés autour de B puis une translation de vecteur $(-5,0)$. E' est donc au milieu de CD . Le vecteur déplacement de E est identifié (après rotation de 90 degrés) à celui de E' . On obtient donc les 2 équations :

$$\begin{aligned} DX(E) &= DY(E') = 0.5 DY(C) + 0.5 DY(D) \\ DY(E) &= -DX(E') = -0.5 DX(C) - 0.5 DX(D) \end{aligned}$$

Cas2 :

```
LIAISON_MAIL: ( MAILLE_2 : S1          MAILLE_1:(Q1,Q2)
                  DDL_2:'DNOR'          DDL_1:'DNOR'
                  CENTRE: B          ANGL_NAUT: 180.  TRAN: ( +5.  +10.) )
```

Ce qui veut dire que l'on élimine le déplacement normal des noeuds B et E (noeuds du segment SI) en fonction des degrés de liberté des points B' et E' obtenus lorsque l'on fait subir à B et E une rotation de 180 degrés autour de B puis une translation de vecteur $(+5,+10)$. B' est donc au milieu de CF et E' au milieu de DC . Le déplacement normal de B est identifié (après rotation de 180 degrés) à celui de B' . On fait de même pour E . On obtient alors les 2 équations :

$$\begin{aligned} DY(E) &= -DY(E') = -0.5 DY(C) - 0.5 DY(D) \\ DY(B) &= -DY(B') = -0.5 DY(C) - 0.5 DY(F) \end{aligned}$$

2.2 Résultats de référence

On observe le déplacement DY du point F :

```
cas1 : DY(F)=1.4153582447720D+00
cas2 : DY(F)=1.0561898652983D+00
```

Ces déplacements sont obtenus avec des relations linéaires entre degrés de liberté introduits par le mot clé `LIAISON_DDL`.

2.3 Incertitudes sur la solution

Aucune incertitude.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation

Le problème est résolu avec la modélisation D_PLAN.

3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est formé de :

2 QUAD4 : $Q1 = ABCD$ et $Q2 = BEFC$
1 SEG2 : $SI = BE$

3.3 Grandeurs testées et résultats

Identification	Référence
cas1 : $DY(F)$	1.4153582447720D+00
cas2 : $DY(F)$	1.0561898652983D+00

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation

Le problème est résolu avec la modélisation 3D.

4.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est formé de :

2 HEXA8 : $Q1$ et $Q2$
1 QUAD4 : SI

4.3 Fonctionnalités testées

Les mêmes que pour la modélisation A mais en 3D.

4.4 Grandeurs testées et résultats

Identification	Référence
cas1 : $DY(F)$	1.4153582447720D+00
cas2 : $DY(F)$	1.0561898652983D+00

5 Synthèse des résultats

Les résultats numériques, le déplacement en un point, sont rigoureusement identiques entre les deux calculs *Aster*, avec le mot clé `LIAISON_MAIL`, ou avec le mot clé `LIAISON_DDL`.