

## **SSLV306 - Poutre 3D en déplacements imposés**

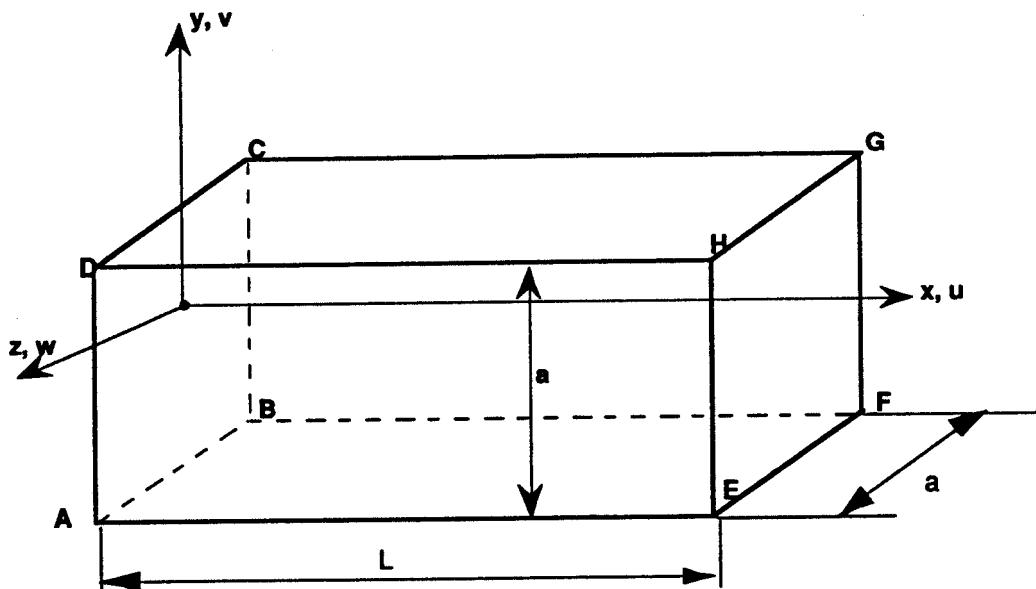
---

### **Résumé :**

Le test a pour but de valider les déplacements imposés sur faces (`FACE_IMPO`), leurs valeurs étant variables dans l'espace. Ces valeurs sont imposées à l'extrémité d'une poutre 3D, modélisant une charge de flexion.

## 1 Problème de référence

### 1.1 Géométrie



Longueur :  $L=2\text{ m}$   
 Section carrée, de côté :  $a=0.2\text{ m}$   
 Moment d'inertie :  $I=1.333\times10^{-4}\text{ m}^4$

### 1.2 Propriétés de matériaux

$$E=2.1\times10^{11}\text{ Pa}$$

$$\nu=0.3$$

### 1.3 Conditions aux limites et chargements

Encastrement de la section  $ABCD$

Déplacement imposé sur la face  $EFGH$  :

- constant  $\nu_o$  dans la direction  $y$ ,  $\nu_o=0.952\times10^{-5}\text{ m}$
- variant en fonction de la position  $y$  du point de la section, et valant :  
 $u_o=-y\theta_o$ ,  $\theta_o=0.714\times10^{-5}\text{ radians}$

### 1.4 Conditions initiales

Sans objet pour l'analyse statique.

## 2 Solution de référence

### 2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Les déplacements imposés équivalent à une force appliquée à l'extrémité de résultante :

$$F = \frac{3EI}{L^3} v_o = 100N$$

$\theta_o$  représente la rotation de la section *EFGH* :

$$\theta_o = \frac{FL^2}{2EI}$$

La contrainte de flexion  $\sigma_{xx}$  à l'encastrement vaut alors :

$$\sigma_{xx}(ABCD) = \pm \frac{FL}{I/y}$$

### 2.2 Résultats de référence

- 1) Déplacement  $v$  des points *E, F, G, H*
- 2) Contraintes de flexion  $\sigma_{xx}$  aux points *A, B, C, D*

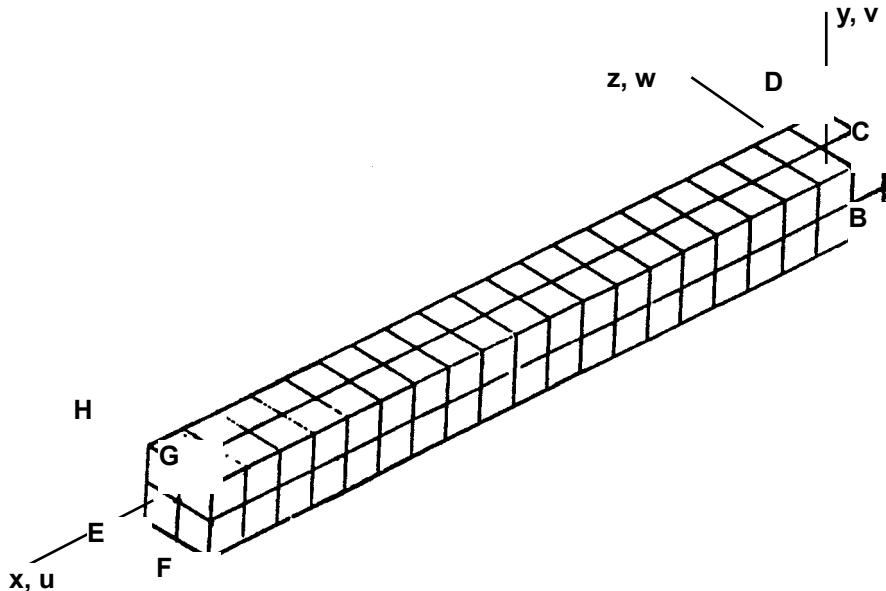
### 2.3 Incertitude sur la solution

Solution analytique.

## 3 Modélisation A

### 3.1 Caractéristiques de la modélisation

3D, mailles H20



Chargement par déplacements imposés sur face  $EFGH$  :

$$DY : 0.952 \times 10^{-5}$$

$$DX : \text{fonction de } y \text{ définie en 2 points} : \quad f(0)=0 \\ f(0,1)=-0.0714E-5$$

Découpage :

- 1) 20 éléments suivant la longueur
- 2) 2 éléments suivant la largeur et l'épaisseur

### 3.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 621

Nombre de mailles et types : 80 HEXA20

## 4 Résultats de la modélisation A

### 4.1 Valeurs testées

Localisation	Type de valeur	Référence	Aster	% différence
Points $E, F, G, H$	$v(m)$	$9.52 \times 10^{-6}$	$9.52 \times 10^{-6}$	0
Points $E, F$	$u(m)$	$7.14 \times 10^{-7}$	$7.14 \times 10^{-7}$	0.
Points $G, H$	$u(m)$	$-7.14 \times 10^{-7}$	$-7.14 \times 10^{-7}$	0.
Points $A, B$	$\sigma_{xx}(Pa)$	$1.5 \times 10^5$	$1.64 \times 10^5$	9.5
Points $C, D$	$\sigma_{xx}(Pa)$	$-1.5 \times 10^5$	$-1.64 \times 10^5$	-9.5

## 5 Synthèse des résultats

---

La fonctionnalité "déplacements imposés fonction" fournit les résultats attendus ; les valeurs des contraintes de flexion sont satisfaisantes, compte-tenu que le problème traité est un problème de flexion.