

---

## SZLZ108 - Dommage par les méthodes de TAHERI (TAHERI\_MANSON et TAHERI\_MIXTE)

---

### Résumé :

Il y a deux modélisations :

- Modélisation A : Ce test a pour but le calcul du dommage à partir d'une histoire de chargement purement uniaxial en déformations par les méthodes TAHERI\_MANSON ou TAHERI\_MIXTE.
- Modélisation B : Ce test a pour but le calcul du dommage à partir d'une histoire de chargement constante par les trois méthodes de comptage RAIN\_FLOW, NATUREL et RCCM.

Les méthodes de Taheri ne s'appliquent qu'à des chargements en déformations et ne permettent pas contrairement à la méthode de Manson-Coffin de tenir compte de l'ordre d'apparition des cycles de contraintes.

## 1 Problème de référence

### 1.1 Modélisation A

L'analyse consiste à déterminer le dommage subi par une structure soumise à une histoire de chargement en déformations. On utilise la méthode de Rainflow pour déterminer le nombre de cycles élémentaires et la demi amplitude de chaque cycle.

Pour les chargements considérés, la méthode de Rainflow détermine 5 cycles de demi amplitude :

$$\frac{\Delta \varepsilon_1}{2} = 0.25, \quad \frac{\Delta \varepsilon_2}{2} = 0.25, \quad \frac{\Delta \varepsilon_3}{2} = 0.75, \quad \frac{\Delta \varepsilon_4}{2} = 0.25 \quad \text{et} \quad \frac{\Delta \varepsilon_5}{2} = 1.75.$$

Puis on calcule le dommage subi par la structure par la méthode de TAHERI\_MANSON et la méthode de TAHERI\_MIXTE.

Tant que l'amplitude de déformations des divers cycles appliqués à la structure reste croissante

$$\frac{\Delta \varepsilon_1}{2} \leq \frac{\Delta \varepsilon_2}{2} \leq \dots \leq \frac{\Delta \varepsilon_n}{2},$$

les méthodes de TAHERI\_MANSON et TAHERI\_MIXTE sont identiques à la méthode de MANSON\_COFFIN (calcul du nombre de cycles à la rupture,  $N_{rupt}$ , par interpolation sur la courbe de Manson-Coffin et calcul du dommage par  $1/N_{rupt}$ ).

Par contre si un cycle  $i$  présente une demi amplitude  $\frac{\Delta \varepsilon_i}{2}$  inférieure à  $\frac{\Delta \varepsilon_{i-1}}{2}$ , les méthodes de Taheri diffèrent de la méthode de Manson-Coffin.

- La méthode de TAHERI\_MANSON consiste à déterminer une amplitude de contrainte  $\frac{\Delta \sigma_i}{2}$  à partir de  $\frac{\Delta \varepsilon_i}{2}$  et  $\varepsilon_{max}$  (valeur maximale de la demi amplitude de déformation rencontrée avant le cycle  $i$ ).

Pour ce faire, l'utilisateur doit fournir une nappe  $\frac{\Delta \sigma}{2} \left( \frac{\Delta \varepsilon}{2}, \varepsilon_{max} \right)$  sous l'opérande TAHERI\_NAPPE.

A partir de  $\frac{\Delta \sigma_i}{2}$ , on détermine une demi amplitude de déformations  $\frac{\Delta \varepsilon_i^*}{2}$  à l'aide d'une fonction introduite sous l'opérande TAHERI\_FONC. La valeur du dommage élémentaire du cycle  $i$ , est déterminée par interpolation de  $\frac{\Delta \varepsilon_i^*}{2}$  sur la courbe de Manson\_Coffin.

- Pour la méthode 'TAHERI\_MIXTE', on procède de même pour la détermination de la demi amplitude de contrainte  $\frac{\Delta \sigma_i}{2}$ , puis on détermine la valeur du dommage élémentaire du cycle  $i$  par interpolation de  $\frac{\Delta \sigma_i}{2}$  sur la courbe de Wöhler.

Cette méthode nécessite donc la donnée des courbes de Wöhler et Manson\_Coffin.

On détermine le dommage total par cumul linéaire des dommages élémentaires.

## 1.1.1 Propriétés de matériaux

Pour le calcul du dommage de TAHERI\_MANSON, on a besoin de la courbe de Manson\_Coffin, d'une nappe permettant de calculer  $\frac{\Delta\sigma}{2}$  à partir de ( $\frac{\Delta\varepsilon}{2}$  et  $\varepsilon_{max}$ ) et d'une fonction permettant de calculer  $\frac{\Delta\varepsilon^*}{2}$  à partir de  $\frac{\Delta\sigma}{2}$ . La nappe (courbe d'érouissage cyclique avec pré-érouissage) est introduite sous l'opérande TAHERI\_NAPPE et la fonction (courbe d'érouissage cyclique) sous l'opérande TAHERI\_FONC. La courbe de Manson\_Coffin est quant à elle introduite dans DEFI\_MATERIAU.

Pour le calcul du dommage de TAHERI\_MIXTE, on a besoin de la courbe de Manson\_Coffin, de la courbe de Wöhler et d'une nappe (courbe d'érouissage cyclique avec pré-érouissage) permettant de calculer  $\frac{\Delta\sigma}{2}$  à partir de ( $\frac{\Delta\varepsilon}{2}$  et  $\varepsilon_{max}$ ). La nappe est introduite sous l'opérande TAHERI\_NAPPE. La courbe de Manson\_Coffin et la courbe de Wöhler sont introduites dans DEFI\_MATERIAU.

## 1.1.2 Histoire du chargement

$t$	0.	1.	2.	3.	4.	5.	6.
$\varepsilon(t)$	0.	3.5	3.	3.5	3.	3.5	1.
7.	8.	9.					
2.5	0.	0.5					

## 1.2 Modélisation B

L'analyse consiste à un cas spécial où l'histoire de chargement est constante (par exemple, chargement moyen appliqué). Code\_Aster va compter l'histoire de chargement entière comme un cycle d'amplitude nulle pour les méthodes de comptage RAIN\_FLOW, NATUREL et RCCM.

### 1.2.1 Propriétés de matériaux

Identique à ceux de la modélisation A.

### 1.2.2 Histoire du chargement

$t$	0.	1.	2.	3.
$\varepsilon(t)$	1	1	1	1

## 2 Solution de référence

---

### 2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

L'histoire de chargement étant très simple, les résultats de référence peuvent être obtenus manuellement en appliquant les algorithmes présentés dans le document de référence [R7.04.01].

### 2.2 Incertitude sur la solution

Solution analytique.

## 3 Modélisation A

### 3.1 Grandeurs testées et résultats

Identification		Référence
<b>Méthode 'TAHERI_MANSON' (le comptage RAINFLOW)</b>		
Cycle 1	DOMMAGE	5.7142857E-6
Cycle 2	DOMMAGE	5.7142857E-6
Cycle 3	DOMMAGE	8.E-6
Cycle 4	DOMMAGE	6.6666667E-6
Cycle 5	DOMMAGE	4.E-5
calcul du dommage total par cumul linéaire de Miner		6.6095E-5
<b>Méthode 'TAHERI_MIXTE' (le comptage NATUREL)</b>		
Cycle 1	DOMMAGE	5.7142857E-6
Cycle 2	DOMMAGE	5.7142857E-6
Cycle 3	DOMMAGE	8.E-6
Cycle 4	DOMMAGE	6.6666667E-6
Cycle 5	DOMMAGE	4.E-5
calcul du dommage total par cumul linéaire de Miner		6.6095E-5
<b>Méthode 'TAHERI_MANSON' (le comptage RAINFLOW_MAX)</b>		
Cycle 1	DOMMAGE	4.E-05
Cycle 2	DOMMAGE	1.E-5
Cycle 3	DOMMAGE	1.E-5
Cycle 4	DOMMAGE	1.33333E-05
Cycle 5	DOMMAGE	1.E-5
calcul du dommage total par cumul linéaire de Miner		8.33333E-5

## 4 Modélisation B

### 4.1 Grandeurs testées et résultats

Pour toutes les trois méthodes de comptage (RAIN\_FLOW, NATUREL et RCCM), l'amplitude est zéro. Le nombre de cycle à la rupture est 200000 et le dommage est  $5.0E-6$ .

Identification	Valeur de référence
<b>DOMMAGE</b>	
COMPTAGE/DOMMAGE	
RAINFLOW/TAHERI_MANSON	5.0E-6
RAINFLOW/TAHERI_MIXTE	5.0E-6
NATUREL/TAHERI_MANSON	5.0E-6
NATUREL/TAHERI_MIXTE	5.0E-6
RCCM/WOHLER	5.0E-6

## 5 Synthèse des résultats

Les résultats fournis par Code\_Aster coïncident parfaitement avec les valeurs de référence.