

SSNS501 - Grands déplacements d'un panneau cylindrique simplement supporté

Résumé :

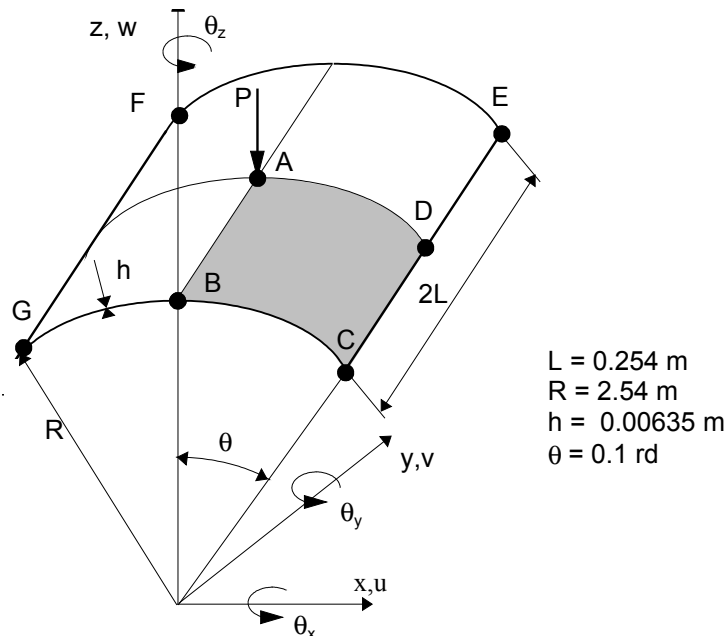
Ce test représente un calcul de stabilité d'un panneau cylindrique simplement supporté soumis à un effort concentré en son centre. Le comportement du panneau change complètement et montre nettement des points de retour en charge et en déplacement « snap-through/snap-back ». Dans ce cas un pilotage en déplacement diverge et un pilotage en longueur d'arc doit être choisi.

Il permet de valider la modélisation éléments finis `COQUE_3D` avec les mailles `TRIA7` et `QUAD9` dans le domaine quasi-statique non-linéaire géométrique en présence de fortes instabilités.

Les déplacements et la charge critique sont comparés à une solution de référence numérique.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



1.2 Propriétés du matériau

Les propriétés du matériau constituant la plaque sont :

$E = 3.10275 \times 10^9 \text{ Pa}$ Module d'Young
 $\nu = 0.3$ Coefficient de poisson

1.3 Conditions aux limites et chargements

- Conditions aux limites : panneau simplement supporté sur les côtés CE et GF (déplacements nuls, rotations libres)

- On cherche les états successifs d'équilibre sous une charge P imposée au point A .

1.4 Conditions initiales

Sans objet

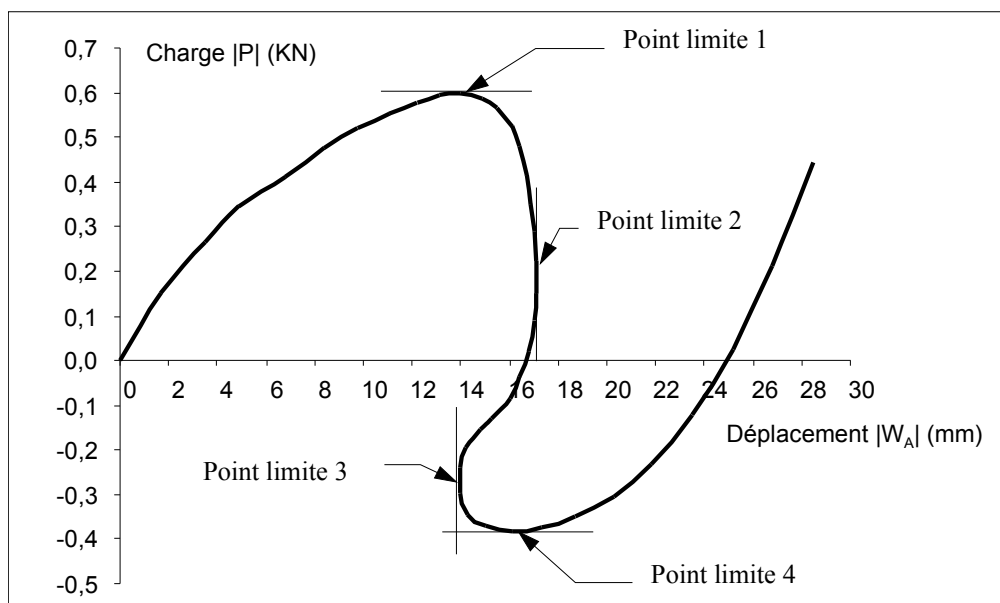
2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

La solution de référence a été obtenue avec un élément fini de coque DKT24 (maillage 4x6) à 4 nœuds avec 6 degrés de liberté par nœud en Formulation Lagrangienne Totale. Cette solution est décrite en détails dans [bib2].

2.2 Résultats de référence

W_A $\times 10^{-3m}$	Charge P (KN)	Charge P/P_{max}	W_A $\times 10^{-3m}$	Charge P (KN)	Charge P/P_{max}	W_A $\times 10^{-3m}$	Charge P (KN)	Charge P/P_{max}
0.0	0.000	0.0000	-16.4	0.480	0.8000	-14.0	-0.295	-0.4916
-1.7	0.150	0.2500	-16.7	0.415	0.6916	-14.3	-0.345	-0.5750
-3.5	0.265	0.4416	-16.9	0.350	0.5833	-15.0	-0.370	-0.6166
-4.9	0.345	0.5750	-17.0	0.290	0.4833	-16.1	-0.380	-0.6333
-6.8	0.410	0.6833	-17.1	0.225	0.3750	-17.3	-0.375	-0.6250
-8.4	0.475	0.7916	-17.1	0.150	0.2500	-18.7	-0.350	-0.5833
-9.8	0.520	0.8666	-17.0	0.090	0.1500	-20.3	-0.305	-0.5083
-11.1	0.555	0.9250	-16.8	0.020	0.0333	-21.8	-0.230	-0.3833
-12.2	0.580	0.9666	-16.4	-0.035	-0.0583	-23.5	-0.120	-0.2000
-13.1	0.595	0.9916	-16.0	-0.085	-0.1416	-25.2	0.025	0.0416
-14.0	0.600	1.0000	-15.3	-0.130	-0.2166	-26.8	0.210	0.3500
-14.9	0.585	0.9750	-14.8	-0.155	-0.2583	-28.5	0.445	0.7416
-15.5	0.565	0.9416	-14.2	-0.195	-0.3250			
-16.1	0.525	0.8750	-14.0	-0.240	-0.4000			



2.3 Incertitudes sur la solution

Inférieures à 2%, solution numérique

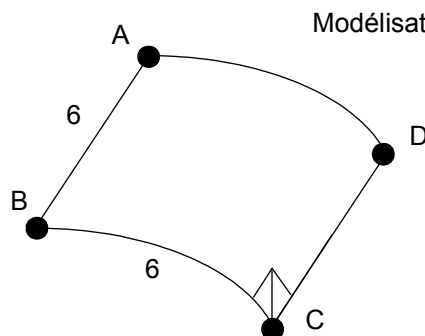
2.4 Références bibliographiques

- 1) HAMMADI Fodil : Formulation et évaluation d'éléments finis à continuité C^0 de la géométrie pour l'analyse linéaire et non-linéaire des coques.

- 2) JAAMEI S., : Etude de différentes formulations lagrangiennes pour l'analyse non linéaire de plaques et coques minces élasto-plastique en grands déplacements et grandes rotations, Thèse de doctorat, Université de Technologie de Compiègne 1986.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation



Conditions aux limites :

- Côté CD : $u = v = w = 0$

Conditions de symétrie :

- Côté AB : $u = 0, \theta = 0$

- Côté AD : $v = 0, \theta = 0$

On modélise un quart de la plaque.

Les états successifs d'équilibre sont obtenus grâce à une méthode de pilotage par longueur d'arc.

Dans ce cas, ~~EPILOAGE~~ $\frac{p}{p_{\max}}$

3.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 241

Nombre de mailles et type : 72 TRIA7

3.3 Valeurs testées

Identification	Instants	Référence	Aster	% différence
Point limite n°1				
DZ	1.03	-0.0140	-0.01322	-5.573
Eta_PILOTAGE	1.03	1.0	0.9729	-2.471
Point limite n°2				
DZ	1.78	-0.0171	-0.01696	-0.847
Eta_PILOTAGE	1.78	0.375 0.250	0.07513	-75.96
Point limite n°3				
DZ	2.3	-0.0140	-0.01458	4.176
Eta_PILOTAGE	2.3	-0.400 -0.492	-0.533	19.67
Point limite n°4				
DZ	2.48	-0.0161	-0.01617	0.452
Eta_PILOTAGE	2.48	-0.633	-0.6442	1.717

3.4 Remarques

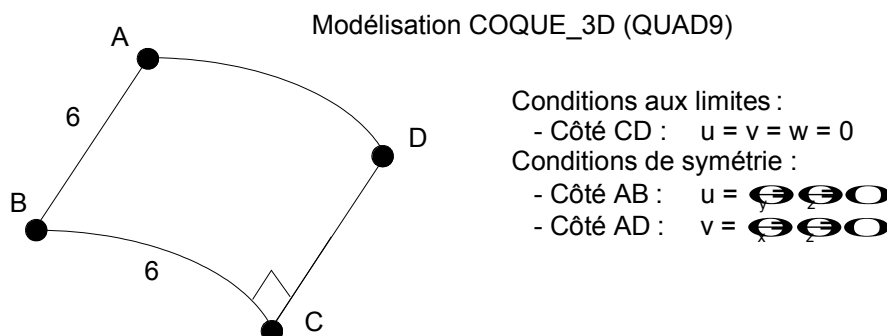
La stratégie de calcul utilisée se décompose en deux étapes :

calcul en chargement imposé jusqu'à $P=582.N$ correspondant à 97% de la charge critique,
calcul en "déplacement imposé" : ensuite, on impose un déplacement imposé en utilisant la technique de la longueur d'arc imposée sur toute la structure (option `LONG_ARC` dans `STAT_NON_LINE`).

L'utilisation de la technique de longueur d'arc rend difficile la définition de la valeur de référence à introduire dans la commande `TEST_RESU`, puisque ces valeurs ne peuvent pas être imposées. Pour définir les valeurs de référence, nous avons recherché les valeurs de DZ les plus proches possibles de celles listées dans le tableau du [§2.2] et nous avons reporté les valeurs du paramètre de pilotage que l'on devait obtenir pour les valeurs de DZ en question.

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation



4.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 169
Nombre de mailles et type : 36 QUAD9

4.3 Valeurs testées

Identification	Instants	Référence	Aster	% différence
Point limite n°1				
DZ	1.03	-0.0140	-0.01318	-5.886
Eta_PILOTAGE	1.03	1.0	0.9724	-2.760
Point limite n°2				
DZ		-0.0171	-0.01702	-0.462
Eta_PILOTAGE		0.375 0.250	0.101	-67.69
Point limite n°3				
DZ		-0.0140	-0.01446	3.269
Eta_PILOTAGE		-0.400 -0.492	-0.558	25.177
Point limite n°4				
DZ		-0.0161	-0.0161	-0.007
Eta_PILOTAGE		-0.633	-0.640	1.120

4.4 Remarques

La stratégie de calcul utilisée se décompose en deux étapes :

calcul en chargement imposé jusqu'à $P=582.N$ correspondant à 97% de la charge critique,
calcul en déplacement imposé : ensuite, on impose un déplacement imposé en utilisant la technique de la longueur d'arc imposée (option `LONG_ARC` dans `STAT_NON_LINE`).

L'utilisation de la technique de longueur d'arc rend difficile la définition de la valeur de référence à introduire dans la commande `TEST_RESU`, puisque ces valeurs ne peuvent pas être imposées. Pour définir les valeurs de référence, nous avons recherché les valeurs de DZ les plus proches possibles de celles listées dans le tableau du [§2.2] et nous avons reporté les valeurs du paramètre de pilotage que l'on devait obtenir pour les valeurs de DZ en question.

5 Synthèse des résultats

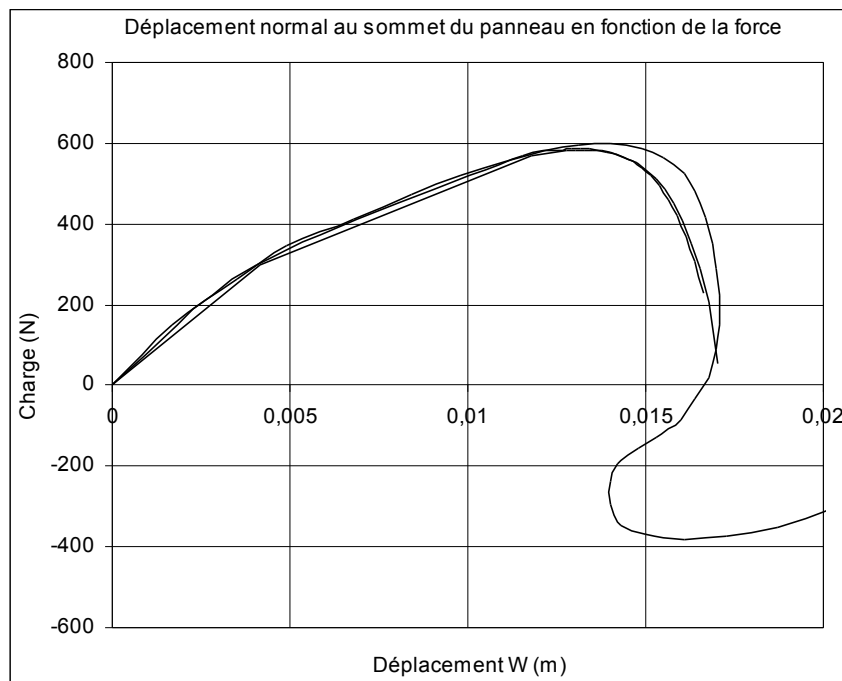


Figure 7-a : Déplacement normal au sommet du panneau en fonction de la force appliquée.
Agrandissement autour du point limite 1

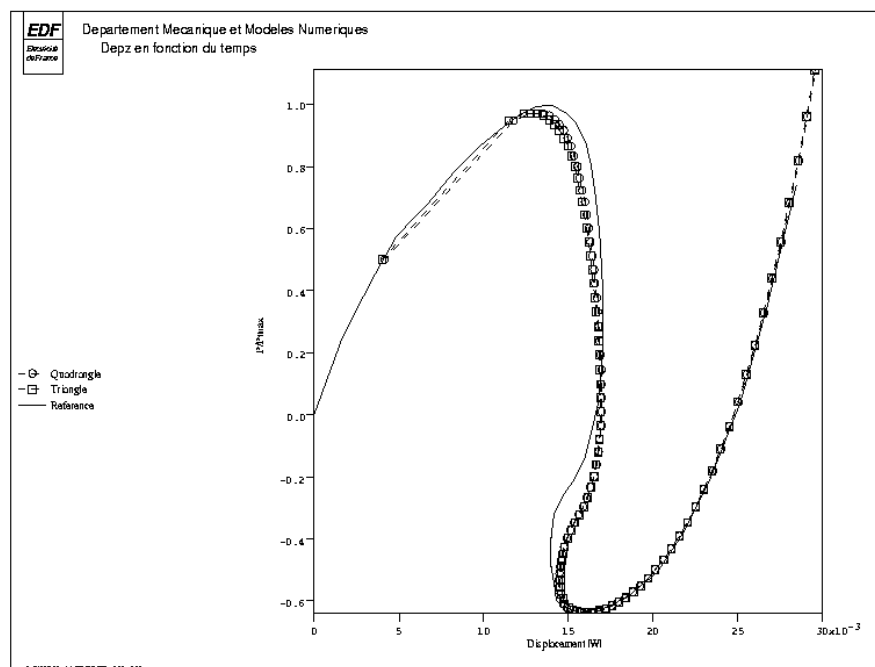


Figure 7-b : Déplacement normal au sommet du panneau en fonction de la force appliquée
normalisée par sa valeur maximale

Les résultats pour les deux charges limites 1 et 4 sont corrects. L'erreur maximum est de 2.5% pour la maille TRIA3 et de 2.8% pour la maille QUAD9. Par contre, l'erreur sur le déplacement vertical est plus importante. Elle est de 5.6% pour la maille TRIA7 et de 5.9% pour la maille QUAD9.

Les résultats entre les deux charges limites 1 et 4 sont qualitativement corrects. On détecte bien les points limites 2 et 3. Quantitativement les valeurs des déplacements pour ces points sont bonnes à moins de 1% pour le point limite 2 et à moins de 5% pour le point limite 3. Au niveau des charges correspondantes, la charge au point limite 2 est très fortement sous-estimée (de l'ordre de 70%) et celle au point limite 3 fortement surestimée (de l'ordre de 20%).

Quelle que soit la maille, le comportement pré-flambement est correctement évalué. L'allure en post-flambement permet de déterminer correctement les déplacements aux points limites 2 et 3. Les charges obtenues sont plus éloignées de la solution de référence. A partir du point limite 4, on retrouve un bon accord entre la référence et notre solution.

Le coefficient de correction du cisaillement transverse A_{CIS} a été mis à 0.833, correspondant aux coques épaisses. La valeur ($2500 = 10^6 \times H/L$) qui aurait dû être prise en compte ne permet pas d'effectuer les calculs, du fait d'un mauvais conditionnement des matrices de rigidité.