Date: 15/07/2014 Page: 1/7

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Responsable : Kyrylo KAZYMYRENKO Clé : V6.04.234 Révision : 12450

SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FISS_EXP et du pilotage PRED_ELAS pour la modélisation GRAD VARI

Résumé:

Ce test a pour but de valider l'algorithme d'intégration de la loi de comportement <code>ENDO_FISS_EXP</code> à gradient de variables internes ainsi que le pilotage <code>PRED_ELAS</code> disponible pour cette loi. Le problème étudié correspond à une sollicitation à déformation homogène imposée pour laquelle on peut obtenir une solution analytique.

Les différentes modélisations traitées sont suivantes :

- Modélisation A (2D): On emploie la modélisation D PLAN GRAD VARI.
- Modélisation B (3D): On emploie la modélisation 3D GRAD VARI.

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Date: 15/07/2014 Page: 2/7 Responsable: Kyrylo KAZYMYRENKO Clé: V6.04.234 Révision: 12450

Problème de référence

1.1 Géométrie

Selon la modélisation 2D ou 3D, on considère respectivement un carré ou un cube de côté 2 mm.

1.2 Propriétés du matériau

Le matériau obéit à la loi de comportement élastique fragile ENDO FISS EXP à gradient d'endommagement (D PLAN GRAD VARI et 3D GRAD VARI). Les données macroscopiques correspondent à :

 $E = 30\,000\,\text{MPa}$ Module d'Young Coefficient de Poisson v = 0.2Énergie de fissuration $G_f = 0.1 \, \text{N/mm}^2$ Paramètre de forme p=5Limite en traction $f_t = 3 \text{ MPa}$ Limite en compression $f_c = 30 \,\mathrm{MPa}$

 $D = 50 \,\mathrm{mm}$ Demi-largeur de la bande d'endommagement

1.3 Conditions aux limites et chargements

Les déplacements sont imposés en tous les nœuds de la structure, de sorte à correspondre à la déformation homogène souhaitée. Plus précisément, le déplacement en un nœud de coordonnées Xvaut: $u(x) = \varepsilon \cdot x$

1.4 **Conditions initiales**

Aucune.

Titre: SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO FI[...]

Date: 15/07/2014 Page: 3/7 Responsable: Kvrvlo KAZYMYRENKO Clé: V6.04.234 Révision: 12450

Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Ce problème admet une solution analytique. On détermine la relation qui à la déformation imposée ε associe le niveau d'endommagement homogène a (problème réciproque où plus généralement nonlocal n'admet plus de solution analytique simple). Le problème étant homogène, l'endommagement (en charge) et la déformation sont liés par la relation de cohérence (fonction seuil) :

$$A(a)\Gamma(\mathbf{\varepsilon})+\omega(a)=0$$
 avec

$$\omega(a) = ka$$
, $A(a) = \frac{(1-a)^2}{(1-a)^2 + ma(1+pa)}$

La fonction Gamma(epsilon) s'appuie sur la forme du critère qui définit le domaine d'élasticité, cf doc R xxx.

On adopte une déformation uniaxiale de la forme:

$$\boldsymbol{\varepsilon} = \boldsymbol{\varepsilon} \, \boldsymbol{n} \otimes \boldsymbol{n}$$
 où $\|\boldsymbol{n}\| = 1$ et $\boldsymbol{\varepsilon} > 0$

Dans ce cas, avec les paramètres choisis, la fonction seuil conduit à la déformation équivalente chi0 = 0.36868978447184991.

Pour atteindre l'endommagement a donné, en sollicitant la déformation dans la direction n, il faut alors imposer une intensité de déformation :

eps(a) = (-m/Aprime(a))**0.5 /(E*chi0)

m = 0.75*Gf/D/(0.5*ft**2/E)

Pour la solution de référence nous adoptons donc une stratégie suivante : on se fixe le niveau d'endommagement et on vérifie par les calculs EF, que pour une déformation théorique estimée on atteint ce même niveau d'endommagement.

2.2 Résultats de référence

En déformations planes, on adopte une direction de sollicitation $n=(1/\sqrt{5},\ 2/\sqrt{5})$. En 3D , il vaut $n=(1/\sqrt{14}, 2/\sqrt{14}, 3/\sqrt{14})$. On se fixe comme cible un endommagement a=0.6; cela correspond à une intensité de sollicitation epsilon = 0.00125278856005 d'après la solution de référence ci-dessus.

Le chargement est appliqué moyennant la technique de pilotage PRED ELAS dans laquelle on fixe la borne maximale de sorte à atteindre le niveau de déformation ε ci-dessus. On vérifiera que l'endommagement correspondant atteint bien 0.6.

2.3 Incertitudes sur la solution

Néant

2.4 Références bibliographiques

Sans objet



Version default

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Responsable : Kyrylo KAZYMYRENKO

Date: 15/07/2014 Page: 4/7

Date: 15/07/2014 Page: 5/7

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Responsable : Kyrylo KAZYMYRENKO Clé : V6.04.234 Révision : 12450

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation

Une modélisation <code>D_PLAN_GRAD_VARI</code> avec une maille unique, élément <code>QUAD8</code> . Chargement dans la direction $n = (1/\sqrt{5}, 2/\sqrt{5})$.

3.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 8

Nombre et types de mailles : 1 QUAD8, 4 SEG3

3.3 Grandeurs testées et résultats de la modélisation A

On teste l'endommagement en trois nœuds de la maille, la valeur aux nœuds étant obtenue par extrapolation (CHAM_NO 'VARI_NOEU', composante V1).

Identification	Référence	Type	Tolérance
V1 (X=2, Y=0)	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF - 0,1%
$\forall 1 (X=2, Y=1)$	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF - 0,1%
V1 (X=2, Y=2)	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF - 0,1%

Version default

Date: 15/07/2014 Page: 6/7

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Responsable : Kyrylo KAZYMYRENKO Clé : V6.04.234 Révision : 12450

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation

Une modélisation <code>3D_GRAD_VARI</code> avec une maille unique, élément <code>HEXA20</code> . Chargement dans la direction $n=(1/\sqrt{14},\ 2/\sqrt{14},\ 3/\sqrt{14})$.

4.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 20

Nombre et types de mailles : 1 HEXA20 , 6 QUAD8, 8 SEG3

4.3 Grandeurs testées et résultats de la modélisation B

On teste l'endommagement en trois nœuds de la maille, la valeur aux nœuds étant obtenue par extrapolation (CHAM_NO 'VARI_NOEU', composante V1).

Identification	Référence	Type	Tolérance
V1 (X=2, Y=0)	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF - 0,1%
V1 (X=2, Y=1)	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF - 0,1%
V1 (X=2, Y=2)	0.6	ANALYTIQUE	RELATIF — 0,1%

Date: 15/07/2014 Page: 7/7

Titre : SSNV234 - Validation élémentaire de la loi ENDO_FI[...]

Responsable : Kyrylo KAZYMYRENKO Clé : V6.04.234 Révision : 12450

5 Synthèse des résultats

Ce cas-teste est réalisé sur une seule maille, en conséquence c'est la réponse d'endommagement homogène qui est retrouvé numériquement. La solution de référence est obtenue en se mettant sur le seuil d'endommagement. On note un très bon accord entre la modélisation et la solution de référence. La partie non-locale de la loi n'est néanmoins pas testée.