
SSNP110 - Fissure de bord dans une plaque rectangulaire finie en élastoplasticité

Résumé :

Ce test est un cas-test en mécanique de la rupture non linéaire.

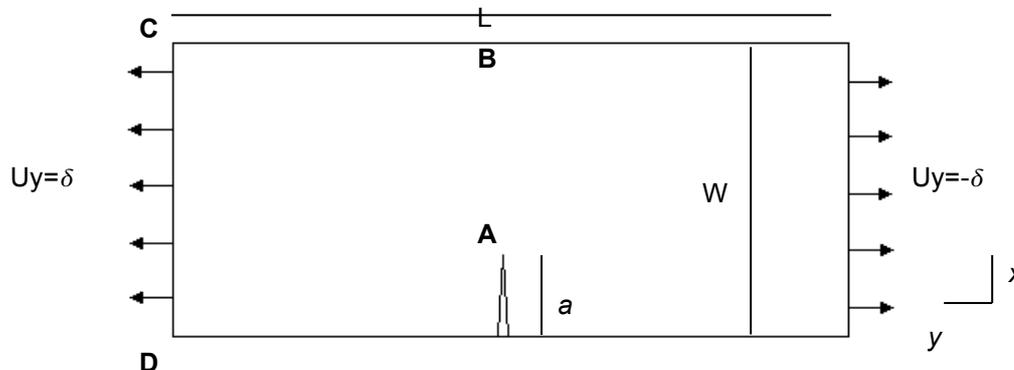
On considère une plaque rectangulaire finie, fissurée et soumise à un chargement de traction. La loi de comportement utilisée est une loi élastoplastique de Von Mises .

Ce cas-test comprend cinq modélisations en 2D:

- les modélisations A et B, en contraintes planes, visent à étudier l'influence de la prise en compte ou non des termes de second ordre des déformations (`DEFORMATION = 'PETIT'` ou `'GROT_GDEP'` dans l'opérateur `STAT_NON_LINE`) sur le calcul du taux de restitution de l'énergie G ;
- les modélisations C et D, en contraintes planes, visent à tester la méthode X-FEM (fissure non maillée) en élasticité non linéaire et en élastoplasticité pour le calcul du champ de déplacement ;
- la modélisation E, en déformations planes, valide le calcul de G pour les différentes méthodes de définition de la courbe d'écrouissage.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



Longueur	$L = 50 \text{ mm}$
Largeur	$W = 16 \text{ mm}$
Profondeur de fissure	$a = 6 \text{ mm}$

1.2 Propriétés du matériau

Le matériau est élastoplastique de type Von Mises. Pour les modélisations A à D, il n'y a pas d'érouissage. Pour la modélisation E, différentes lois d'érouissage sont comparées (érouissage linéaire ou puissance). Les propriétés du matériau sont les suivantes :

Module d'Young	$E = 2,0601 \cdot 10^5 \text{ MPa}$
Coefficient de Poisson	$\nu = 0.3$
Limite élastique	$\sigma_y = 808,34 \text{ MPa}$
Module d'érouissage	$H = 0$ (modélisation A à D) ou $H = 6,867 \cdot 10^4 \text{ MPa}$ (modélisation E)

1.3 Conditions aux limites et chargement

Pour les modélisations A, B et E, le modèle est limité à la moitié de la structure, le plan de la fissure verticale étant un plan de symétrie. Pour les modélisations C et D, la totalité de la structure est représentée.

Conditions aux limites

Déplacement vertical $UX = 0$ au point B

Déplacement horizontal $UY = 0$ dans le ligament AB (condition de symétrie pour les modélisations A, B et E)

Chargement

Déplacement horizontal imposé sur le segment CD : $UY = \delta$

2 Solution de référence

Pas de solution de référence. Ceci est un test de non-régression.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un calcul en élastoplasticité sous l'hypothèse des petits déplacements, en contraintes planes.

3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage, construit avec une procédure automatique `gibi`, est constitué de 400 éléments quadratiques (1000 nœuds). Des tores sont définis en fond de fissure afin d'améliorer la précision du calcul en mécanique de la rupture, cf. [Figure 3.2-a] ci-dessous. Le rayon du plus grand tore est de $1,5 \text{ mm}$.

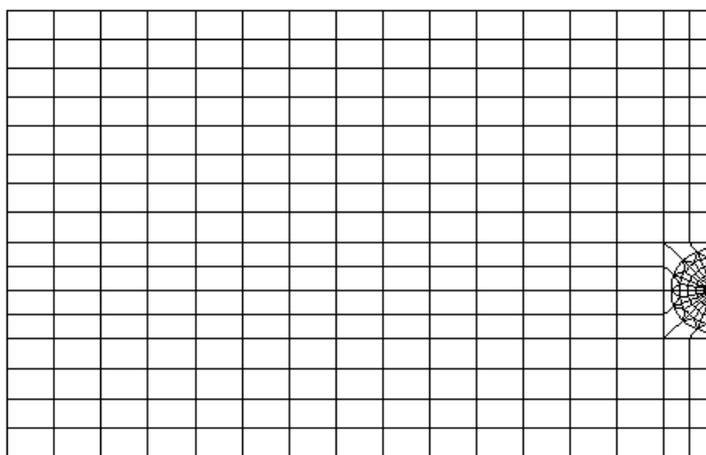


Figure 3.2-a : Maillage de la plaque rectangulaire fissurée

3.3 Fonctionnalités testées

Calcul du taux de restitution de l'énergie par la méthode $G-\theta$ en élastoplasticité.

3.4 Grandeurs testées et résultats

Les valeurs du taux de restitution sont testées pour cinq valeurs du déplacement horizontal imposé δ . On compare les résultats obtenus pour trois couronnes d'intégration différentes :

- couronne 1 : $R_{inf}=0,15 \text{ mm}$; $R_{sup}=0,6 \text{ mm}$
- couronne 2 : $R_{inf}=0,3 \text{ mm}$; $R_{sup}=0,9 \text{ mm}$
- couronne 3 : $R_{inf}=0,9 \text{ mm}$; $R_{sup}=1,5 \text{ mm}$

Déplacement imposé δ (mm)	$G(N/mm)$ couronne 1	$G(N/mm)$ couronne 2	$G(N/mm)$ couronne 3
0,02	3.29	3.20	3.20
0,04	13.60	13.24	13.24
0,06	31.97	31.22	31.24
0,08	58.99	57.74	57.76
0,1	91.42	89.64	89.71

Les résultats sont satisfaisants : l'écart maximal entre les valeurs de G obtenues sur les trois couronnes d'intégration est inférieur à 2 %.

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un calcul en élastoplasticité sous l'hypothèse des grands déplacements, en contraintes planes.

L'objectif de ce cas-test est d'examiner l'influence de la prise en compte de grande déformation dans le calcul mécanique sur les paramètres de la mécanique de la rupture.

4.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est identique à celui de la modélisation A.

4.3 Fonctionnalités testées

Calcul du taux de restitution de l'énergie par la méthode $G-\theta$ en élastoplasticité.

4.4 Grandeurs testées et résultats

Les valeurs du taux de restitution sont testées pour les mêmes couronnes d'intégration que dans la modélisation A.

Déplacement imposé δ (mm)	G (N/mm) couronne 1	G (N/mm) couronne 2	G (N/mm) couronne 3
0,02	3.26	3.17	3.18
0,04	13.36	13.03	13.07
0,06	31.02	30.50	30.67
0,08	56.33	55.90	56.51
0,1	85.84	85.91	87.47

Les résultats sont satisfaisants : l'écart maximal entre les valeurs de G obtenues sur les trois couronnes d'intégration est inférieur à 2 %.

L'effet des termes de second ordre dans la déformation est relativement faible : l'écart entre les résultats des deux modélisations est croissant avec le déplacement imposé δ et vaut au maximum 6%, cf. [Figure 4.4-a].

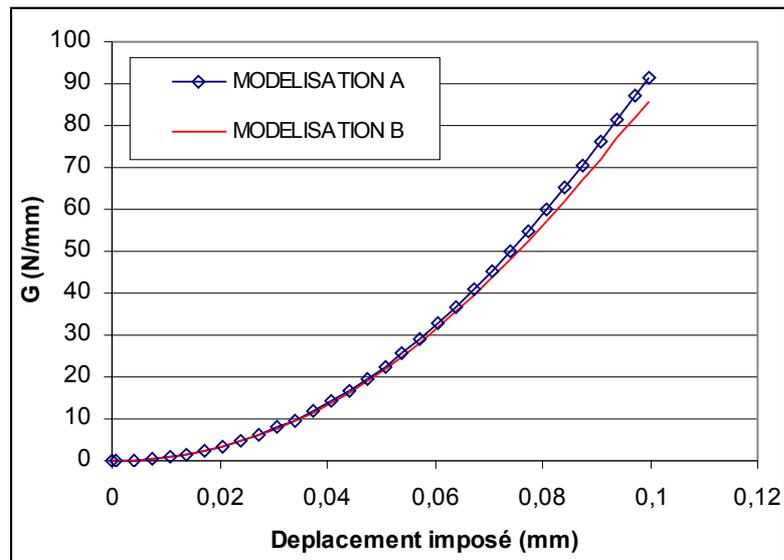


Figure 4.4-a : Comparaison des taux de restitution d'énergie des deux modélisations

5 Modélisation C

5.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un calcul en élasticité non linéaire sous l'hypothèse des petits déplacements, avec la méthode X-FEM (fissure non maillée). La modélisation est en contraintes planes.

5.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est composé d'éléments linéaires (560 mailles QUA6 - 600 nœuds). Le raffinement du maillage est uniforme (18 éléments selon x et 31 éléments selon y).

5.3 Fonctionnalités testées

Calcul du déplacement pour un modèle X-FEM en élasticité non linéaire.

5.4 Grandeurs testées et résultats

Plusieurs types de grandeurs sont testées : indicateur de radialité du chargement, déplacements, et taux de restitution d'énergie.

5.4.1 Indicateur de radialité du chargement

On teste le maximum de la composante $DCHA_V$ du champ $DERA_ELGA$ sur tous les points de Gauss. C'est un test de régression.

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
MAX (DCHA_V)	'NON-REGRESSION'	0.58	10 ⁻⁶ %

5.4.1.1

5.4.2 Déplacements

On teste la composante DY du déplacement aux deux points où la fissure débouche (points de chacune des lèvres), au dernier instant du calcul (déplacement imposé 0,1 mm). Ce test est réalisé sur le champ de déplacement créé par l'opérateur $POST_CHAM_XFEM$.

La valeur de référence est la solution obtenue dans la modélisation A.

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
Lèvre $y > 0$	'AUTRE_ASTER'	9,876 10 ⁻²	2.00%
Lèvre $y < 0$	'AUTRE_ASTER'	-9,876 10 ⁻²	2.00%

5.4.2.1

5.4.3 Taux de restitution d'énergie

On teste le calcul du taux de restitution d'énergie G avec 2 couronnes différentes :

-couronne n°1 entre h et $4h$,

-couronne n°2 entre $2h$ et $6h$

où h est la taille d'un élément.

Identification	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
Couronne n°1 : G à $t=0,02$	'AUTRE_ASTER'	3,29	4.00%
Couronne n°1 : G à $t=0,04$	'AUTRE_ASTER'	13,60	4.00%

Couronne n°1 : G à $t=0,06$	'AUTRE_ASTER'	31,97	4.00%
Couronne n°1 : G à $t=0,08$	'AUTRE_ASTER'	58.99	4.00%
Couronne n°1 : G à $t=0,10$	'AUTRE_ASTER'	91.42	4.00%
Couronne n°2 : G à $t=0,02$	'AUTRE_ASTER'	3,29	4.00%
Couronne n°2 : G à $t=0,04$	'AUTRE_ASTER'	13,60	4.00%
Couronne n°2 : G à $t=0,06$	'AUTRE_ASTER'	31,97	4.00%
Couronne n°2 : G à $t=0,08$	'AUTRE_ASTER'	58.99	4.00%
Couronne n°2 : G à $t=0,10$	'AUTRE_ASTER'	91.42	4.00%

5.4.3.1

6 Modélisation D

6.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un calcul en élasto-plasticité sous l'hypothèse des petits déplacements, avec la méthode X-FEM (fissure non maillée). On représente l'ouverture de la fissure et sa fermeture en activant le contact sur les lèvres.

Par rapport à la modélisation C on remplace l'élasticité non-linéaire par l'élasto-plasticité. Jusqu'à l'instant 0,1 le chargement est monotone et les résultats sont donc identiques entre les modélisations C et D. Dans la modélisation D, on effectue ensuite une décharge et on applique un chargement opposé, activant ainsi le contact sur les lèvres de la fissure.

6.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est identique à celui de la modélisation C.

6.3 Fonctionnalités testées

Calcul du déplacement pour un modèle X-FEM en élasto-plasticité.

6.4 Grandeurs testées et résultats

On teste deux grandeurs :

- la composante DY du déplacement aux deux points où la fissure débouche (points de chacune des lèvres), à l'instant 0,1 du calcul (déplacement imposé $0,1\text{ mm}$) et au dernier instant 0,3 (déplacement imposé $-0,1\text{ mm}$) ;
- les valeurs de la déformation plastique effective (VI) sur la maille $M277$, dans le point 10 et aux instants 0,1, 0,14 et 0,3.

Pour l'instant 0,1, la valeur de référence du déplacement est la solution obtenue dans la modélisation A. Pour le reste, les tests sont de non-régression.

Déplacement	Référence (mm)	Code_Aster (mm)	Différence
Lèvre $y > 0$, $t = 0.1$	$9,876.10^{-2}$	$9,532.10^{-2}$	-3,5 %
Lèvre $y < 0$, $t = 0.1$	$-9,876.10^{-2}$	$-9,533.10^{-2}$	-3,5 %
Lèvre $y > 0$, $t = 0.3$	$1,782.10^{-2}$	Non-régression	
Lèvre $y < 0$, $t = 0.3$	$-1,782.10^{-2}$	Non-régression	
Déformation plastique effective (VI sur $M277$)			
$t = 0.1$	$1.270.10^{-2}$	Non-régression	
$t = 0.14$	$1.270.10^{-2}$	Non-régression	
$t = 0.3$	$2.451.10^{-2}$	Non-régression	

Ce test valide le calcul en élasto-plasticité pour des modèles X-FEM.

7 Modélisation E

7.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un calcul en élasticité non linéaire sous l'hypothèse des petits déplacements, en déformations planes.

7.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage est identique à celui de la modélisation A.

7.3 Fonctionnalités testées

Calcul du taux de restitution de l'énergie par la méthode THETA en élasticité non linéaire. On compare les trois méthodes pour définir l'écroissage : TRACTION, ECRO_LINE et ECRO_PUIS.

7.4 Grandeurs testées et résultats

La grandeur testée est le taux de restitution G , calculé pour la première couronne d'intégration définie dans la modélisation A et pour dix valeurs du déplacement horizontal imposé δ . (δ variant de 0 à 0,2 mm).

Deux séries distinctes de calculs sont effectuées : dans un premier temps, on prend une loi de comportement à écroissage linéaire. Trois calculs sont menés avec les différentes méthodes disponibles pour définir la même courbe d'écroissage (TRACTION, ECRO_LINE et ECRO_PUIS). On compare entre elles les solutions obtenues par ces trois calculs ; ensuite on choisit une loi de comportement à écroissage en loi puissance et on compare les résultats obtenus entre ELAS_VMIS_TRAC et ELAS_VMIS_PUIS.

Le test est de type non-régression. On vérifie que :
les trois différents calculs en écroissage linéaire conduisent exactement au même résultat sur G ;
les deux calculs en écroissage en loi puissance conduisent à des résultats très proches (écart inférieur à 0,3 %). L'écart diminue si on diminue le pas de temps du calcul.

Déplacement imposé δ (mm)	$G(N/mm)$ - écrouissage linéaire :	$G(N/mm)$ - écrouissage linéaire :	$G(N/mm)$ - écrouissage linéaire :
	ELAS_VMIS_TRAC	ELAS_VMIS_LINE	ELAS_VMIS_PUIS
0,02	3,59	3,59	3,59
0,04	14,47	14,47	14,47
0,06	32,88	32,88	32,88
0,08	59,42	59,42	59,42
0,10	94,50	94,50	94,50
0,12	134,98	134,98	134,98
0,14	178,95	178,95	178,95
0,16	226,24	226,24	226,24
0,18	276,47	276,47	276,47
0,20	329,61	329,61	329,61

Déplacement imposé δ (mm)	$G(N/mm)$ - écouissage puissance :	$G(N/mm)$ - écrouissage puissance :
	ELAS_VMIS_TRAC	ELAS_VMIS_PUIS
0,02	3,59	3,59
0,04	14,44	14,44
0,06	32,76	32,76
0,08	58,99	58,98
0,10	93,76	93,77
0,12	136,14	136,18
0,14	184,04	184,09
0,16	236,31	236,38
0,18	292,38	292,46
0,20	351,82	351,90

Ce test valide le calcul de G en élasticité linéaire pour les différentes méthodes de définition de la courbe d'écrouissage.

8 Synthèse des résultats

Ce cas test vise à valider le calcul du taux de restitution des contraintes en élastoplasticité :

- les modélisations A et B permettent de s'assurer de l'invariance du calcul du taux de restitution de l'énergie par la méthode θ suivant les couronnes d'intégration pour des lois de comportement de type élastique-parfaitement plastique. On note également la faible contribution des termes de second ordre dans la déformation ;
- la modélisation E valide les différentes méthodes de définition de la courbe d'écroissage.

Les modélisations C et D permettent de valider le calcul du champ de déplacement pour les modèles X-FEM.