Date: 08/11/2013 Page: 1/12 Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre avec 3 disques et 2 des paliers à caractéristiques variables en fonction de la vitesse de rotation

Résumé:

Ce test permet de valider le calcul des modes en rotation d'un système d'arbres tournant avec la macro CALC MODE ROTATION et du diagramme de Campbell avec la macro IMPR DIAG CAMPBELL, dans le cas où les caractéristiques en raideur et amortissement dépendent de la vitesse de rotation.

Dans ce test, on a un modèle de rotor avec trois disques, supporté par deux paliers hydrodynamiques, dont les matrices de raideur et d'amortissement sont non symétriques et dépendent de la vitesse de rotation. Cet exemple ainsi que les résultats de référence correspondants sont tirés du manuel de qualification de ROTORINSA, [bib2], logiciel éléments finis destiné à prévoir le comportement dynamique de rotors en flexion.

Une bonne concordance est observée entre les résultats de Code Aster et la solution de référence.

Date: 08/11/2013 Page: 2/12 Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

Problème de référence

1.1 Géométrie

Un modèle de rotor supporté par 2 paliers (nœuds B1 et B2 sur la figure ci-dessous), dont les matrices de raideur et d'amortissement sont non symétriques. Il est composé de 3 disques, et 4 sections d'arbre.

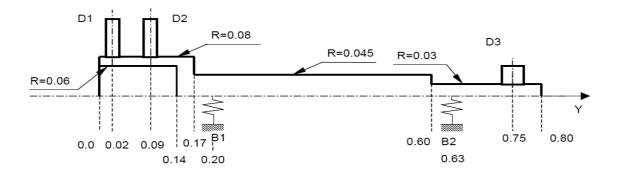


Figure 1.1-a-a: Modèle de rotor avec 3 disques et 2 paliers asymétriques

1.2 Propriétés du matériau

Les caractéristiques géométriques et matériau sont listées dans le tableau suivant.

Matériau		$E = 2.10^{11} N/m^2$	$\rho = 7800 kg / m^3$	v = 0.3
Disque	D1	M = 20 kg	$I_D = 200.10^{-3} kg m^2$	$I_P = 400.10^{-3} kg m^2$
Dioquo	D2	M=17 kg	$I_D = 170.10^{-3} kg m^2$	$I_P = 340.10^{-3} kg m^2$
	D3	M=10 kg	$I_D = 15.10^{-3} kg m^2$	$I_P = 30.10^{-3} kg m^2$

Les caractéristiques des paliers sont renseignés dans les tableaux qui suivent.

$$\Omega = 0 \, tr/min \\ \text{Palier} \quad P1 \qquad K_{yy} = 90.10^6 \, N/m \qquad K_{xx} = 50.10^7 \, N/m \\ K_{yx} = -8.10^4 \, N/m \qquad K_{xy} = 9.10^4 \, N/m \\ c_{yy} = 15.10^4 \, Ns/m \qquad c_{xx} = 45.10^4 \, Ns/m \\ c_{yx} = 1.10^2 \, Ns/m \qquad c_{xy} = -1.10^2 \, Ns/m \\ \text{Palier} \quad P2 \qquad K_{yy} = 60.10^6 \, N/m \qquad K_{xx} = 15.10^7 \, N/m \\ K_{yx} = -8.10^4 \, N/m \qquad K_{xy} = 8.10^4 \, N/m \\ c_{yy} = 12.10^4 \, Ns/m \qquad c_{xx} = 19.10^4 \, Ns/m \\ c_{yx} = 1.10^2 \, Ns/m \qquad c_{xy} = -1.10^2 \, Ns/m \\ \end{array}$$

Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...]

Responsable : Mohamed-Amine HASSINI

Date : 08/11/2013 Page : 3/12

Clé : V2.02.129 Révision : 11923

DIISADI C . IV	ona	iiicu-Ai	IIIII IIASSINI	
Ω =50	00 tr	·/min		
	ier		$K_{vv} = 90.10^6 N/m$	$K_{xx} = 50.10^7 N/m$
			$K_{vx} = -9.10^4 N/m$	$K_{xy} = 9.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 15.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 45.10^4 Ns/m$
			$c_{vx} = 1.10^2 Ns/m$	$c_{xy} = -1.10^2 Ns/m$
			yx	- xy =
Pal	ier	P2	$K_{yy} = 60.10^6 N/m$	$K_{xx} = 15.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -8.10^4 N/m$	$K_{xy} = 8.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 12.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 19.10^4 Ns/m$
			$c_{yx} = 1.10^2 Ns/m$	$c_{xy} = -1.10^2 Ns/m$
Ω =650			6 .	7 .
Pai	ier	PI	$K_{yy} = 100.10^6 N/m$	$K_{xx} = 40.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -15.10^4 N/m$	$K_{xy} = 15.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 13.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 33.10^4 Ns/m$
			$c_{yx} = 1.10^2 Ns/m$	$c_{xy} = -1.10^2 Ns/m$
Pal	ier	<i>P2</i>	$K_{vv} = 70.10^6 N/m$	$K_{xx} = 14.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -13.10^4 N/m$	$K_{xy} = 13.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 10.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 15.10^4 Ns/m$
			$c_{yx} = 1.10^2 Ns/m$	$c_{xx} = -1.10^2 Ns/m$
$\Omega = 80$	00 tr	·/min	yx 1.10 115 117	xy III I I I I
Pal	ier	<i>P1</i>	$K_{vv} = 110.10^6 N/m$	$K_{xx} = 35.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -20.10^4 N/m$	$K_{xy} = 20.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 11.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 26.10^4 Ns/m$
			$c_{yx}=2.10^2Ns/m$	$c_{xy} = -2.10^2 Ns/m$
Pal	ier	<i>P2</i>	$K_{yy} = 80.10^6 N/m$	$K_{xx} = 14.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -20.10^4 N/m$	$K_{xy} = 20.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 9.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 13.10^4 Ns/m$
			$c_{yy} = 2.10^2 Ns/m$	$c_{xy} = -2.10^2 Ns/m$
$\Omega = 10$	000	tr min	<i>y</i>	- xy =
Pal	ier	<i>P1</i>	$K_{yy} = 115.10^6 N/m$	$K_{xx} = 33.10^7 N/m$
			$K_{yx} = -35.10^4 N/m$	$K_{xy} = 35.10^4 N/m$
			$c_{yy} = 10.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 20.10^4 Ns/m$
			$c_{yx}=2.10^2 Ns/m$	$c_{xy} = -3.10^2 Ns/m$
Pal	ier	<i>P2</i>	$K_{yy} = 90.10^6 N/m$	$K_{xx} = 14.10^7 N/m$
			$K_{yy} = 90.10 \text{ N/m}$ $K_{yx} = -30.10^4 \text{ N/m}$	$K_{xx} = 14.10 \ N/m$ $K_{xy} = 30.10^4 \ N/m$
			$c_{yy} = 8.10^4 Ns/m$	$c_{xx} = 10.10^4 Ns/m$
			$c_{yy} = 3.10^{\circ} Ns/m$ $c_{yx} = 2.10^{\circ} Ns/m$	$c_{xx} = 10.10^{\circ} Ns/m$ $c_{xy} = -2.10^{\circ} Ns/m$
$\Omega = 14$	000	tr min	•	- xy 2.10 1451M
Pal		P1	$K_{vv} = 120.10^6 N/m$	$K_{xx} = 30.10^7 N/m$
			$K_{vx} = -70.10^4 N/m$	$K_{xy} = 70.10^4 N/m$

Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...]
Responsable : Mohamed-Amine HASSINI

Date: 08/11/2013 Page: 4/12 Clé: V2.02.129 Révision: 11923

$$c_{yy} = 7.10^{4} Ns/m \qquad c_{xx} = 15.10^{4} Ns/m$$

$$c_{yx} = 3.10^{2} Ns/m \qquad c_{xy} = -4.10^{2} Ns/m$$
Palier P2
$$K_{yy} = 100.10^{6} N/m \qquad K_{xx} = 14.10^{7} N/m$$

$$K_{yx} = -60.10^{4} N/m \qquad K_{xy} = 60.10^{4} N/m$$

$$c_{yy} = 6.10^{4} Ns/m \qquad c_{xx} = 8.10^{4} Ns/m$$

$$c_{yx} = 3.10^{2} Ns/m \qquad c_{xy} = -3.10^{2} Ns/m$$

1.3 Conditions aux limites

Pour bloquer les mouvements de type corps rigide dans la direction z, on bloque les degrés de liberté DZ et DRZ au nœud palier BI.

Date: 08/11/2013 Page: 5/12 Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

Solution de référence

2.1 Méthode de calcul

Les résultats de référence sont donnés par ROTORINSA, code aux éléments finis destiné à prévoir le comportement dynamique de rotors en flexion. Les paramètres suivants ont été utilisés pour les résultats de référence :

- Le calcul porte sur un nombre de modes en rotation NVES = 8 + 4, dans ROTORINSA.
- La plage de vitesses de rotation est définie de 0 à $20000 \, tr/mn$ avec un pas $500 \, tr/mn$.

2.2 Grandeurs et résultats de référence

Les résultats de ROTORINSA donnent les fréquences des modes en flexion.

Le calcul des modes en rotation est effectué avec Code Aster en utilisant la même modélisation que ROTORINSA. Les résultats de Code Aster donnent à la fois les fréquences des modes de flexion, de torsion et de traction/compression. Le nombre de modes calculés est 12.

2.3 Références

[1] ROTORINSA, logiciel éléments finis destiné à prévoir le comportement dynamique de rotors en flexion, LaMCoS UMR5259, INSA-Lyon.

Titre: SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...] Date: 08/11/2013 Page: 6/12

Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

Modélisation A 3

3.1 Caractéristiques de la modélisation

Il s'agit d'un système d'arbres tournant avec des vitesses de rotation positives.

3.2 Caractéristiques du maillage

Le rotor est maillé en 21 éléments finis d'arbre de type POU D T et comporte 5 éléments discrets de type DIS TR pour la modélisation des disques et des paliers.

Nombre de nœuds : 22

Nombre et type d'éléments: 21 SEG2 POI1

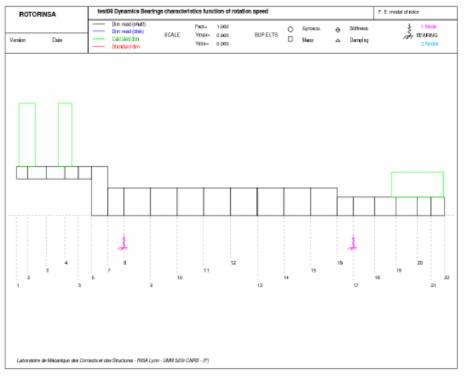


Figure 1-b : Caractéristique du modèle éléments finis sous ROTORINSA

Date: 08/11/2013 Page: 7/12 Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

3.3 Grandeurs testées et résultats

Fréquences propres en fonction de la vitesse de rotation (calcul direct) :

Les valeurs des 8 premières fréquences de flexion pour les vitesses $0\,tr/mn$ et $20000\,tr/mn$, pour les deux logiciels, sont présentées dans le tableau ci-dessous.

N° Fréq en	Vitesse de rotation	ROTORINSA		Code_Aster	
flexion	(tr/min)	F(Hz)	Facteur d'amortissement	F(Hz)	Amortissement réduit
1	0	130.695	6.37866E-01	131.547	6.37613E-01
	20000	123.683	1.24817E-01	123.706	1.24678E-01
2	0	227.925	9.58757E-02	227.716	9.49991E-02
	20000	200.581	2.17961E-01	200.728	2.17632E-01
3	0	313.311	2.27364E-01	313.935	2.27701E-01
	20000	286.743	1.81652E-01	286.912	1.81388E-01
4	0	381.529	6.52812E-01	375.305	6.61825E-01
	20000	308.624	4.32727E-01	309.825	4.31714E-01
5	0	390.802	1.77361E-01	390.241	1.74485E-01
	20000	370.338	2.54912E-01	369.917	2.54178E-01
6	0	1448.01	1.42312E-01	1439.66	1.54371E-01
	20000	409.861	5.58764E-01	412.422	5.63110E-01
7	0	1554.84	1.07354E-01	1554.35	1.11688E-01
	20000	813.124	4.73230E-01	824.952	4.70031E-01
8	0	2050.12	3.08294E-01	1928.78	3.04586E-01
	20000	997.312	4.93828E-01	1006.17	5.08301E-01

Tableau 2-a : Fréquences propres de type flexion pour ROTORINSA et Code_Aster (calcul direct)

Le critères de tolérance en relatif sont de 10% sur les résultats à l'arrêt et de 5% sur les résultats à 20000 tr/min. A la tolérance près, les fréquences obtenues sont en adéquation avec celles de ROTORINSA.

Date: 08/11/2013 Page: 8/12

Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...]

Responsable : Mohamed-Amine HASSINI Clé : V2.02.129 Révision : 11923

Fréquences propres en fonction de la vitesse de rotation (calcul en 2 étages) :

Les valeurs des 8 premières fréquences de flexion pour les vitesses $0\,tr/mn$ et $20000\,tr/mn$, pour les deux logiciels, sont présentées dans le tableau ci-dessous.

N° Fréq en	Vitesse de rotation	ROTORINSA		Code_Aster	
flexion	(tr/min)	F(Hz)	Facteur d'amortissement	F(Hz)	Amortissement réduit
1	0	130.695	6.37866E-01	130.909	6.37982E-01
	20000	123.683	1.24817E-01	123.701	1.24816E-01
2	0	227.925	9.58757E-02	227.890	9.56146E-02
	20000	200.581	2.17961E-01	200.634	2.17876E-01
3	0	313.311	2.27364E-01	313.433	2.27817E-01
	20000	286.743	1.81652E-01	286.805	1.81739E-01
4	0	381.529	6.52812E-01	380.699	6.55069E-01
	20000	308.624	4.32727E-01	308.825	4.32616E-01
5	0	390.802	1.77361E-01	390.883	1.76940E-01
	20000	370.338	2.54912E-01	370.399	2.54825E-01
6	0	1448.01	1.42312E-01	1448.54	1.45247E-01
	20000	409.861	5.58764E-01	410.199	5.60285E-01
7	0	1554.84	1.07354E-01	1556.64	1.07779E-01
	20000	813.124	4.73230E-01	814.475	4.72976E-01
8	0	2050.12	3.08294E-01	2009.06	3.09277E-01
	20000	997.312	4.93828E-01	998.343	4.95564E-01

Tableau 2-b : Fréquences propres de type flexion pour ROTORINSA et Code_Aster (calcul en 2 étages)

Le critères de tolérance en relatif sont de 5% sur les résultats à l'arrêt et de 1% sur les résultats à 20000 tr/min. A la tolérance près, les fréquences obtenues sont en meilleure adéquation avec celles de ROTORINSA (par comparaison à la méthode de cacul modal direct). En effet, c'est cette méthode de calcul modal en 2 étages qui est utilisé dans ROTORINSA.

Dans *Code_Aster*, on observe aussi des fréquences et des modes de torsion et de modes de traction/compression. Ces modes ne sont pas calculés par ROTORINSA, car il modélise uniquement le comportement en flexion.

Les valeurs de la première fréquence en torsion pour les vitesses $0\,tr/mn$ et $20000\,tr/mn$, pour Code Aster, sont présentées dans le tableau ci-dessous

N° Fréq en Torsion	Vitesse de rotation (tr/min)	F(Hz)
1	0	5.81803E+02
	20000	5.81803E+02

Tableau 2-c : Fréquences de torsion données par Code_Aster

La valeur de la première fréquence en traction pour les vitesses $0\,tr/mn$ et $20000\,tr/mn$, pour Code_Aster, sont présentées dans le tableau ci-dessous

Date: 08/11/2013 Page: 9/12 Responsable: Mohamed-Amine HASSINI Clé: V2.02.129 Révision: 11923

N° Fréq en Torsion	Vitesse de rotation (tr/min)	F(Hz)
1	0	1.67224E+03
	20000	1.67224E+03

Tableau 2-c : Fréquences de traction données par Code_Aster

En résumé dans le tableau ci-dessous, sont présentés, les nombres les fréquences calculées et utilisées dans le tracé du diagramme de Campbell dans Code_Aster.

Nombre de valeurs propres détectées : 12

Nombre de fréquences demandées pour le tracé : 8

	calculés	tracés
Nombre de fréquences totales	12	8
Nombre de fréquences en flexion	8	7
Nombre de fréquences torsion	1	1
Nombre de fréquences traction/compression	1	0

Tableau 2-d : Fréquences calculées et tracées (Code_Aster)

Diagramme de Campbell:

Le diagramme de Campbell obtenue dans Code-Aster en suivant les modes de flexion par comparaison de forme (matrices MAC) correspond parfaitement à celui obtenu par ROTORINSA.

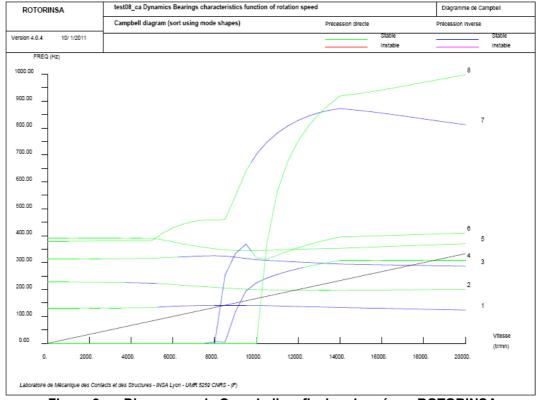


Figure 3-a : Diagramme de Campbell en flexion donné par ROTORINSA

Révision: 11923

Date: 08/11/2013 Page: 10/12

Clé: V2.02.129

Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...]

Responsable : Mohamed-Amine HASSINI

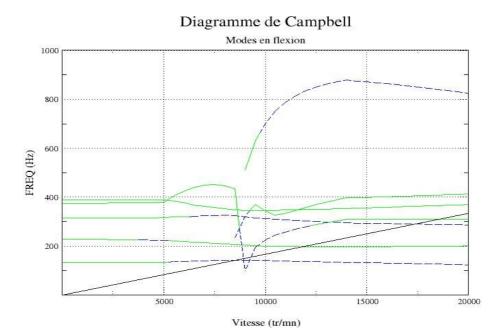


Figure 3-b : Diagramme de Campbell en flexion donné par Code_Aster

On observe en plus le suivi des modes de torsion et de traction/compression. Pour cette application, les modes de traction/compression sont situés au delà de l'intervalle de fréquences considéré. L es modes de torsion sont invariants par rapport à la vistesse de rotation et donc les courbes d'évolution sont des lignes horizontales.

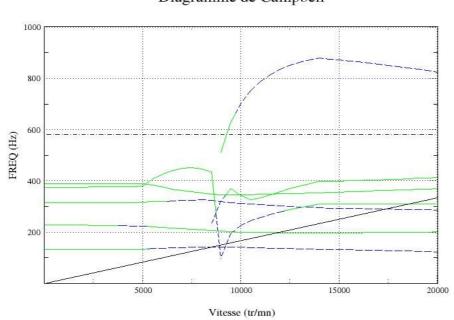


Diagramme de Campbell

Figure 3-c : Diagramme de Campbell en flexion et torsion

Pour les modes de torsion : couleur de trait noir, style un tiret, un pointillé.

Date: 08/11/2013 Page: 11/12

Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...]

Responsable : Mohamed-Amine HASSINI Clé : V2.02.129 Révision : 11923

Vitesses critiques (Points d'intersection avec les droites Y = SX):

Les vitesses critiques éventuelles dues aux balourds ou à des forces tournantes synchrones à la vitesse du rotor, sont obtenues par les intersections de la droite de pente S=1 avec les courbes d'évolution des fréquences.

Le tableau ci-dessous montre que Les points d'intersection pour les modes en flexion obtenus sont en adéquation parfaite avec ceux de ROTORINSA.

	RINSA = 1	Code-Aster S=1		
Vitesse	Vitesse Fréquence		Fréquence	
(tr/mn)	(Hz)	(tr/mn)	(<i>Hz</i>)	
8490.71	141.51	8494.57	141.58	
9232.07	153.87	9287.67	154.79	
11874.83	197.91	11880.25	198.00	
17407.04	290.12	17413.65	290.23	
18526.74	308.78	18579.12	309.65	

Tableau 4-a: Vitesses critiques par Code_Aster et ROTORINSA



Version default Titre : SDLL129 - Diagramme de Campbell d'une poutre en ro[...] Date: 08/11/2013 Page: 12/12

Synthèse des résultats 4

Responsable: Mohamed-Amine HASSINI

Ce cas-test permet de valider la fonctionnalité Digramme de Campbell pour des lignes d'arbres dont les caractéristiques en raideur et amortissement dépendent de la vitesse de rotation puisqu'on retrouve les mêmes résultats par Code_Aster et par ROTORINSA.

Clé: V2.02.129

Révision: 11923