Révision: 6802

Date: 03/08/2011 Page: 1/7

Clé: V3.04.115

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Responsable : Sylvie MICHEL-PONNELLE

SSLV115 - Élément de béton précontraint en compression et pesanteur

Résumé:

Ce test permet une vérification simple des calculs de pesanteur pour les éléments de béton avec câbles de précontrainte, en mécanique des structures statique linéaire.

L'élément de béton est volumique, et les éléments de câble de précontrainte sont des éléments de barre.

Les modélisations A, B et C permet de tester l'application de la pesanteur sur des éléments de barre, pour deux directions de la pesanteur.

Les valeurs testées sont les résultantes des réactions sur les appuis, égales au poids total de la modélisation.

Ce cas test permet également de valider la commande CALC_PRECONT pour différents types d'éléments 3D (parallélépipèdes, pyramides et tétraèdres). Pour cela, on vérifie les valeurs des contraintes calculées.

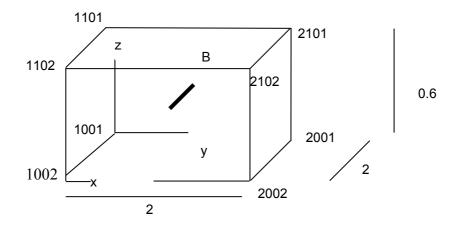
Titre: SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Date: 03/08/2011 Page: 2/7 Responsable : Sylvie MICHEL-PONNELLE Clé: V3.04.115 Révision: 6802

Problème de référence

Géométrie

Un parallélépipède rectangle modélisant le béton, et une droite incluse dans ce volume modélisant le câble de précontrainte :



Toutes les dimensions sont en mètres. L'aire des sections transversales du câble vaut $A = 0.00015 \,\mathrm{m}^2$ Le câble est parallèle à l'axe x. Son intersection avec le plan (Oyz) est définie par le point (1.,0.3).

1.2 Propriétés de matériaux

 $E = 2.110^{11} Pa$ pour le câble, et $E = 3.10^{10} Pa$ pour le béton.

 $\rho_c = 210^4 kg/m^3$ pour le câble, et pour le béton, $\rho_b = 3 kg/m^3$ (valeurs non physiques destinées à rendre prépondérant le poids du câble)

1.3 Conditions aux limites et chargements

DY=0 au point 1001, DZ=0 pour tous les nœuds de la face z=0, et DX=0 pour tous les nœuds de la face x=0.

Un seul chargement est appliqué : la pesanteur, avec $g = 10 \, m/s^2$, successivement dans la direction -z puis -x.

Il existe aussi une tension initiale dans le câble $N=2.10^5 N$.

Version default

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Responsable : Sylvie MICHEL-PONNELLE

Date : 03/08/2011 Page : 3/7 Clé : V3.04.115 Révision : 6802

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Solution analytique:

La résultante des efforts (égale au poids total) vaut :

• poids du béton : $Pb=V \rho_b g$ • poids du câble : $Pc=AL\rho_c g$

dans la direction où est appliquée la pesanteur.

•La structure est isostatique. Les efforts de précontrainte sont auto-équilibrés.

Soient S_b l'aire du béton dans un plan perpendiculaire au câble $S_b = (2 \times 0.6) m^2$, E_a et E_b les modules de l'acier et du béton, N_a la tension dans le câble et σ_b et la contrainte dans le béton après mise en tension.

L'équilibre de l'ensemble béton et câble s'écrit : $N_a+\sigma_bS_b=0$ donc $\sigma_b=-\frac{N_a}{S_b}$

Étant donné que l'on utilise la macro commande CALC_PRECONT, et comme il n'y a ni frottement ni pertes dans le câble, la tension dans le câble est égale à la tension initiale, contrairement au cas où l'on utilise RELA_CINE_BP, qui subit les pertes de précontrainte dues au raccourcissement du béton (voir test SSNP108, [V6.03.108])

La déformation du béton est : $\ \varepsilon_b = \frac{\sigma_b}{E_b}$

2.2 Résultats de référence

Résultante des efforts : R = 132 N

Contrainte dans le béton : $\sigma_b = -1,6666666710^5 Pa$

Effort normal dans l'acier : $N_a = 2.10^5 Pa$

Déformation dans le béton : $\varepsilon_h = -5,555555555510^{-6}$

2.3 Incertitude sur la solution

Solution analytique.

La solution donne la contrainte moyenne dans le béton. Lorsqu'il y a plusieurs éléments (modélisations B et C) il faut faire une moyenne des valeurs des mailles.

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Date: 03/08/2011 Page: 4/7 Responsable: Sylvie MICHEL-PONNELLE Clé: V3.04.115 Révision: 6802

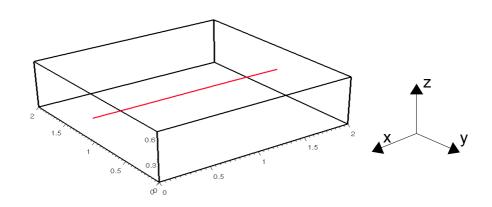
Modélisation A 3

3.1 Caractéristiques de la modélisation

Le volume de béton est modélisé par un seul élément hexaèdrique. Le câble de précontrainte est modélisé par 4 éléments BARRE.

Caractéristiques du maillage 3.2

4 mailles SEG2, une maille HEXA8



Valeurs testées et résultats de la modélisation A 3.3

Identification	Type de référence	Référence	Tolérance
Pesanteur suivant $-z$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Pesanteur suivant $-x$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Contrainte dans le béton SIXX	'ANALYTIQUE'	$-1,6666666710^{5}$	0,1%
Effort normal dans l'acier	'ANALYTIQUE'	2105	0,1%
Déformation dans le béton : EPXX	'ANALYTIQUE'	$-5,55555555510^{-4}$	0,001%

Révision: 6802

Date: 03/08/2011 Page: 5/7

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Responsable : Sylvie MICHEL-PONNELLE Clé : V3.04.115

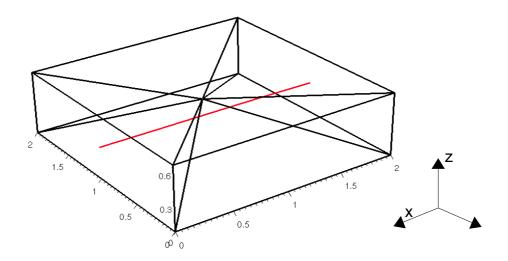
4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation

Le volume de béton est modélisé par 6 éléments pyramidales. Le câble de précontrainte est modélisé par 4 éléments BARRE.

4.2 Caractéristiques du maillage

4 mailles SEG2, 6 mailles PYRAM5



4.3 Résultats de la modélisation B

Identification	Type de référence	Référence	Tolérance
Pesanteur suivant $-z$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Pesanteur suivant $-x$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Contrainte dans le béton SIXX	'ANALYTIQUE'	$-1,6666666710^{5}$	10 ⁻⁶ %
Déformation dans le béton : EPXX	'ANALYTIQUE'	$-5,55555555510^{-4}$	10 ⁻⁶ %

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Date: 03/08/2011 Page: 6/7 Responsable: Sylvie MICHEL-PONNELLE Clé: V3.04.115 Révision: 6802

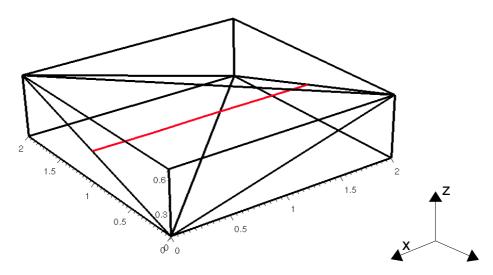
Modélisation C 5

5.1 Caractéristiques de la modélisation

Le volume de béton est modélisé par 5 éléments 3D. Le câble de précontrainte est modélisé par 4 éléments BARRE.

Caractéristiques du maillage 5.2

4 mailles SEG2, 5 mailles TETRA4



5.3 Résultats de la modélisation C

Identification	Type de référence	Référence	Tolérance
Pesanteur suivant $-z$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Pesanteur suivant $-x$	'ANALYTIQUE'	132	10 ⁻⁸ %
Contrainte dans le béton SIXX	'ANALYTIQUE'	$-1,6666666710^{5}$	10 ⁻⁶ %
Déformation dans le béton : EPXX	'ANALYTIQUE'	$-5,55555555510^{-4}$	10 ⁻⁶ %

Titre : SSLV115 - Elément de béton précontraint en compres[...]

Responsable : Sylvie MICHEL-PONNELLE

Date: 03/08/2011 Page: 7/7 Clé: V3.04.115 Révision: 6802

6 Synthèse des résultats

Ce test, très simple, permet de vérifier simultanément le bon fonctionnement de la pesanteur dans les éléments de barre de précontrainte, ce qui est vérifié par la coïncidence parfaite des résultats avec la solution analytique. Il a été introduit suite à la découverte d'une anomalie sur la pesanteur dans les barres, et permet de valider la correction.

Ce test a été enrichi de deux variantes pour tester CALC_PRECONT dans le cas de différents éléments volumiques.