

SSLP116 – Plaque carrée en flexion – gradient de température constant

Résumé :

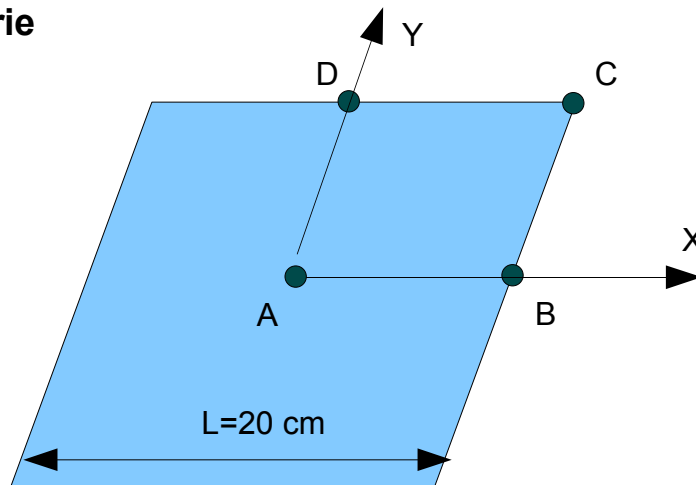
L'objectif de ce test est de valider le calcul des déplacements, des moments et des contraintes dans une plaque carrée, simplement supportée, en flexion soumise à un gradient de température constant.

Modélisations :

- Modélisation A : DKT avec des mailles TRIA3
- Modélisation B : DKT avec des mailles QUAD4

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



Epaisseur = 0.25cm .

1.2 Propriétés du matériau

Le matériau est élastique isotrope dont les propriétés sont :

- $E = 30. \times 10^6 \text{ N/cm}^2$
- $\nu = 0.3$
- $\alpha = 6.5 \times 10^{-6} / ^\circ\text{C}$

1.3 Conditions aux limites et chargements

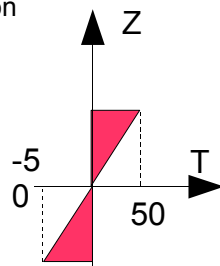
Conditions aux limites :

- Sur le bord AB : $DY = DRX = 0$
- Sur le bord AD : $DX = DRY = 0$
- Sur les bord BC et CD : $DZ = 0$

Chargement

- Le chargement varie de la façon

appliqué est un chargement de température qui suivante :



1.4 Conditions initiales

Néant

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul

La solution de référence est une solution numérique [1].

2.2 Grandeurs et résultats de référence

- Déplacement suivant l'axe Z le long de AB

$X (cm)$	$DZ (cm)$
0.0	0.1033
2.0	0.0992
4.0	0.0883
6.0	0.0692
8.0	0.0400
10.0	0.

- Moment M_{xx} le long de AB

$X (cm)$	$MXX (N)$
1.0	-50.0
3.0	-45.6
5.0	-36.4
7.0	-23.2
9.0	-8.0

2.3 Incertitudes sur la solution

Solution numérique

2.4 Références bibliographiques

- [1] M.H. SADR-LAHIDJANI : "Modélisation et analyse des plaques et coques minces élastiques soumises a des champs de température", Thèse de Doctorat UTC, 1984.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise une modélisation DKT avec 3 couches dans l'épaisseur.

3.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 5000 éléments de type TRIA3.

3.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement suivant l'axe Z et le moment MXX le long de AB .

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance %
DEPL	$X (cm)$			
DZ	0.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.1033	4.0
	2.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0992	3.5
	4.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0883	3.
	6.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0692	3.
	8.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0400	2.

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance %
EFGE_NOEU	$X (cm)$			
MXX	1.0	'SOURCE_EXTERNE'	-50.0	0.5
	3.0	'SOURCE_EXTERNE'	-45.6	0.2
	5.0	'SOURCE_EXTERNE'	-36.4	1.0
	7.0	'SOURCE_EXTERNE'	-23.2	3.0
	9.0	'SOURCE_EXTERNE'	-8.0	0.5

On teste les contraintes sur la peau inférieure, moyenne et supérieure dans 2 couches.

- Couche n°1 : $-0.125\text{cm} < Z < -0.0417\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
<i>A(M5200)</i>	<i>INF</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	4880.375	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	4880.125	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	-0.125	10^{-6}
	<i>MOY</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	3225.583	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	3253.417	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	-0.083	10^{-6}
	<i>SUP</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	1626.712	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	1626.708	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	-0.042	10^{-6}

- Couche n°3 : $0.0417\text{cm} < Z < 0.125\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
<i>A(M5200)</i>	<i>INF</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	-1626.792	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	-1626.708	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	0.042	10^{-6}
	<i>MOY</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	-3252.583	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	-3252.416	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	0.083	10^{-6}
	<i>SUP</i>	<i>SIXX</i>	'NON_DEFINI '	-4880.375	$10^{-4}\%$
		<i>SIYY</i>	'NON_DEFINI '	-4880.125	$10^{-4}\%$
		<i>SIXY</i>	'NON_DEFINI '	0.125	10^{-6}

4 Modélisation B

4.1 Caractéristiques de la modélisation

On utilise une modélisation DKT avec 7 couches dans l'épaisseur.

4.2 Caractéristiques du maillage

Le maillage contient 2500 éléments de type QUAD4.

4.3 Grandeurs testées et résultats

On teste le déplacement suivant l'axe Z et le moment MXX le long de AB .

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
DEPL	$X (cm)$			
DZ	0.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.1033	4.0
	2.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0992	3.5
	4.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0883	3.0
	6.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0692	3.0
	8.0	'SOURCE_EXTERNE'	0.0400	2.0

Identification		Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
EFGE_NOEU	$X (cm)$			
MXX	1.0	'SOURCE_EXTERNE'	−50.0	1.0
	3.0	'SOURCE_EXTERNE'	−45.6	0.75
	5.0	'SOURCE_EXTERNE'	−36.4	2.0
	7.0	'SOURCE_EXTERNE'	−23.2	5.0
	9.0	'SOURCE_EXTERNE'	−8.0	6.0

On teste les contraintes sur la peau inférieure, moyenne et supérieure dans 2 couches.

- Couche n°1 : $-0.125\text{cm} < Z < -0.089\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
$A(M2700)$	INF	SIXX	'NON_DEFINI '	4875.116	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	4875.116	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	7.47×10^{-9}	10^{-6}
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI '	4178.671	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	4178.671	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	6.4×10^{-9}	10^{-6}
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI '	3482.225	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	3482.225	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	5.3×10^{-9}	10^{-6}

- Couche n°7 : $0.089\text{cm} < Z < 0.125\text{cm}$

Point / Maille	Couche	Grandeur	Type de référence	Valeur de référence	Tolérance
$A(M2700)$	INF	SIXX	'NON_DEFINI '	-3482.225	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	-3482.225	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	5.3×10^{-9}	10^{-6}
	MOY	SIXX	'NON_DEFINI '	-4178.670	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	-4178.670	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	-6.4×10^{-9}	10^{-6}
	SUP	SIXX	'NON_DEFINI '	-4875.116	$10^{-4}\%$
		SIYY	'NON_DEFINI '	-4875.116	$10^{-4}\%$
		SIXY	'NON_DEFINI '	7.5×10^{-9}	10^{-6}

5 Synthèse des résultats

Les résultats obtenus sont satisfaisants.