
SDLL108 - "Table à café" de NEUBERT

Résumé

Ce problème multidirectionnel consiste à effectuer une analyse sismique spectrale d'une structure composée d'éléments de poutres sans masses et de masses discrètes aux nœuds. Il comprend une modélisation.

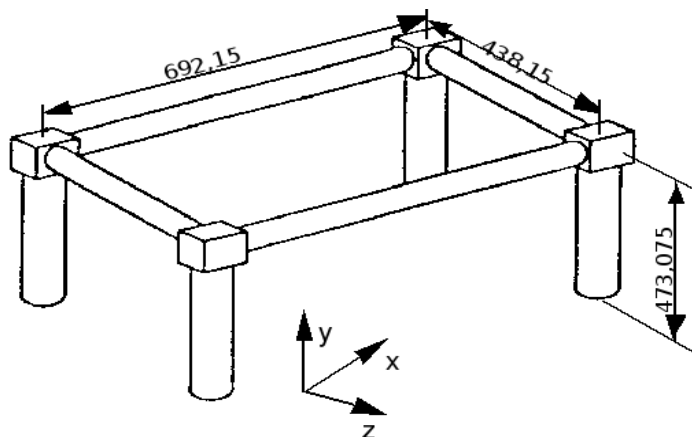
L'excitation sismique est fournie sous la forme de trois spectres de réponse d'oscillateurs en accélération aux appuis selon les axes X , Y et Z .

Par l'intermédiaire de ce problème, on teste la commande `MODE_STATIQUE` et les options de combinaison quadratique des modes et de combinaison quadratique et de combinaison de Newmark des directions des excitations de la commande `COMB_SISM_MODAL`.

Les résultats obtenus sont en bon accord avec les résultats de référence obtenus avec le code HERCULE.

1 Problème de référence

1.1 Géométrie



$$L=0.69215\text{ m}$$

$$I=0.43815\text{ m}$$

$$H=0.473075\text{ m}$$

Section circulaire creuse :

$$d_e=0.060\text{ m}$$

$$d_i=0.052\text{ m}$$

$$S=0.7037\,10^{-3}\text{ m}^2$$

$$I_y=I_z=0.2772\,10^{-6}\text{ m}^4$$

$$A_y=A_z=2.$$

$$C_y=0.5545\,10^{-6}\text{ m}^4$$

1.2 Propriétés de matériaux

$$E=1.92276\text{ E11 N/m}^2$$

$$\nu=0.3$$

$$\rho=0.\text{ kg/m}^3$$

1.3 Conditions aux limites et chargements

- Structure encastrée à sa base,
- Amortissements modaux de 2 % .

Définition du spectre d'accélération aux appuis

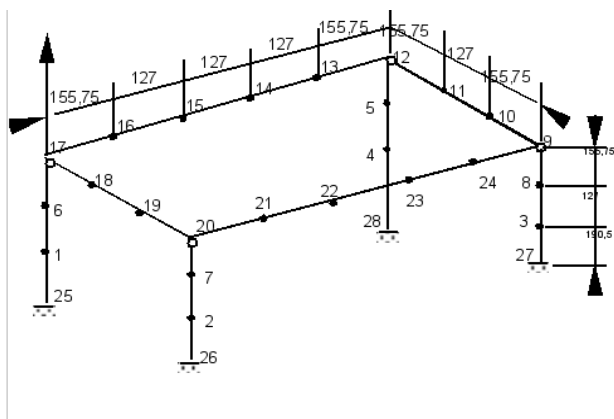
Fréquence	X	Z	Y
100	17.3		11.5
110	16.3		10.9
120	15.3		10.2
130	14.3		9.6
300	10.2		6.66

- pour un amortissement de 2 % ,
- accélération en g .

2 Solution de référence

2.1 Méthode de calcul utilisée pour la solution de référence

Les résultats de référence ont été obtenus avec le code HERCULE [2]. Le modèle éléments finis utilisé est identique à celui utilisé pour la modélisation A effectuée avec *Code_Aster*.



Maille 1019 : $N6 - N17$
1009 : $N17 - N18$
1008 : $N17 - N16$

Masses de coins : 4.444 kg

Masses intermédiaires : 0.783 kg

Les dimensions géométriques utilisées dans les calculs avec HERCULE sont très légèrement différentes de celles présentées au §1.1 :

- $L = 692.50 \text{ mm}$
- $I = 438.50 \text{ mm}$
- $H = 473.25 \text{ mm}$

2.2 Résultats de référence

- Fréquences propres
- Déplacements aux points constituant les coins de la table,
- Réactions d'appuis aux ancrages,
- Efforts internes aux "coins".

Identification	Référence	Masses effectives (% de la masse totale)		
		X	Y	Z
Mode	Fréquence(Hz)			
1	110.857	94.2	0.0	0.0
2	115.471	0.0	0.0	94.4
3	135.936	0.0	0.0	0.0
4	213.541	0.0	0.0	0.0
5	417.332	0.0	0.0	0.0
6	434.813	0.0	24.1	0.0

7	464.097	0.0	0.0	0.0
8	557.262	0.0	0.0	0.3
9	821.746	0.0	18.0	0.0
10	847.071	0.0	0.0	0.0
11	978.174	1.6	0.0	0.0
12	991.842	0.0	2.2	0.0
13	1021.669	1.8	0.0	0.0
14	1040.240	0.0	0.0	0.0
15	1056.948	0.0	0.0	0.2
16	1088.861	0.0	18.8	0.0
17	1093.157	1.2	0.0	0.0
18	1107.870	0.0	0.0	0.0

Identification		Valeurs obtenues avec combinaison	
		quadratiques des directions des excitations	de NEWMARK des directions des excitations
Déplacements :			
NI7	DX (m)	3.4246E-04	3.4265E-04
	DY (m)	4.3562E-06	4.8392E-06
	DZ (m)	3.0321E-04	3.0324E-04
	DRX (rad)	3.7031E-04	3.7612E-04
	DRY (rad)	4.7665E-05	5.2602E-05
	DRZ (rad)	5.1104E-04	5.2310E-04
Réactions :			
N25	FX (N)	1.2536E+03	1.2790E+03
	FY (N)	1.2473E+03	1.3868E+03
	FZ (N)	1.2196E+03	1.2441E+03
	MX (N.m)	3.2474E+02	3.2789E+02
	MY (N.m)	4.1310E+00	4.5579E+00
	MZ (N.m)	3.4846E+02	3.5199E+02
Efforts :			
1019	NI7	FX (N)	1.1312E+03
		FY (N)	1.2431E+03
		FZ (N)	1.0982E+03
		MX (N.m)	2.2833E+02
		MY (N.m)	4.1301E+00
		MZ (N.m)	2.2068E+02
1009	NI7	FX (N)	1.8813E+02
		FY (N)	1.0419E+03
		FZ (N)	1.3175E+02
		MX (N.m)	2.2833E+02
		MY (N.m)	2.9165E+01
		MZ (N.m)	1.6408E-01
1008	NI7	FX (N)	2.9587E+02
		FY (N)	6.3879E+02
		FZ (N)	2.6539E+02
		MX (N.m)	1.8400E-01
		MY (N.m)	3.2361E+01

$MZ (N.m)$

2.2068E+02

2.2535E+02

Remarques

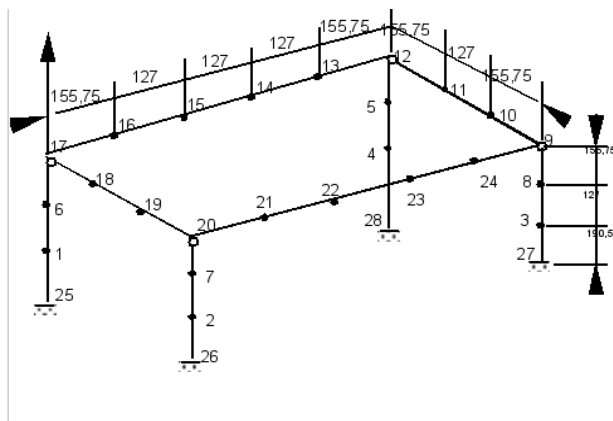
- Les déplacements des coins ($N9, N12, N17, N20$) sont identiques,
- Les réactions aux appuis ($N25, N26, N27, N28$) sont identiques,
- Les efforts généralisés sont exprimés dans le repère global.

2.3 Références bibliographiques

- 1) NEUBERT V. H. et EZELL W. H. : Dynamic behavior of a foundation like structure. ASME Colloquium on Mechanical Impedance Methods for Mechanical Vibrations, pp. 77-86, 1958.
- 2) HERCULE : code de calcul par éléments finis pour le génie civil développé par SOCOTEC.

3 Modélisation A

3.1 Caractéristiques de la modélisation



Maille $E3$: $N6 - N17$
 $E4$: $N17 - N18$
 $E19$: $N17 - N16$

Masses de coins : 4.444 kg

Masses intermédiaires : 0.783 kg

3.2 Caractéristiques du maillage

Nombre de nœuds : 28

Nombre de mailles et types : 52 (28 MECA_POU_D_T et 24 MECA_DIS_T_N)

3.3 Remarques

Les modes sont normalisés à la masse généralisée à 1.

La réponse globale s'obtient par combinaison quadratique des modes, puis successivement une combinaison quadratique et une combinaison de Newmark des directions des excitations.

3.4 Valeurs testées : fréquences

Identification	Référence	Aster	% différence
Mode	Fréquence (Hz)	Fréquence (Hz)	
1	110.857	110.913	0.050
2	115.471	115.536	0.056
3	135.936	136.010	0.054
4	213.541	213.706	0.077
5	417.332	417.739	0.098
6	434.813	435.204	0.090
7	464.097	464.539	0.095
8	557.262	557.829	0.102
9	821.746	822.548	0.098
10	847.071	847.859	0.093
11	978.174	979.235	0.108
12	991.842	992.743	0.091
13	1021.669	1022.530	0.084
14	1040.240	1040.970	0.070
15	1056.948	1057.750	0.076
16	1088.861	1089.870	0.093
17	1093.157	1093.910	0.069
18	1107.870	1108.760	0.080

3.5 Valeurs testées avec combinaison quadratique des directions des excitations

Identification	Référence	Aster	% différence
Déplacement :			
<i>NI7</i> <i>DX (m)</i>	3.4246E-04	3.4199E-04	-0.168
<i>DY (m)</i>	4.3562E-06	4.39290E-06	0.842
<i>DZ (m)</i>	3.0321E-04	3.0275E-04	-0.152
<i>DRX (rad)</i>	3.7031E-04	3.6987E-04	-0.118
<i>DRY (rad)</i>	4.7665E-05	4.6261E-05	-0.082
<i>DRZ (rad)</i>	5.1104E-04	5.1057E-04	-0.093
Réactions REAC_NODA :			
<i>N25</i> <i>FX (N)</i>	1.2536E+03	1.2536E+03	0.
<i>FY (N)</i>	1.2473E+03	1.2635E+03	1.295
<i>FZ (N)</i>	1.2196E+03	1.2200E+03	0.029
<i>MX (N.m)</i>	3.2474E+02	3.2452E+02	-0.067
<i>MY (N.m)</i>	4.1310E+00	4.1283E+00	-0.066
<i>MZ (N.m)</i>	3.4846E+02	3.4823E+02	-0.067
Efforts EFGE_ELNO :			
<i>E3</i> <i>NI7</i> <i>FX (N)</i>	1.1312E+03	1.1312E+03	0.
<i>FY (N)</i>	1.2431E+03	1.2495E+03	0.512
<i>FZ (N)</i>	1.0982E+03	1.0981E+03	-0.007
<i>MX (N.m)</i>	2.2833E+02	2.282E+02	-0.044
<i>MY (N.m)</i>	4.1301E+00	4.1283E+00	-0.056
<i>MZ (N.m)</i>	2.2068E+02	2.2056E+02	-0.052
<i>E4</i> <i>NI7</i> <i>FX (N)</i>	1.8813E+02	1.8938E+02	0.665
<i>FY (N)</i>	1.0419E+03	1.0423E+03	0.034
<i>FZ (N)</i>	1.3175E+02	1.3205E+02	0.229
<i>MX (N.m)</i>	2.2833E+02	2.2820E+02	-0.057
<i>MY (N.m)</i>	2.9165E+01	2.9187E+01	0.076
<i>MZ (N.m)</i>	1.6408E-01	1.8570E-01	13.165
<i>E19</i> <i>NI7</i> <i>FX (N)</i>	2.9587E+02	2.9665E+02	0.264
<i>FY (N)</i>	6.3879E+02	6.3900E+02	0.034
<i>FZ (N)</i>	2.6539E+02	2.6539E+02	-0.002
<i>MX (N.m)</i>	1.8400E-01	1.8607E-01	0.581
<i>MY (N.m)</i>	3.2361E+01	3.2366E+01	0.015
<i>MZ (N.m)</i>	2.2068E+02	2.2056E+02	-0.053

3.6 Valeurs testées avec combinaison de NEWMARK des directions des excitations

Identification	Référence	Aster	% différence
Déplacement :			
<i>NI7</i> <i>DX (m)</i>	3.4265E-04	3.4218E-04	-0.136
<i>DY (m)</i>	4.8392E-06	4.9244E-06	1.761
<i>DZ (m)</i>	3.0324E-04	3.0278E-04	-0.149
<i>DRX (rad)</i>	3.7612E-04	3.7585E-04	-0.072
<i>DRY (rad)</i>	5.2602E-05	5.2721E-05	0.226
<i>DRZ (rad)</i>	5.2310E-04	5.2267E-04	-0.083
Réactions REAC_NODA :			
<i>N25</i> <i>FX (N)</i>	1.2790E+03	1.2822E+03	0.249
<i>FY (N)</i>	1.3868E+03	1.4210E+03	2.467
<i>FZ (N)</i>	1.2441E+03	1.2448E+03	0.057
<i>MX (N.m)</i>	3.2789E+02	3.2772E+02	-0.050
<i>MY (N.m)</i>	4.5579E+00	4.5699E+00	0.263
<i>MZ (N.m)</i>	3.5199E+02	3.5211E+02	0.035
Efforts EFGE_ELNO :			
<i>E3</i> <i>NI7</i> <i>FX (N)</i>	1.1486E+03	1.1536E+03	0.428
<i>FY (N)</i>	1.3793E+03	1.3950E+03	1.135
<i>FZ (N)</i>	1.1141E+03	1.1144E+03	0.025
<i>MX (N.m)</i>	2.2982E+02	2.2980E+02	-0.010
<i>MY (N.m)</i>	4.5580E+00	4.5700E+00	0.261
<i>MZ (N.m)</i>	2.2537E+02	2.2546E+02	0.038
<i>E4</i> <i>N17</i> <i>FX (N)</i>	2.0079E+02	2.0249E+02	1.071
<i>FY (N)</i>	1.0650E+03	1.0672E+03	0.201
<i>FZ (N)</i>	1.4833E+02	1.4884E+02	0.344
<i>MX (N.m)</i>	2.2975E+02	2.2977E+02	-0.011
<i>MY (N.m)</i>	3.2490E+01	3.2625E+01	0.415
<i>MZ (N.m)</i>	1.6400E-01	1.8570E-01	13.234
<i>E19</i> <i>NI7</i> <i>FX (N)</i>	3.3579E+02	3.3703E+02	0.369
<i>FY (N)</i>	6.7526E+02	6.7606E+02	0.118
<i>FZ (N)</i>	2.7947E+02	2.8006E+02	0.210
<i>MX (N.m)</i>	1.8500E-01	1.8607E-01	0.581
<i>MY (N.m)</i>	3.5570E+01	3.5683E+01	0.317
<i>MZ (N.m)</i>	2.2535E+02	2.2542E+02	0.032

- Les déplacements des coins ($N9$, $N12$, $N17$, $N20$) sont identiques,
- Les réactions aux appuis ($N25$, $N26$, $N27$, $N28$) sont identiques,
- Les efforts généralisés sont exprimés dans le repère global.

4 Synthèse des résultats

On obtient un accord relativement bon entre la solution calculée avec *Code_Aster* et la solution calculée par HERCULE :

- Fréquences : les écarts observés pour les 18 premières fréquences sont faibles, inférieurs à 0.11% .
- Déplacements : les écarts observés sont inférieurs à 0.9% si on utilise une combinaison quadratique des directions des excitations, et inférieurs à 1.8 % si on utilise une combinaison de Newmark des directions des excitations.
- Efforts : les écarts observés sont inférieurs à 1% , sauf pour les efforts suivants :
- Réactions écarts maximum de 2.6%
- Moment de torsion dans la barre E19 : différence de 13% ; cet écart est à relativiser, la valeur testée étant faible comparativement aux autres valeurs.