

---

## Modélisation 3D\_INCO

---

### Résumé :

Ce document décrit pour la modélisation 3D\_INCO :

- les degrés de liberté portés par les éléments finis qui supportent la modélisation,
- les mailles supports afférentes,
- les lois de comportement et les chargements supportés,
- les possibilités non-linéaires,
- les cas-tests mettant en oeuvre la modélisation.

Cette modélisation est basée sur des éléments finis adaptés au traitement des problèmes quasi-incompressibles. Elle est indispensable pour réaliser des calculs d'analyse limite avec la loi de Norton-Hoff et est aussi utile pour les études présentant de fortes déformations plastiques pour lesquelles la formulation classique en déplacement se révèle insuffisante (oscillation des contraintes). La formulation utilisée est une formulation à 3 champs : déplacement-pression-gonflement [R6.03.05] , utilisable avec tous les comportements écrits sous forme incrémentale. La modélisation 3D\_INCO a des mailles supports volumiques et accepte les TETRA10, les HEXA20, et les PENTA15.

## 1 Discrétisation

---

### 1.1 Degrés de liberté

Modélisation	Ddl à tous les nœuds	Ddl uniquement aux nœuds sommets
3D	DX, DY, DZ	PRES (*), GONF

\* aucune condition cinématique ne peut être imposé sur le degré de liberté PRES.

### 1.2 Maille support des matrices de rigidité

Pour la modélisation 3D, les mailles support des éléments finis peuvent être des tétraèdres, des hexaèdres ou des prismes.

Modélisation	Maille	Interpolation en déplacements	Interpolation en pression et gonflement
3D	TETRA10	Quadratique	Linéaire
	HEXA20	Quadratique	Linéaire
	PENTA15	Quadratique	Linéaire

### 1.3 Maille support des chargements surfaciques

Modélisation	Maille	Interpolation en déplacements
3D	TRIA6	Quadratique
	QUAD8	Quadratique

## 2 Chargements supportés

---

Les chargements disponibles sous AFPE\_CHAR\_MECA\_ sont les suivants :

- 'FORCE\_ARETE'  
Permet pour appliquer des forces linéiques, à une arête d'élément volumique.
- 'FORCE\_FACE'  
Permet d'appliquer des forces surfaciques sur une face d'élément volumique.
- 'FORCE\_\_INTERNE'  
Permet d'appliquer des forces volumiques.
- 'PESANTEUR'  
Permet d'appliquer un chargement de type pesanteur.
- 'PRES\_REP'  
Permet pour appliquer une pression à un domaine de milieu continu.

## 3 Possibilités non-linéaires

---

Attention, cette modélisation n'est accessible qu'à partir de `STAT_NON_LINE`. Elle ne peut pas être utilisée avec `MECA_STATIQUE` ou par un assemblage manuel.

### 3.1 Lois de comportement

Toutes les lois de comportement utilisables sur des mailles de milieux continus ont un sens physique pour ces modélisations et sont affectables à partir du moment où elles sont accessibles à partir de `COMP_INCR` dans `STAT_NON_LINE` (Cf. [U4.51.11]).

Signalons qu'une loi de comportement est spécifique à cette modélisation (dédiée au calcul de charge limite, cf. [R7.07.01]):

```
/ ' NORTON_HOFF '
```

### 3.2 Déformations

Les déformations disponibles, utilisées dans les relations de comportement sous le mot clé `DEFORMATION` pour les opérateurs `STAT_NON_LINE`, `DYNA_NON_LINE` et `DYNA_TRANS_EXPLI` sont (Cf. [U4.51.11]) :

```
/ ' PETIT '
```

Les déformations utilisées pour la relation de comportement sont les déformations linéarisées.

```
/ ' SIMO_MIEHE '
```

Permet de réaliser des calculs en grandes déformations plastiques.

### 3.3 Méthode de Newton

Pour la résolution du problème par la méthode de Newton-Raphson, la matrice élastique n'est pas disponible. Il faut donc utiliser sous le mot-clé `NEWTON` pour les opérateurs `STAT_NON_LINE` et `DYNA_NON_LINE` (Cf. [U4.51.11]) :

```
/ PREDICTION = 'TANGENTE'
```

La phase de prédiction est réalisée avec la matrice tangente.

```
/ MATRICE = 'TANGENTE'
```

La matrice utilisé pour les itérations globale est la matrice tangente

Remarque :

*La formulation utilisée conduit à des matrices non positives et les solveurs actuels ne savent pas toujours bien résoudre les systèmes linéaires qui leur sont associées. En cas de difficulté de convergence, il peut donc être utile de tester les autres solveurs disponibles dans le code ou les autres méthodes de renumérotations (cf. [U4.50.01]).*

## 4 Exemples de mise en oeuvre : cas-tests

---

- Petites déformations :

- SSLV130A [V3.04.130] : Analyse d'un cylindre creux en incompressible, soumis à une pression interne.
- Grandes déformations :
  - SSNV112A [V6.04.112] : Analyse d'un cylindre creux en incompressible en grandes déformations, soumis à un déplacement radial interne.
- Analyse limite :
  - SSNV124B [V6.04.124] : Détermination de la charge limite d'un cube soumis à des chargements sur ses bords.