

Relations de comportement des éléments discrets

Résumé :

Ce document décrit les comportements non linéaires des éléments discrets qui sont appelés par les opérateurs de résolution de problèmes non linéaires `STAT_NON_LINE` ou `DYNA_NON_LINE`.

Plus précisément, les comportements décrits dans ce document sont :

- le comportement de type Von-Mises à écrouissage isotrope utilisé pour la modélisation des assemblages filetés, accessible par les mots clés `DIS_GOUJ2E_PLAS` et `DIS_GOUJ2E_ELAS` du mot-clé `COMP_INCR`,
- le comportement de type contact avec choc et frottement de Coulomb, accessible par le mot clé `DIS_CHOC` du mot-clé `COMP_INCR`,
- le comportement de type Von-Mises à écrouissage cinématique linéaire, accessible par le mot clé `DIS_CINE_LINE`,
- le comportement viscoélastique linéaire, accessible par le mot clé `DIS_VISC`,
- le comportement élastique bi-linéaire, accessible par le mot clé `DIS_BILI_ELAS`,
- le comportement de type contact unilatéral avec frottement de Coulomb, utilisé pour modéliser le comportement en translation et rotation de l'ensemble des ressorts de liaison grille - crayon des assemblages combustibles, accessible par le mot clé `DIS_GRICRA`.

L'intégration des modèles de comportement mentionnés ci-dessus est détaillée dans ce document. D'autres comportements relatifs aux éléments discrets sont disponibles, mais non détaillés ici :

- Armement des lignes (Relation `ARME`) [R5.03.31],
- Assemblage non linéaire de cornières de pylônes (Relation `ASSE_CORN`) [R5.03.32].

Table des Matières

1 Principes généraux des relations de comportement des éléments discrets.....	3
1.1 Relations de comportement non linéaires (des éléments discrets).....	3
1.2 Calcul des déformations (petites déformations).....	4
1.3 Calcul des efforts et des forces nodales	4
1.4 Notations générales.....	5
2 Relation de comportement des assemblages filetés.....	6
2.1 Équations du modèle DIS_GOUJ2E_PLAS.....	6
2.2 Intégration de la relation DIS_GOUJ2E_PLAS.....	6
2.3 Variables internes.....	7
3 Comportement élastique bi-linéaire : DIS_BILI_ELAS.....	8
3.1 Définition.....	8
3.2 Variables internes.....	8
4 Comportement DIS_ECRO_CINE.....	9
4.1 Définition.....	9
4.2 Intégration du comportement	9
4.3 Variables internes.....	10
5 Comportement DIS_VISC.....	11
5.1 Définition.....	11
5.2 Intégration du comportement	11
5.3 Variables internes.....	11
6 Modélisation des chocs et du frottement : DIS_CHOC.....	12
6.1 Relation de contact unilatéral.....	12
6.2 Loi de frottement de Coulomb.....	13
6.3 Modélisation approchée des relations de contact par pénalisation.....	13
6.4 Définition des paramètres de contact.....	15
7 Modélisation de la liaison grille-crayon : DIS_GRICRA.....	16
7.1 Présentation générale.....	16
7.2 Définition du repère local.....	17
7.3 Comportement en translation.....	18
7.4 Comportement en rotation.....	19
7.5 Remarque.....	21
7.6 Utilisation.....	21
8 Bibliographie.....	23
9 Historique des versions du document.....	23

1 Principes généraux des relations de comportement des éléments discrets

1.1 Relations de comportement non linéaires (des éléments discrets)

Les relations disponibles dans *Code_Aster* pour les éléments discrets sont des relations de comportement incrémentales données sous le mot-clé facteur `COMP_INCR` par le mot-clé `RELATION` dans les opérateurs non linéaires `STAT_NON_LINE` et `DYNA_NON_LINE`. On distingue :

- le comportement de type Von-Mises à écrouissage isotrope utilisé pour la modélisation des assemblages filetés, mis en œuvre dans `MACR_GOUJ2E_CALC` et accessible par les mots clés `DIS_GOUJ2E_PLAS` et `DIS_GOUJ2E_ELAS`,
- le comportement de type contact avec choc et frottement de Coulomb, accessible par le mot-clé `DIS_CHOC`,
- le comportement de type Von Mises à écrouissage cinématique linéaire, accessible par le mot clé `DIS_CINE_LINE`,
- le comportement viscoélastique linéaire, accessible par le mot clé `DIS_VISC`,
- le comportement élastique bilinéaire, accessible par le mot clé `DIS_BILI_ELAS`,
- le comportement de type contact unilatéral avec frottement de Coulomb, utilisé pour modéliser le comportement en translation et rotation de l'ensemble des ressorts de liaison grille - crayon des assemblages combustibles, accessible par le mot clé `DIS_GRICRA`,

Et les comportements suivants, qui ne sont pas détaillés ici :

- Armement des lignes (relation `ARME`) [R5.03.31],
- Assemblage non linéaire de cornières de pylônes (relation `ASSE_CORN`) [R5.03.32],

Les paramètres nécessaires à ces relations sont fournis dans l'opérateur `DEFI_MATERIAU` par les mots clés :

Comportement dans <code>STAT_NON_LINE</code> <code>DYNA_NON_LINE</code>	Type d'élément (modélisation) dans <code>AFFE_MODELE</code>	Mots clé dans <code>DEFI_MATERIAU</code>	<code>AFFE_CARA_ELEM</code> mots clé sous <code>DISCRET</code>
<code>DIS_GOUJ2E_ELAS</code> <code>DIS_GOUJ2E_PLAS</code>	<code>2D_DIS_T</code> : élément discret 2D à deux nœuds en translation	<code>TRACTION</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_L</code> '
<code>DIS_ECRO_CINE</code>	<code>DIS_T</code> , <code>D_DIS_T</code> , <code>DIS_TR</code> , <code>2D_DIS_TR</code> : éléments discrets 2D ou 3D à un ou deux nœuds en translation / rotation	<code>DIS_ECRO_CINE</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_N</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_N</code> '
<code>DIS_VISC</code>	<code>DIS_T</code> , <code>2D_DIS_T</code> , <code>DIS_TR</code> , <code>2D_DIS_TR</code> : éléments discrets 2D ou 3D à un ou deux nœuds en translation / rotation	<code>DIS_VISC</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_N</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_N</code> '
<code>DIS_BILI_ELAS</code>	<code>DIS_T</code> , <code>2D_DIS_T</code> , <code>DIS_TR</code> , <code>2D_DIS_TR</code> : éléments discrets 2D ou 3D à un ou deux nœuds en translation / rotation	<code>DIS_BILI_ELAS</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_N</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_TR_D_N</code> '
<code>DIS_CHOC</code> et choc frottement Coulomb	contact avec de <code>DIS_T</code> , <code>2D_DIS_T</code> : éléments discrets 2D ou 3D à deux nœuds en translation	<code>DIS_CONTACT</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_L</code> ' <code>CARA</code> : ' <code>K_T_D_N</code> ' Pour le calcul de rigidité élastique et de modes propres
<code>DIS_GRICRA</code>	<code>DIS_TR</code> : éléments discrets 3D à deux nœuds en translation / rotation	<code>DIS_GRICRA</code>	<code>CARA</code> : ' <code>K_TR_L</code> ' Pour le calcul de rigidité élastique et de modes propres

Contrairement aux modèles de comportement 1D [bib3], ces relations lient directement les efforts et les déplacements, au lieu d'être formulées entre contraintes et déformations. Elles ne sont valables qu'en petites déformations. On décrit pour chaque relation de comportement le calcul du champ d'efforts à partir d'un incrément de déplacement donné (cf. algorithme de Newton [R5.03.01]), le calcul des forces **nodales** R et de la matrice tangente.

1.2 Calcul des déformations (petites déformations)

Pour chacun des éléments finis du *Code_Aster*, dans `STAT_NON_LINE`, l'algorithme global (Newton) fournit à la routine élémentaire, qui intègre le comportement, un accroissement du champ de déplacement [R5.03.01]

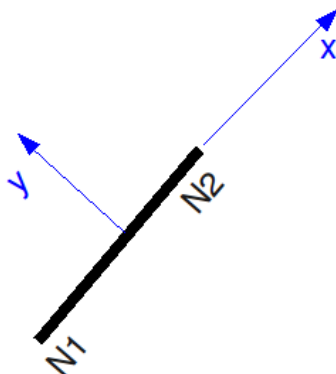
Pour les éléments discrets à 2 nœuds, on en déduit l'accroissement d'élongation (en translation) ou de rotation, entre les nœuds 1 et 2 de l'élément : $\Delta \varepsilon = \Delta u_2 - \Delta u_1$.

Pour les éléments discrets à un nœud, on obtient simplement : $\Delta \varepsilon = \Delta u_1$

1.3 Calcul des efforts et des forces nodales

Après intégration du comportement, il faut fournir à l'algorithme global (Newton) un vecteur contenant les efforts généralisés, d'une part, et d'autre part un vecteur contenant les forces nodales R [R5.03.01] en repère global (X, Y, Z) .

Pour les éléments discrets, la résolution du problème local non linéaire fournit directement les efforts dans l'élément (uniformes dans l'élément), en repère local (x, y, z) , qui sont de la forme :



$$F = \begin{pmatrix} F_1(\text{nœud } 1) \\ F_2(\text{nœud } 2) \end{pmatrix} \text{ avec } \begin{array}{l} \text{en 2D : } F_1 = F_2 = \begin{pmatrix} F_x \\ F_y \end{pmatrix} \\ \text{en 3D : } F_1 = F_2 = \begin{pmatrix} F_x \\ F_y \\ F_z \end{pmatrix} \text{ en translation seule,} \end{array}$$

$$F_1 = F_2 = (F_x \quad F_y \quad F_z \quad M_x \quad M_y \quad M_z) \text{ en translation et rotation.}$$

Le vecteur R des forces nodales équivalentes (qui est exprimé dans le repère global) est déduit de F par changement de repère :

$$R = P^T R_{loc} P \text{ avec } R_{loc} = \begin{pmatrix} -F_1(\text{nœud } 1) \\ F_2(\text{nœud } 2) \end{pmatrix}$$

où P est la matrice de changement de repère, permettant le passage du repère global vers le repère local, comme pour les éléments de poutre [R3.08.01].

1.4 Notations générales

Toutes les quantités évaluées à l'instant précédent sont indicées par $^-$.

Les quantités évaluées à l'instant $t + \Delta t$ ne sont pas indicées.

Les incréments sont désignés par Δ . On a ainsi :

$$Q = Q(t + \Delta t) = Q^-(t) + \Delta Q(t) = Q^- + \Delta Q$$

2 Relation de comportement des assemblages filetés

2.1 Équations du modèle DIS_GOUJ2E_PLAS

Elles sont déduites du comportement 3D VMIS_ISOT_TRAC [R5.03.02] : on y représente une relation de comportement de type élastoplastique à écrouissage isotrope, liant les efforts dans l'élément discret à la différence de déplacement des deux nœuds dans la direction y locale.

Dans la direction x locale, le comportement est élastique, linéaire, et le coefficient reliant l'effort F_x au déplacement D_x est la raideur K_x fournie par l'intermédiaire de AFFE_CARA_ELEM.

Le comportement non linéaire ne concerne que la direction y locale.

En notant $\Delta \varepsilon = \Delta u_y^1 - \Delta u_y^2$ et $\sigma = F_y^1 = F_y^2$

Les relations s'écrivent sous la même forme que les relations de Von-Mises 1D [R5.03.09] :

$$\begin{aligned}\dot{e}^p &= \dot{p} \frac{s}{|s|} \\ s &= E(e - e^p) \\ s_{eq} - R(p) &= |s| - R(p) \leq 0 \\ s_{eq} - R(p) < 0 &\Rightarrow \dot{p} = 0 \\ s_{eq} - R(p) = 0 &\Rightarrow \dot{p} \geq 0\end{aligned}$$

Dans ces expressions, p représente un "déplacement plastique cumulé", et la fonction d'écrouissage isotrope $R(p)$ est affine par morceaux, donnée sous forme d'une courbe effort - déplacement définie point par point, fournie sous le mot clé facteur TRACTION de l'opérateur DEFI_MATERIAU [U4.43.01].

Le premier point correspond à la fin du domaine linéaire, et sert donc à définir à la fois la limite de linéarité (analogue à la limite d'élasticité), et E qui est la pente de cette partie linéaire (E est indépendant de la température). La fonction $R(p)$ est déduite d'une courbe caractéristique de l'assemblage (modélisation de quelques filets) exprimant l'effort sur le goujon en fonction de la différence de déplacement moyen entre le goujon et la bride [bib1] : $F = f(u - v)$.

2.2 Intégration de la relation DIS_GOUJ2E_PLAS

Par discrétisation implicite directe des relations de comportement, de façon analogue à l'intégration 1D [R5.03.09] on obtient :

$$\begin{aligned}E \Delta \varepsilon - \Delta \sigma &= E \Delta p \frac{\sigma^- + \Delta \sigma}{|\sigma^- + \Delta \sigma|} \\ |\sigma^- + \Delta \sigma| - R(p^- + \Delta p) &\leq 0 \\ |\sigma^- + \Delta \sigma| - R(p^- + \Delta p) < 0 &\Rightarrow \Delta p = 0 \\ |\sigma^- + \Delta \sigma| - R(p^- + \Delta p) = 0 &\Rightarrow \Delta p \geq 0\end{aligned}$$

Deux cas se présentent :

- $|\sigma^- + \Delta \sigma| < R(p^- + \Delta p)$ alors $\Delta p = 0$ soit $\Delta \sigma = E \Delta \varepsilon$ donc $|\sigma^- + E \Delta \varepsilon| < R(p^-)$
- $|\sigma^- + \Delta \sigma| = R(p^- + \Delta p)$ alors $\Delta p \geq 0$ donc $|\sigma^- + E \Delta \varepsilon| \geq R(p^-)$

On en déduit l'algorithme de résolution :

posons $\sigma^e = \sigma^- + E \Delta \varepsilon$

si $|\sigma^e| \leq R(p^-)$ alors $\Delta p = 0$ et $\Delta \sigma = E \Delta \varepsilon$

si $|\sigma^e| > R(p^-)$ alors il faut résoudre :

$$\begin{aligned}\sigma^e &= \sigma^- + \Delta \sigma + E \Delta p \frac{\sigma^- + \Delta \sigma}{|\sigma^- + \Delta \sigma|} \\ \sigma^e &= (\sigma^- + \Delta \sigma) \left(1 + \frac{E \Delta p}{|\sigma^- + \Delta \sigma|} \right)\end{aligned}$$

donc en prenant la valeur absolue :

$$|\sigma^e| = |\sigma^- + \Delta \sigma| \left(1 + \frac{E \Delta p}{|\sigma^- + \Delta \sigma|} \right)$$

soit, en utilisant

$$\begin{aligned} |\sigma^- + \Delta \sigma| &= R(p^- + \Delta p) \\ |\sigma^e| &= R(p^- + \Delta p) + E \Delta p \end{aligned}$$

En tenant compte de la linéarité par morceaux de $R(p)$, on peut résoudre explicitement cette équation pour trouver Δp

On en déduit : $\frac{\sigma^e}{|\sigma^e|} = \frac{\sigma}{R(p^- + \Delta p)}$

alors : $\sigma = \sigma^- + \Delta \sigma = \frac{\sigma^e}{|\sigma^e|} R(p) = \frac{\sigma^e}{1 + \frac{E \Delta p}{R(p)}}$

De plus, l'option `FULL_MECA` permet de calculer la matrice tangente $\mathbf{K}_i^n$ à chaque itération. L'opérateur tangent qui sert à la construire est calculé directement sur le système discrétisé précédent. On obtient directement :

- Si $|\sigma^e| > R(p^-)$ alors $\frac{\delta \sigma}{\delta \epsilon} = E_t = \frac{E R'(p)}{E + R'(p)}$
- sinon $\frac{\delta \sigma}{\delta \epsilon} = E$

2.3 Variables internes

La relation de comportement `DIS_GOUJ2E_PLAS` produit deux variables internes : le « déplacement plastique cumulé » p , et un indicateur valant 1 si l'accroissement de déformation plastique est non nul et 0 dans le cas contraire.

3 Comportement élastique bi-linéaire : DIS_BILI_ELAS

3.1 Définition

Le comportement DIS_BILI_ELAS est utilisé pour modéliser un comportement élastique bilinéaire en translation, dans chaque direction. La loi de comportement a été conçue pour être utilisée avec tous les éléments discrets. Le comportement est caractérisé par 2 pentes (KDEB et KFIN) et par effort (FPRE) qui définit la rupture de pente.

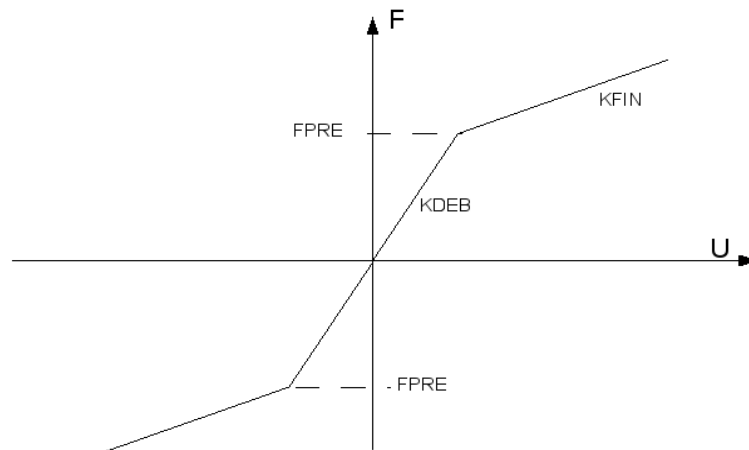


Figure Comportement élastique bilinéaire

Pour cette loi et cela quelque soit le degré de liberté considéré, le comportement du discret est soit élastique soit élastique-bilinéaire. Si dans une des directions le comportement bilinéaire n'est pas défini, le comportement dans cette direction est alors élastique et ce sont les valeurs données dans la commande AFFE_CARA_ELEM qui sont prises. La loi DIS_BILI_ELAS ne concerne que les degrés de translation, cela implique donc que le comportement est élastique pour les degrés de liberté de rotation qui existent pour ce discret. Ce repère local est défini de façon classique dans la commande AFFE_CARA_ELEM sous le mot clef facteur ORIENTATION.

Les 3 caractéristiques (KDEB, KFIN, FPRE) sont obligatoirement données dans le repère local de l'élément, il est donc nécessaire dans la commande AFFE_CARA_ELEM sous le mot clef facteur DISCRET de préciser REPERE='LOCAL'. Une erreur fatale est émise par Code_Aster si cette condition n'est pas respectée.

Les grandeurs KDEB et KFIN sont des fonctions qui dépendent de la température et peuvent être définies sous forme de fonction, de nappe ou de formule.

Les équations incrémentales de la loi de comportement sont simplement :

$$\begin{aligned} \text{Si } |F| \leq FPRE &\Rightarrow dF = KDEB \cdot dU \\ \text{Sinon } dF &= KFIN \cdot dU \end{aligned}$$

F étant l'effort à l'instant t considéré dans une des directions de translation, et dU l'incrément de déplacement de translation dans cette direction.

3.2 Variables internes

Il y a 1 variable interne par degré de liberté de translation. Elle peut prendre 3 valeurs :

- $VI=0$, le discret n'a jamais été sollicité dans cette direction.
- $VI=1$, on est dans le cas où $|F| \leq FPRE$
- $VI=2$, on est dans le cas où $|F| > FPRE$

4 Comportement DIS_ECRO_CINE

4.1 Définition

Le comportement DIS_ECRO_CINE est une loi de comportement élastoplastique à écrouissage cinématique non linéaire pour éléments discrets. Cette loi est définie pour chaque composante du tenseur des efforts résultants. Les coefficients matériau sont fournis sous le mot-clé DIS_ECRO_CINE.

Par exemple pour la direction X :

- LIMY_DX : F_e Effort limite élastique suivant l'axe local x de l'élément
- KCIN_DX : k_r Raideur suivant l'axe local R_x de l'élément
- PUIS_DX : n Coefficient de non-linéarité suivant l'axe local x de l'élément (supérieur à 1)
- LIMU_DX : F_u Effort limite suivant l'axe local x de l'élément.
 - Seuil : $f = |F - X| - F_e$
 - Si $f \leq 0$ le comportement est élastique : $\dot{F} = K_e \cdot \dot{U}$
 - Sinon :

$$\begin{aligned} f &= 0 \text{ et } \dot{f} = 0 \\ \dot{U}^{an} &= \dot{\lambda} \frac{\partial f}{\partial F} \quad -\dot{\alpha} = \dot{\lambda} \frac{\partial f}{\partial X} \\ \dot{F} &= K_e (\dot{U} - \dot{U}^{an}) \\ X &= \frac{k_r \alpha}{\left(1 + \left(\frac{k_r \alpha}{F_u}\right)^n\right)^{\frac{1}{n}}} \end{aligned}$$

4.2 Intégration du comportement

La résolution est obtenue après discrétisation en temps de la façon suivante :

$\Delta F = K_e (\Delta U - \Delta U^{an})$ où $\Delta F, \Delta U$ peuvent représenter soit des efforts et des translations, soit des moments et des rotations.

En calculant : $F^- = K_e (U^- - U_{an}^-)$, on effectue un essai élastique :

Si $|F^- + K_e (\Delta U) - X^-| \leq 0$ alors $\Delta F = K_e \cdot \Delta U$

Sinon, le système à résoudre est :

$$f = 0 \Rightarrow |F^- + \Delta F - X^- - \Delta X| = F_e$$

$$\Delta U^{an} = \Delta \alpha = \Delta \lambda \frac{F^- + \Delta F - X^- - \Delta X}{F_e}$$

$$\Delta F = K_e (\Delta U - \Delta U^{an})$$

Les 3 inconnues sont : $\Delta F; \Delta U^{an} = \Delta \alpha; \Delta \lambda$ car $\Delta X = \frac{k(\alpha^- + \Delta \alpha)}{\left(1 + \left(\frac{k(\alpha^- + \Delta \alpha)}{F_u}\right)^n\right)^{\frac{1}{n}}} - X^-$ est une

fonction analytique de $\Delta \alpha$.

On peut simplifier ce système de la façon suivante :

$$|F^- + \Delta F - X^- - \Delta X| = F_e$$

$$\Delta U^{an} = \Delta \lambda \frac{F^- + \Delta F - X^- - \Delta X}{F_e}$$

$$\Delta F + F^- - X^- - \Delta X = K_e (\Delta U - \Delta U^{an}) + F^- - X^- - \Delta X$$

donc :

$$|F^- + \Delta F - X^- - \Delta X| = F_e$$

$$\Delta U^{an} = \Delta \lambda \frac{F^- + \Delta F - X^- - \Delta X}{F_e}$$

$$\Delta F + F^- - X^- - \Delta X = K_e \Delta U + F^- - X^- - \Delta X - K_e \Delta \lambda \frac{F^- + \Delta F - X^- - \Delta X}{F_e}$$

La dernière équation fournit :

$$(\Delta F + F^- - X^- - \Delta X)(1 + K_e \Delta \frac{\lambda}{F_e}) = K_e \Delta U + F^- - X^- - \Delta X \text{ où } \Delta X \text{ fonction de } \Delta \alpha \text{ donc de}$$

$\Delta \lambda$ (et du signe de $F - X$). En prenant la norme à droite et à gauche on obtient :

$$F_e + K_e \Delta \lambda = |K_e \Delta U + F^- - X^- - \Delta X|.$$

Cette unique équation scalaire peut être résolue par une méthode classique de recherche de zéro de fonction (Newton, sécante, etc... voir par exemple [R5.03.04]). Dans le cas où l'écroutissage cinématique est linéaire, (seul cas justifié thermodynamiquement [bib 8]) on obtient analytiquement la solution $\Delta \lambda$:

$$F_e + (K_e + k) \Delta \lambda = |K_e \Delta U + F^- - X^-|$$

On calcule ensuite les autres inconnues par :

$$\Delta F = \frac{K_e \Delta U + F^- - X^- - \Delta X}{(1 + K_e \frac{\Delta \lambda}{F_e})} - F^- + X^- + \Delta X \text{ et } \Delta U^{an} = \Delta \lambda \frac{F^- + \Delta F - X^- - \Delta X}{F_e}$$

La programmation actuelle résout le système de façon simplifiée :

$$f = |F - X| - F_e \text{ est discrétisé de façon explicite : } f = |F - X| - F_e$$

$$\text{alors : } F_e + K_e \Delta \lambda = |K_e \Delta U + F^- - X^-|$$

On calcule ensuite $\alpha = \alpha^- + \Delta U^{an}$, ce qui permet d'actualiser :

$$X = \frac{k_r \alpha}{\left(1 + \left(\frac{k_r \alpha}{F_u}\right)^n\right)^{\frac{1}{n}}}$$

La raideur tangente dans cette direction est approchée par :

$$K_{tgt} = \frac{\Delta F}{\Delta U}$$

4.3 Variables internes

Il y a 3 variables internes par degré de liberté :

- $V1$ contient U^{an} à chaque instant
- $V2$ contient α à chaque instant
- $V3$ contient l'énergie totale réactualisée à chaque instant.

5 Comportement DIS_VISC

5.1 Définition

Le comportement DIS_VISC est un comportement viscoélastique linéaire, applicable à chaque degré de liberté des éléments discrets (voir un exemple dans le test SSND101).

Les coefficients matériau sont fournis, dans par le mot-clé DIS_VISC . Pour chaque direction, on fournit 2 coefficients : par exemple pour la direction X :

- PUIS_DX : α Puissance dans la direction locale D_X de l'élément.
- COEF_DX : C Coefficient dans la direction locale D_X de l'élément.

L'effort dans la direction concernée est : $F = -C V^\alpha$

5.2 Intégration du comportement

La résolution est immédiate, après discrétisation en temps :

Si dans la direction considérée, les coefficients C et α sont définis, alors :

$$V = \frac{\Delta U}{\Delta t}$$
$$F = -C |V|^\alpha \cdot \text{signe}(V)$$

La raideur tangente dans cette direction est approchée par :

$$K_{tgt} = \frac{\Delta F}{\Delta U} \text{ ce qui nécessite de stocker } F \text{ à chaque pas de temps.}$$

5.3 Variables internes

Il y a 2 variables internes par degré de liberté :

- V1 contient l'effort F à chaque instant
- V2 contient l'énergie totale réactualisée à chaque instant : $V2 = -\sum F \cdot \Delta U$

6 Modélisation des chocs et du frottement : DIS_CHOC

Le comportement DIS_CHOC traduit le contact avec choc et frottement entre deux structures, via deux types de relations :

- la relation de contact unilatéral qui exprime la non inter-pénétrabilité entre les corps solides,
- la relation de frottement qui régit la variation des efforts tangentiels dans le contact. On retiendra pour les présents développements une relation simple : la loi de frottement de Coulomb.

6.1 Relation de contact unilatéral

Soient deux structures Ω_1 et Ω_2 . On note $d_N^{1/2}$ la distance normale entre les structures, $F_N^{1/2}$ la force de réaction normale de Ω_1 sur Ω_2 .

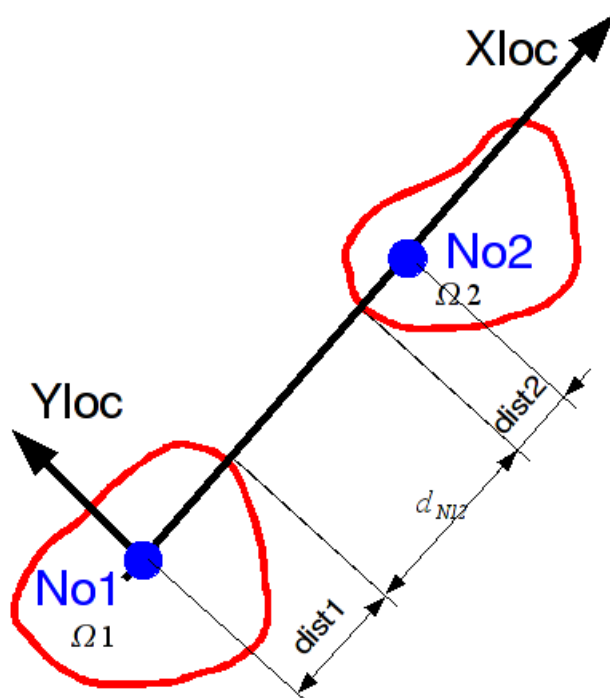


Figure 6.1-a : Définition des distances pour la relation DIS_CHOC.

Dans le repère local à l'élément, la distance normale d_N a pour expression :

$$d_N = ((X_{loc2}^0 + u_2) - (X_{loc1}^0 + u_1)) - dist1 - dist2$$

La loi de l'action et de la réaction impose :

$$F_N^{2/1} = -F_N^{1/2} \quad [\text{eq}]$$

Les conditions de contact unilatéral, encore appelées conditions de Signorini [bib5], s'expriment de la façon suivante :

$$d_N^{1/2} \geq 0, F_N^{1/2} \geq 0, d_N^{1/2} \cdot F_N^{1/2} = 0 \text{ et } F_N^{2/1} = -F_N^{1/2}$$

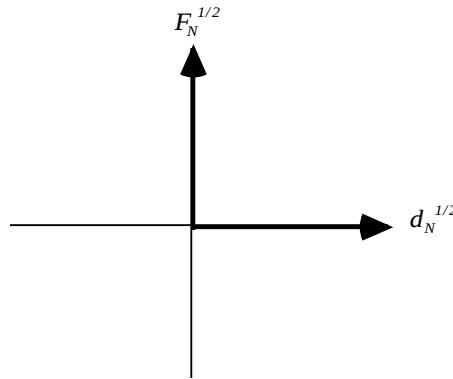


Fig6.1-bphe de la relation de contact unilatéral.

Ce graphe traduit une relation force-déplacement qui n'est pas différentiable. Il n'est donc pas utilisable de façon simple dans un algorithme de calcul dynamique.

6.2 Loi de frottement de Coulomb

La loi de Coulomb exprime une limitation de l'effort tangentiel $\mathbf{F}_T^{1/2}$ de réaction tangentielle de Ω_1 sur Ω_2 . Soit $\dot{\mathbf{u}}_T^{1/2}$ la vitesse relative de Ω_1 par rapport à Ω_2 en un point de contact et soit μ le coefficient de frottement de Coulomb, on a [bib5] :

$$s = \|\mathbf{F}_T^{1/2}\| - \mu \cdot F_N^{1/2} \leq 0, \quad \exists \lambda \quad \mathbf{u}_T^{1/2} = \lambda \mathbf{F}_T^{1/2}, \quad \lambda \leq 0, \quad \lambda \cdot s = 0 \quad]$$

et la loi de l'action et de la réaction :

$$\mathbf{F}_T^{2/1} = -\mathbf{F}_T^{1/2} \quad [\text{éq 6.2-2}]$$

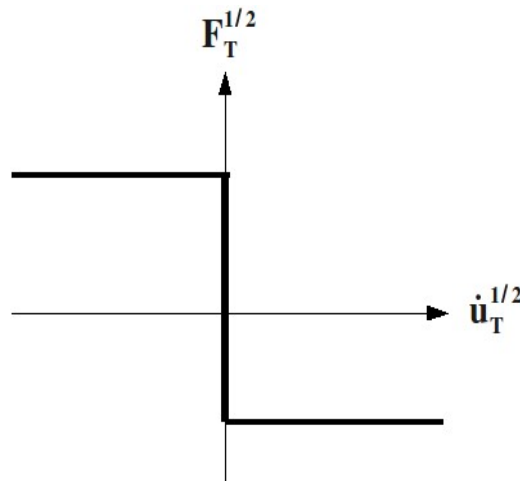


Figure 6.2-a : Graphe de la loi de frottement de Coulomb.

Le graphe de la loi de Coulomb est lui aussi non différentiable et n'est donc pas simple à utiliser dans un algorithme dynamique.

6.3 Modélisation approchée des relations de contact par pénalisation

6.3.1 Modèle de force normale de contact

Le principe de la pénalisation appliqué au graphe de la [Figure 5.3.1-a] consiste à introduire une relation univoque $F_N^{1/2} = f_\epsilon(d_N^{1/2})$ au moyen d'un paramètre ϵ . Le graphe de f_ϵ doit tendre vers le graphe de Signorini lorsque ϵ tend vers zéro [bib6].

Une des possibilités consiste à proposer une relation linéaire entre $d_N^{1/2}$ et $F_N^{1/2}$:

$$F_N^{1/2} = -\frac{1}{\epsilon} d_N^{1/2} \text{ si } d_N^{1/2} \leq 0 ; F_N^{1/2} = 0 \text{ sinon} \quad 6.3.1-1$$

Si l'on note $K_N = \frac{1}{\epsilon}$ appelée communément "**raideur de choc**", on retrouve la relation classique, modélisant un choc élastique :

$$F_N^{1/2} = -K_N \cdot d_N^{1/2} \quad [\text{éq 6.3.1-2}]$$

Le graphe approché de la loi de contact avec pénalisation est le suivant :

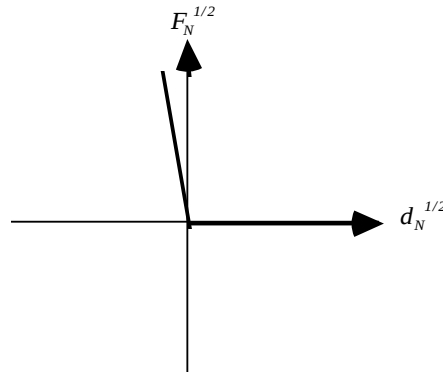


Figure 6.3.1-a : Graphe de la relation de contact unilatéral approchée par pénalisation.

Pour tenir compte d'une éventuelle perte d'énergie dans le choc, on introduit un "amortissement de choc" C_N . L'expression de la force normale de contact s'exprime alors par :

$$F_N^{1/2} = -K_N \cdot d_N^{1/2} - C_N \cdot \dot{u}_N^{1/2} \quad [\text{éq }]$$

où $\dot{u}_N^{1/2}$ est la vitesse normale relative de Ω_1 par rapport à Ω_2 . Pour respecter la relation de Signorini (pas d'adhérence en contact), on doit par contre vérifier a posteriori que $F_N^{1/2}$ est positive ou nulle. On ne prendra donc que la partie positive $\langle \cdot \rangle^+$ de l'expression [éq 6.3.1-3] :

$$\begin{aligned} \langle x \rangle^+ &= x & \text{si} & & x \geq 0 \\ \langle x \rangle^+ &= 0 & \text{si} & & x < 0 \end{aligned}$$

La relation complète donnant la force normale de contact qui est retenue pour l'algorithme est la suivante:

$$\left. \begin{aligned} \text{si} \quad d_N^{1/2} \leq 0 \quad F_N^{1/2} &= \langle -K_N \cdot d_N^{1/2} - C_N \cdot \dot{u}_N^{1/2} \rangle^+ ; \quad F_N^{2/1} = -F_N^{1/2} \\ \text{sinon} \quad F_N^{2/1} &= F_N^{1/2} = 0 \end{aligned} \right\} \quad [\text{éq 6.3.1-4}]$$

6.3.2 Modèle de force tangentielle de contact

Le graphe décrivant la force tangentielle avec loi de Coulomb est non-différentiable pour la phase d'adhérence $\dot{\mathbf{u}}_T^{1/2} = 0$. On introduit donc une relation univoque liant le déplacement tangentiel relatif $\mathbf{d}_T^{1/2}$ et la force tangentielle $\mathbf{F}_T^{1/2} = f_\xi \left(\mathbf{d}_T^{1/2} \right)$ au moyen d'un paramètre ξ . Le graphe de F_ξ doit tendre vers le graphe de Coulomb lorsque ξ tend vers zéro [bib6].

Une des possibilités consiste à écrire une relation linéaire entre $\mathbf{d}_T^{1/2}$ et $\mathbf{F}_T^{1/2}$:

en notant a^0 la valeur d'une quantité a au début du pas de temps :

$$\mathbf{F}_T^{1/2} - \mathbf{F}_T^{1/2 \ 0} = -\frac{1}{\xi} \cdot \left(\mathbf{d}_T^{1/2} - \mathbf{d}_T^{1/2 \ 0} \right) \quad [\text{éq}]$$

Si l'on introduit une "raideur tangentielle" $K_T = \frac{1}{\xi}$, on obtient la relation :

$$\mathbf{F}_T^{1/2} = \mathbf{F}_T^{1/2\ 0} - K_T \cdot (\mathbf{d}_T^{1/2} - \mathbf{d}_T^{1/2\ 0}) \quad 6.3.2-2]$$

Pour des raisons numériques, liées à la dissipation de vibrations parasites [bib7] en phase d'adhérence, on est amené à ajouter un "amortissement tangentiel" C_T dans l'expression de la force tangentielle. Son expression finale est :

$$\mathbf{F}_T^{1/2} = \mathbf{F}_T^{1/2\ 0} - K_T \cdot (\mathbf{d}_T^{1/2} - \mathbf{d}_T^{1/2\ 0}) - C_T \cdot \dot{\mathbf{u}}_T^{1/2}, \quad \mathbf{F}_T^{2/1} = -\mathbf{F}_T^{1/2} \quad 6.3.2-3$$

Il faut de plus que cette force vérifie le critère de Coulomb, soit :

$$\|\mathbf{F}_T^{1/2}\| \leq \mu \cdot F_N^{1/2} \text{ sinon on applique } F_T^{1/2} = -\mu \cdot F_N^{1/2} \cdot \frac{\dot{\mathbf{u}}_T^{1/2}}{\|\dot{\mathbf{u}}_T^{1/2}\|}, \quad \mathbf{F}_T^{2/1} = -\mathbf{F}_T^{1/2} \quad [\text{éq}]$$

Le graphe approché de la loi de frottement de Coulomb modélisée par pénalisation est le suivant :

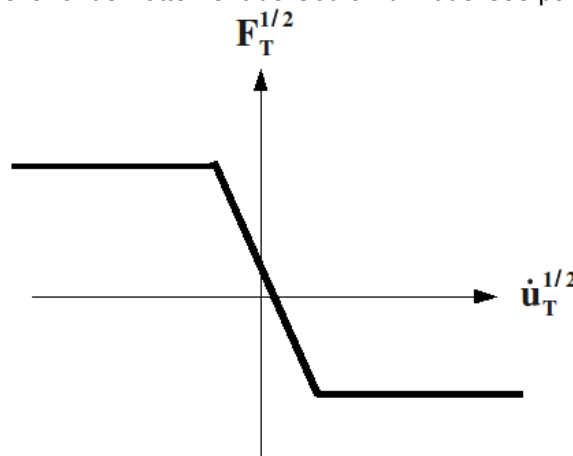


Figure 6.3.2-a : Graphe de la loi de frottement approchée par pénalisation.

6.4 Définition des paramètres de contact

On précise ici les mots-clés permettant de définir les paramètres de contact, amortissement et frottement [U4.43.01] :

L'opérande `RIGI_NOR` est obligatoire, il permet de donner la valeur de raideur normale de choc K_N .

Les autres opérands sont facultatifs :

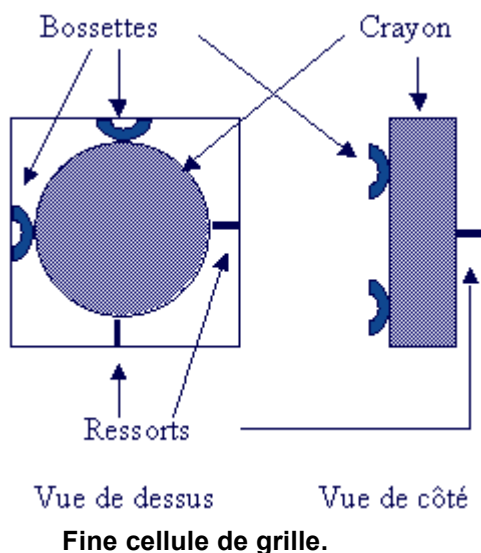
- L'opérande `AMOR_NOR` permet de donner la valeur d'amortissement normal de choc C_N .
- L'opérande `RIGI_TAN` permet de donner la valeur de raideur tangentielle K_T .
- L'opérande `AMOR_TAN` permet de donner la valeur d'amortissement tangentielle de choc C_T .
- L'opérande `COULOMB` permet de donner la valeur du coefficient de Coulomb.
- L'opérande `DIST_1` permet de définir la distance caractéristique de matière entourant le premier nœud de choc
- L'opérande `DIST_2` permet de définir la distance caractéristique de matière entourant le deuxième nœud de choc (choc entre deux structures mobiles)
- L'opérande `JEU` définit la distance entre le nœud de choc et un obstacle non modélisé (cas d'un choc entre une structure mobile et un obstacle indéformable et immobile).

7 Modélisation de la liaison grille-crayon : DIS_GRICRA

Le comportement `DIS_GRICRA` est utilisé pour modéliser le comportement en translation et en rotation des ressorts de liaison grille - crayon des assemblages combustibles. La loi de comportement a été conçue pour être utilisée avec des discrets à deux nœuds `MECA_DIS_TR_L`.

7.1 Présentation générale

Le maintien des crayons dans les cellules de grille est assuré par le système de bossettes et de ressorts représenté sur la figure suivante :



Le crayon est donc maintenu dans la cellule de grille par 6 points de contact (cf. figure 7.1-a) : 4 bossettes et 2 ressorts. Il est possible de modéliser chacun des éléments de contact (bossettes et ressorts) grâce à des éléments discrets, auxquels on affecte une loi de frottement de type `DIS_CHOC`. Une telle modélisation permet de représenter de manière satisfaisante le comportement d'une cellule de grille en translation (extraction du crayon) et en rotation. Une telle méthode a cependant les désavantages suivants :

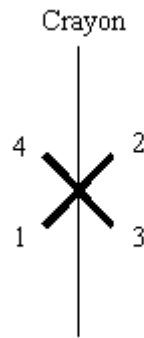
- Complexité du maillage à produire, car il faut 6 discrets par cellule de grille (ou par grille dans un modèle homogénéisé), avec des hauteurs différentes pour les bossettes et les ressorts.
- Complexité dans la définition des caractéristiques des discrets, car il faut différencier les bossettes et les ressorts
- Dissymétrie de la modélisation (bossette d'un côté et ressort en opposition), alors que le comportement homogénéisé sur une grille peut être considéré comme symétrique, compte-tenu de l'alternance de l'orientation des cellules de grille dans les grilles.
- Difficultés pour identifier les paramètres du comportement des discrets à l'échelle d'un assemblage combustible.

Une modélisation équivalente appelée `DIS_GRICRA` a été proposée, qui permet de retrouver le même comportement que le système de 6 discrets en translation et en rotation, tout en évitant les désavantages cités ci-dessus :

- La liaison grille-crayon est modélisée par 4 éléments discrets en croix dans un même plan, ce qui simplifie le maillage et permet de symétriser le problème.
- Les 4 éléments sont affectés des mêmes paramètres pour la loi de comportement `DIS_GRICRA`.
- Les comportements en translation et en rotation sont traités séparément, ce qui facilite une identification des paramètres.

Remarque :

Afin de représenter correctement le comportement de la liaison dans toutes les directions, surtout en rotation, il est nécessaire d'utiliser 4 discrets disposés en croix, le crayon étant lié aux discrets au milieu du dispositif en croix.



:mportement d'une cellule de grille.

7.2 Définition du repère local

Les équations de la loi de comportement sont écrites dans le repère local du discret. Compte-tenu du caractère orthotrope du comportement dans les directions tangentielles au discret, on adopte la convention suivante pour la définition du repère local du discret : l'axe x représente l'axe du discret, l'axe y correspond à la direction du crayon, et l'axe z est l'axe orthogonal à x et y . Pour les angles de rotation, on notera ϕ l'angle de rotation autour de l'axe x (DRX) et θ l'angle de rotation autour de l'axe z (DRZ). On ne s'intéresse pas à l'angle de rotation autour de y (DRY), car il faut bloquer cette rotation (condition limite) dans le fichier de commande.

Avec cette définition du repère local, la direction y est commune à tous les discrets du système en croix représenté sur la figure 7.2-a. La direction x des discrets 1 et 2 correspond à la direction z des discrets 3 et 4 (et vice versa). L'angle ϕ de 1 et 2 correspond à l'angle θ de 3 et 4 (et vice versa).

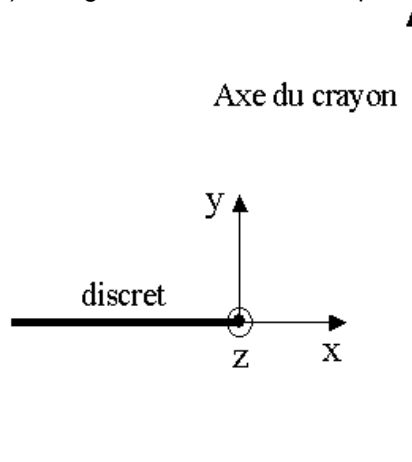
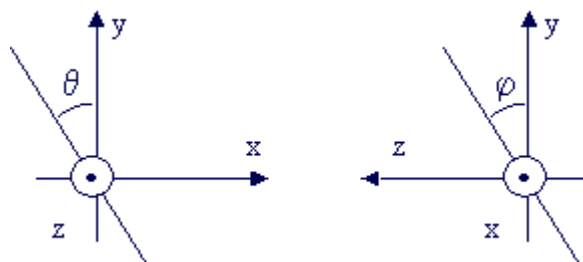


Figure 7.2-a n du repère local.

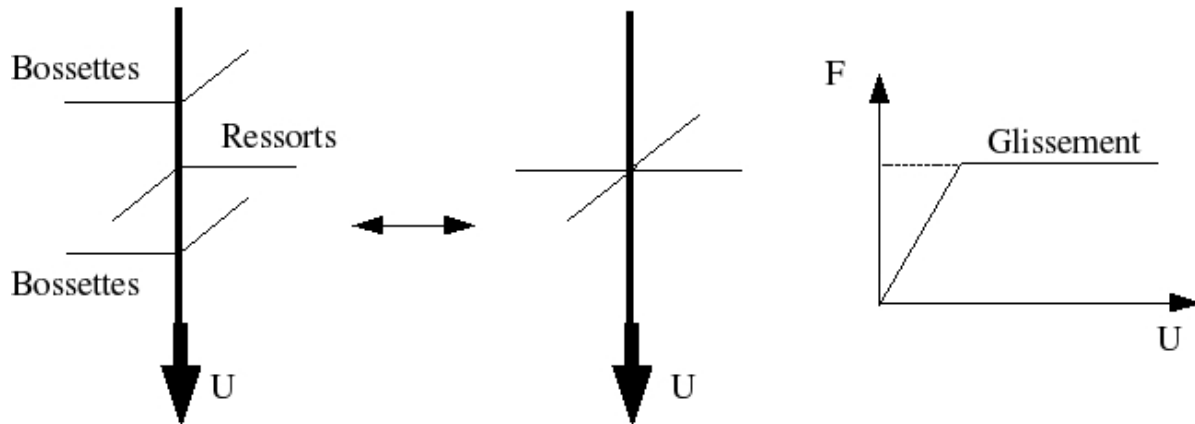


7.2-b : Définition des angles.

7.3 Comportement en translation

7.3.1 Présentation du comportement

Le comportement en translation est modélisé par une loi de type frottement de Coulomb [Figure 7.3.1-a].



i de comportement en translation.

Des types de comportements différents sont affectés selon les directions :

Direction x

On considère un comportement élastique, avec une force initiale à déplacement nul égale à l'opposé de la force de serrage (la force exercée par le crayon sur le discret comprime le discret) :

$$F_x = K_N \Delta x - F_N^0$$

Direction y

On considère un comportement élasto-plastique quasi-parfait pour modéliser le frottement de Coulomb et la possibilité de glissement. La force s'exprime de la façon suivante :

$$F_y = K_T [\Delta y - U_y^p]$$

où Δy est la déformation du discret selon y et U_y^p représente le glissement

Le critère de glissement est le suivant :

$$\|F_y\| \leq F^S + \kappa \lambda \quad \text{avec} \quad F^S = -\mu F_N^0$$

où κ est un paramètre du modèle, λ est le paramètre d'écrouissage et μ est le coefficient de

Coulomb. La loi d'écoulement est la suivante : $\dot{U}_y^p = \dot{\lambda} \frac{\mathbf{F}_y}{\|\mathbf{F}_y\|}$

On se référera au document [R5.03.09] sur l'intégration des lois non linéaires 1D pour l'intégration numérique de cette loi élasto-plastique de type Von Mises avec écrouissage isotrope.

Cette force est identique pour les 4 discrets du système en croix car ils ont la même direction y .

Direction z

On rappelle que la loi de comportement grille-crayon `DIS_GRICRA` doit être utilisée avec une configuration de discrets en croix. Il est dès lors inutile de définir une force dans la direction z du discret, car la rigidité est « reprise » par les discrets orthogonaux (cf. section précédente).

7.3.2 Paramètres introduits

Le comportement en translation nécessite l'introduction de 5 paramètres :

- `KN_AX` : rigidité axiale du discret
- `KT_AX` : rigidité tangentielle (dans la direction de glissement) du discret

- F_SER ou F_SER_FO : force de serrage du crayon dans la grille, dans la direction axiale du discret
- $COUL_AX$: coefficient de Coulomb pour la loi de frottement
- ET_AX : paramètres d'écrouissage permettant de faire converger la loi de frottement. Ce paramètre est facultatif, une valeur de 10^{-7} est proposée par défaut dans Code_Aster.

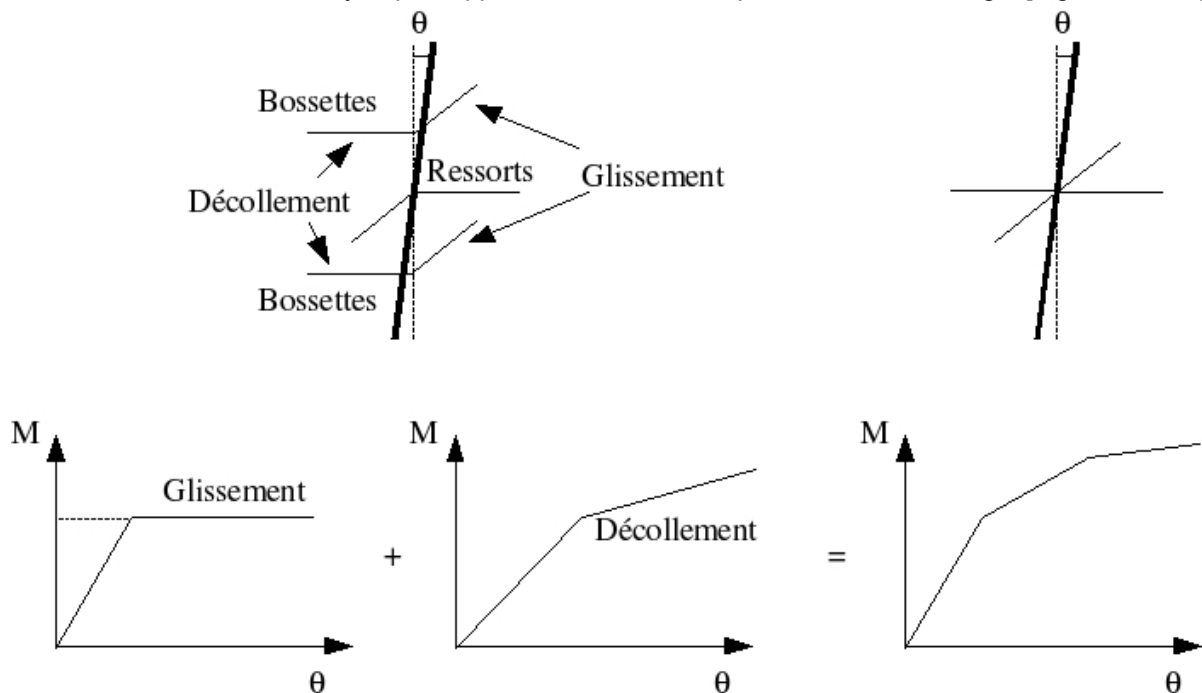
La force nécessaire pour extraire un crayon d'une grille est égale à $F_SER * COUL_AX$ (force d'extraction).

7.4 Comportement en rotation

7.4.1 Présentation du comportement

L'étude de la liaison grille-crayon en rotation avec le système bossettes-ressorts a montré qu'on pouvait décrire le comportement en superposant deux comportements simples :

- un phénomène de glissement des éléments orthogonaux au plan de rotation, modélisé par une loi de Coulomb similaire à celle utilisée en translation [Figure 7.4.1-a].
- un comportement élastique bilinéaire dans le plan de rotation, induit par la possibilité de décollement du crayon par rapport à une bossette à partir d'un certain angle [Figure 7.4.1-a].



Figüema du comportement de la liaison grille-crayon en rotation.

C'est pour assurer cette superposition d'un comportement élasto-plastique et avec un comportement élastique bilinéaire que la configuration de 4 discrets en croix est nécessaire. Si on considère une rotation d'un angle θ dans le repère global correspondant au repère local des discrets 1 et 2, cet angle correspond à l'angle ϕ des discrets 3 et 4. Il suffit alors d'imposer aux discrets la loi élastoplastique sur l'angle θ (du repère local) et la loi élastique bilinéaire sur l'angle ϕ (du repère local) pour avoir une superposition des deux comportements grâce au système de discrets en croix.

Des types de comportements différents sont affectés selon les angles :

Rotation autour de l'axe x

On considère un comportement élasto-plastique de type Von Mises avec écrouissage isotrope pour modéliser le frottement en rotation. Le moment s'exprime en fonction de l'angle et d'un angle « plastique » ou angle de glissement :

$$M_x = K_\phi [\phi - \phi^p]$$

où ϕ est l'angle de rotation autour de x et ϕ^p représente l'angle de glissement

Le critère de glissement est le suivant :

$$\|M_\phi\| \leq M^s + \kappa \lambda \quad \text{où } \kappa \text{ est un paramètre du modèle, } \lambda \text{ est le paramètre d'écrouissage et } M^s \text{ est le moment-seuil défini par des paramètres du modèle.}$$

La loi d'écoulement est la suivante :

$$\dot{M}_\phi^p = \dot{\lambda} \frac{M_\phi}{\|M_\phi\|}$$

On se référera au document [R5.03.09] sur l'intégration des lois non linéaires 1D pour l'intégration numérique de cette loi élasto-plastique de type Von Mises avec écrouissage isotrope, en remplaçant la force par le moment et la déformation par la différence d'angle.

Rotation autour de l'axe z

Le comportement autour de l'axe z est considéré élastique bilinéaire. Le moment autour de l'axe z s'exprime en fonction de l'angle de rotation autour de l'axe z de la façon suivante :

$$M_\theta = K^1 \theta \quad \text{si } \theta \in [-\theta^s, \theta^s]$$
$$M_\theta = K^2 [\theta - \theta^s] + K^1 \theta^s$$

où θ^s est l'angle de changement de pente élastique.

Rotation autour de l'axe y

En ce qui concerne la rotation autour de l'axe y , il est impératif de bloquer cette rotation car aucune loi n'a été identifiée pour ce degré de liberté, le crayon ne tournant pas. Cependant, afin de limiter le mauvais conditionnement de la matrice de rigidité, une rigidité est introduite dans le code, à partir des autres rigidités en rotation. Cette rigidité est invisible pour l'utilisateur et n'a pas d'influence sur les calculs, le degré de liberté correspondant étant bloqué.

7.4.2 Paramètres introduits

Le comportement en rotation nécessite l'introduction de 5 paramètres, soit sous forme de constantes (ANG1, ANG2, PEN1, PEN2, PEN3), soit sous forme de fonctions de la température et de l'irradiation (ANG1_FO, ANG2_FO, PEN1_FO, PEN2_FO, PEN3_FO). Un paramètre supplémentaire facultatif ET_ROT (égal à 10E-7 par défaut) permet de faire converger le comportement de glissement. Le rôle de chacun des paramètres s'explique aisément sur la courbe angle-moment représentée sur la figure 7.4.2-a :

- Au départ il n'y a pas de glissement et pas de décollement, la rigidité en rotation est égale à PEN1 (ou PEN1_FO).
- A partir de l'angle ANG1 (ou ANG1_FO), le phénomène de glissement sur les discrets orthogonaux au plan de rotation est activé, ces éléments ne participent donc plus à la rigidité en rotation et la pente diminue et devient PEN2 (ou PEN2_FO).
- A partir de l'angle ANG2 (ou ANG2_FO), il y a toujours le glissement, auquel s'ajoute le décollement du crayon par rapport à certaines bossettes, d'où une diminution de la rigidité. Celle-ci devient égale à PEN3 (ou PEN3_FO).
- Lorsqu'ensuite on décharge, il y a toujours décollement, mais il n'y a plus glissement, la pente devient PEN1-PEN2+PEN3 (ou PEN1_FO-PEN2_FO+PEN3_FO).
- Lorsqu'on atteint deux fois ANG1 (ou ANG1_FO) à partir du début de la décharge, le glissement est réactivé, et on a toujours décollement, d'où une pente égale à PEN3 (ou PEN3_FO).
- A partir de ANG2 (ou ANG2_FO), on a recollement du crayon sur les bossettes, d'où une pente égale à PEN2 (ou PEN2_FO).

Les valeurs de paramètres utilisés pour la figure 7.4.2-a sont les suivants : $ANG1 = 0.001 \text{ rad}$, $ANG2 = 0.004 \text{ rad}$, $PEN1 = 1000 \text{ N.m.rad}^{-1}$, $PEN2 = 250 \text{ N.m.rad}^{-1}$, $PEN3 = 90 \text{ N.m.rad}^{-1}$.

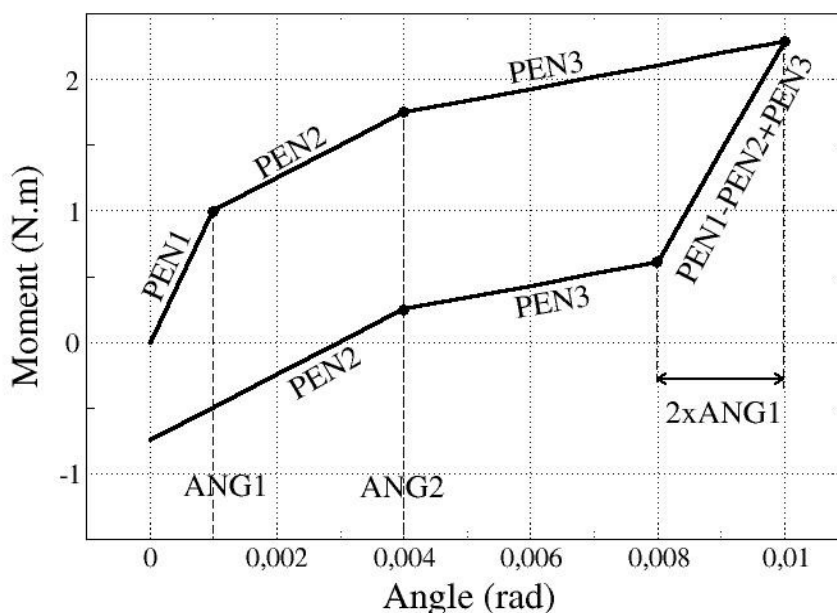


Figure angle-moment sur un essai de charge et décharge en rotation pour la loi
DIS_GRICRA.

7.5 Remarque

Les forces et moments dépendent des déplacements et angles de rotation relatifs entre les deux nœuds du discret. On écrit dans cette section les forces et moments au nœud 2, et on prend comme convention d'écriture $\Delta\alpha = \Delta\alpha(n2) - \Delta\alpha(n1)$, qui représente la « déformation » associée au degré de liberté α pour le discret exprimée au nœud $n2$. La force au nœud $n1$ est égale à l'opposé de la force au nœud $n2$. Il en résulte que la matrice tangente est de la forme suivante :

$$\underline{\underline{K}}^{\text{tan}} = \begin{pmatrix} \underline{\underline{K}} & -\underline{\underline{K}} \\ -\underline{\underline{K}} & \underline{\underline{K}} \end{pmatrix}$$

Le comportement de la liaison grille crayon est différent pour chacun des degrés de liberté, et indépendant des autres degrés de libertés. Il en résulte que chacune des composantes de la force ne dépend que du degré de liberté auquel elle est associée, et que les blocs $\underline{\underline{K}}$ de la matrice tangente $\underline{\underline{K}}^{\text{tan}}$ sont diagonaux.

7.6 Utilisation

7.6.1 Type d'éléments

Les caractéristiques suivantes des éléments discrets doivent être affectées dans la commande AFPE_CARA_ELEM pour pouvoir utiliser DIS_GRICRA (cf. document [V6.02.131]) :

```
AFPE_CARA_ELEM(
    MODELE=modele,
    DISCRET=_F(      GROUP_MA=('mailles'),
                     CARA = 'K_TR_L',
                     VALE = 'liste de 78 termes',
                     REPERE='LOCAL')
```

Le comportement DIS_GRICRA pour la liaison grille-crayon ne peut être utilisé qu'avec des éléments discrets à deux nœuds et 6 degrés de libertés MECA_DIS_TR_L. On doit donc spécifier 'K_TR_L' sous CARA.

Contrairement aux autres comportements pour les discrets, `DIS_GRICRA` n'utilise pas la rigidité du discret donnée dans `AFFE_CARA_ELEM` sous le mot-clé `VALE`. Etant donné que le mot-clé `VALE` doit tout de même être rempli, il est conseillé d'affecter une liste de 78 termes nuls. Dans le cas d'un calcul de mode propre, la loi de comportement `DIS_GRICRA` n'est pas sollicitée, donc il faut alors rentrer les rigidités du discret qui correspondent au régime élastique de `DIS_GRICRA`.

On travaille dans le repère local.

```
ORIENTATION=_F(      GROUP_MA=('mailles',),  
                CARA='VECT_Y', VALE = vect_crayon
```

`vect_crayon` est un vecteur directeur du crayon. La direction du crayon doit impérativement être donnée sous le mot-clé `ORIENTATION`.

Par ailleurs, le champ d'irradiation est obtenu par cumul de l'historique vécu (stocké en variable interne) et de l'incrément du champ introduit par les variables de commandes entre le pas de temps courant et l'instant précédent.

7.6.2 Définition des caractéristiques du matériau

Le comportement `DIS_GRICRA` nécessite l'introduction de 10 paramètres. Ces données doivent être fournies dans `DEFI_MATERIAU`. Les paramètres d'entrée de cette loi sont les suivants :

Comportement en glissement axial : 5 paramètres (dont un paramètre arbitraire, purement numérique) :

- rigidité normale du discret `KN_AX` ;
- rigidité tangentielle (dans la direction du glissement) `KT_AX` ;
- coefficient de frottement de Coulomb `COUL_AX` ;
- force de serrage `F_SER` (limite de glissement = `COUL_AX*F_SER`) ;
- paramètre d'écrouissage `ET_AX` (la loi de comportement peut être assimilée à de la plasticité parfaite. Le paramètre d'écrouissage ne sert qu'à assurer la convergence du calcul ; une valeur par défaut de $10E-7$ lui est affectée) ;

Comportement en rotation : 6 paramètres (dont un paramètre purement numérique)

- pentes successives `PEN1`, `PEN2` et `PEN3` de la courbe Moment = $f(\text{angle})$;
- angles `ANG1` et `ANG2` des points d'inflexion de la courbe ;
- paramètre d'écrouissage `ET_ROT` (paramètre ne servant qu'à assurer la convergence du calcul ; une valeur par défaut de $10E-7$ lui est affectée).

Les forces de serrage peuvent varier en fonction de la température et de l'irradiation. Ces dépendances sont affectées sur les pentes `PEN1` et `PEN2` pour le comportement en rotation et sur la force de serrage `F_SER` pour le comportement en glissement axial. Les fonctions de dépendance sont définies directement sous forme d'une `FORMULE` dans le fichier de commande.

Les noms des paramètres suivis du suffixe `_FO` permettent de renseigner la valeur sous la forme d'une fonction.

Un certain nombre de paramètres supplémentaires, disponibles pour ce comportement mais qui ne figurent pas dans le présent document, sont explicités dans [V6.04.131]. Les paramètres de dépendance en température et en irradiation de la force de serrage sont définis dans le document [V6.02.131].

7.6.3 Variables internes

Elles sont au nombre de 5 :

- `V1` : déplacement plastique cumulé (direction axiale)
- `V2` : indicateur de contact/frottement (1 si glissement, 0 si non glissement)
- `V3` : indicateur de décollement en rotation,
- `V4` : angle plastique (glissement),
- `V5` : angle plastique cumulé,
- `V6` : mémorisation de l'historique d'irradiation (fluence).

8 Bibliographie

- [1] J.ANGLES : "Modélisation des assemblages filetés..." Note HI74-99-020A
- [2] J.M.PROIX, B.QUINNEZ, P. MASSIN, P. LACLERGUE : "Assemblages combustibles sous irradiation. Etude de faisabilité". Note HI-75/97/017/0
- [3] G.JACQUART : "Méthodes de Ritz en dynamique non-linéaire - Application à des systèmes avec choc et frottement localisé" - Rapport EDF DER HP61/91.105
- [4] M.JEAN, J.J.MOREAU : "Unilaterality and dry friction in the dynamics of rigid bodies collection" Proceedings of the Contact Mechanics International Symposium - ed. A. CURNIER - Presses Polytechniques et Universitaires Romandes - Lausanne, 1992, pp 31-48
- [5] J.T.ODEN, J.A.C.MARTINS : "Models and computational methods for dynamic friction phenomena" - Computational Methods Appl. Mech. Engng. 52, 1992, pp 527-634
- [6] B.BEAUFILS : "Contribution à l'étude des vibrations et de l'usure des faisceaux de tubes en écoulement transversal" - Thèse de doctorat PARIS VI
- [7] Fe.WAECKEL, G.DEVESA : « Dossier de spécifications d'un modèle de choc dans la commande DYNA_NON_LINE du Code_Aster ». Note HP-52/97/026/B
- [8] J.Lemaître, J.L.Chaboche « Mécanique des matériaux solides » Dunod

9 Historique des versions du document

Indice doc	Version Code_Aster	Auteur(s) contributeur(s) organisme(s)	Description des modifications
A	5	J.M.PROIX, B.QUINNEZ EDF/R&DMMN	Texte initial, lois de comportement DIS_GOUJ2E_PLAS, DIS_GOUJ2E_ELAS et DIS_CONTACT
C	04/07/10	G.DEVESA EDF/R&D/AMA	Ajout de la loi DIS_CHOC
D	8.5	V.GODARD EDF/R&D/AMA	Ajout de la loi DIS_GRICRA
E	9.4	F.VOLDOIRE, J.L.FLEJOU EDF/R&D/AMA	Ajout de DIS_BILI_ELAS, DIS_ECRO_CINE, DIS_VISC, résorption de DIS_CONTACT
	11	J.L.FLEJOU EDF/R&D/AMA	Corrections formules, mises à jour par rapport à la version 11.