
Structure de Données sd_matr_asse

Résumé :

Ce document décrit les structures de données sd_matr_asse : les matrices creuses.

Table des matières

1 Généralités.....	3
2 Arborescences.....	3
3 Contenu des OJB.....	4
3.1 .REFA.....	4
3.2 .VALM.....	5
3.3 .CONL.....	5
3.4 .DIGS.....	5
3.5 .LIME.....	5
3.6 .UALF, .VALF, .WALF.....	5
3.7 .CCVA.....	6
3.8 .CCII.....	6
3.9 .CCLL.....	6
3.10 .CCID.....	6
3.11 .FETM.....	6
3.12 .FETF.....	6
3.13 .FETP.....	7
3.14 .FETR.....	7
4 Compléments pour FETI.....	8
4.1 Structure de données sd_matr_asse récursive.....	8
4.2 Règle de nommage.....	8
4.2.1 Cas particulier du parallélisme MPI.....	8

1 Généralités

Les objets de type `sd_matr_asse` représentent les matrices assemblées carrées (au sens des éléments finis). Ce sont en général de gros objets. Ces matrices sont creuses, ce qui explique que leur structure ne soit pas simplement un tableau carré.

Une `sd_matr_asse` peut provenir d'un assemblage de `sd_matr_elem` ou d'une combinaison linéaire d'autres `sd_matr_asse`.

Les tableaux décrivant le stockage de la `sd_matr_asse` sont dans la structure `sd_stockage` d'un `sd_nume_ddl` [D4.06.07].

Il existe des `sd_matr_asse` symétriques et des `sd_matr_asse` non-symétriques. Mais on suppose que la topologie de la matrice est toujours symétrique. C'est à dire que les termes non nuls sont disposés symétriquement par rapport à la diagonale.

2 Arborescences

```
sd_matr_asse (K19) ::=record

(o)   '.REFA'           :           OBJ      S      V      K24

/ # Cas général (solveur /= FETI i.e. REFA(5) /= 'FETI') :
(o)   '.VALM'          :           OBJ      XD      V      R/C      NUM() nbobj=1/2

(f) # si il existe des ddl de Lagrange :
(o)   '.CONL'         :           OBJ      S      V      R

(f) # si la sd_matr_asse provient de l'assemblage de matrices élémentaires :
(o)   '.LIME'         :           OBJ      S      V      K8

(f) # si la sd_matr_asse a été "factorisée" (routine preres.f) :
(f) # si factorisée avec MULT_FRONT :
(o)   '.VALF'         :           OBJ      XD      V      R/C      NUM()
(f) # si la matrice est non symétrique :
(o)   '.WALF'         :           OBJ      XD      V      R/C      NUM()
(f) # si factorisée avec LDLT :
(o)   '.UALF'         :           OBJ      XD      V      R/C      NUM()
(f) # si factorisée avec LDLT ou MULT_FRONT :
(o)   '.DIGS'         :           OBJ      S      V      R/C

(f) # si il existe des charges cinématiques :
(o)   '.CCID'         :           OBJ      S      V      I
(o)   '.CCLL'         :           OBJ      S      V      I
(o)   '.CCVA'         :           OBJ      S      V      R/C
(o)   '.CCII'         :           OBJ      S      V      I

/ # Cas particulier du solveur FETI (REFA(5) = 'FETI') :
(o)   '.LIME'         :           OBJ      S      V      K8
(o)   '.FETM'         :           OBJ      S      V      K24 dim = nbsd (nombre de sous-domaines)

(f) # si au moins un des sous-domaines est flottant :
(o)   '.FETF'         :           OBJ      S      V      I      dim = nbsd
(o)   '.FETP'         :           OBJ      XD      V      I      LONG = nbsdf
                                nombre de sous-domaines flottants
(o)   '.FETR'         :           OBJ      XD      V      R      LONG = nbsdf
```

3 Contenu des OJB

3.1 .REFA

.REFA S V K24 dim=11

.REFA(1) = nom du sd_maillage sous-jacent.

.REFA(2) = nom du sd_numé_ddl.

.REFA(3) = ' ' / 'ELIMF' / 'ELIML'
' ' : Il n'existe pas de charges cinématiques.
'ELIMF' : Il existe des charges cinématiques.
Une partie du .VALM a été copiée dans .CCVA
.VALM a été partiellement remplacé par une matrice unité
(sur les ddl éliminés)
'ELIML' : Il existe des charges cinématiques.
.CCVA n'a pas encore été créé
.VALM n'a pas encore été recopié dans .CCVA
voir mtmchc.f pour les détails

.REFA(4) = nom de l'OPTION de calcul (ou bien la chaîne: '&&MELANGE').

.REFA(5) = ' ' / 'FETI'

.REFA(6) = nom de la structure de données de type sd_feti, si REFA(5)=='FETI',

.REFA(7) = ' ' / nomsolv
nomsolv : nom du solveur à utiliser (par défaut) lors des résolutions.

.REFA(8) = ' ' / 'ASSE' / 'DECT' / 'DECP'
' ' ou 'ASSE' : matrice dans son état initial (non factorisée)
'DECT' : matrice entièrement factorisée
'DEPT' : matrice partiellement factorisée (possible uniquement si LDLT)

.REFA(9) = 'MS' / 'MR'
'MS' : matrice symétrique
'MR' : matrice non-symétrique

.REFA(10) = / 'NOEU' : les ddl de la matrice sont portés par des nœuds
/ 'GENE' : les ddl de la matrice sont des ddl généralisés.

.REFA(11) = 'MPI_COMPLET' / 'MPI_INCOMPLET' / 'MATR_DISTR'
'MPI_COMPLET' : Les objets .VALM (et .CCVA) sont "complets"
'MPI_INCOMPLET' : Les objets .VALM (et .CCVA) sont "incomplets" du fait d'un calcul MPI distribué. Chaque processeur n'assemble que les éléments finis qui lui sont affectés.
'MATR_DISTR' : Si MATR_DISTRIBUEE='OUI' pour le solveur MUMPS.
Cette option dimensionne au plus juste la matrice assemblée en fonction du nombre d'inconnues présentes sur le processeur courant.

Remarque :

si 'MPI_INCOMPLET', les objets .VALM et .CCVA sont alloués à leur taille normale, mais ils sont partiellement remplis de "0". si 'MATR_DISTR', l'objet .VALM est cette fois d'une taille plus petite que dans le cas 'MPI_INCOMPLET'.

```
DOCU(' .REFA') = / 'ASSE'  matrice initiale,  
                  / 'DECT'  matrice complètement factorisée,  
                  / 'DECP'  matrice partiellement factorisée.
```

3.2 .VALM

```
.VALM XD V R/C NUM()
```

Cet objet contient les valeurs des termes non nuls de la matrice (au format Morse). Il y a 1 (ou 2) élément(s) dans cette collection (2 si la matrice est non symétrique).

Le 1er élément de la collection contient la partie supérieure de la matrice,
le 2ème contient la partie inférieure.

Remarques :

* Pour les matrices non-symétriques, la diagonale est donc stockée 2 fois.
On convient de n'utiliser que la diagonale stockée dans la partie supérieure (`VALM(1)`).
* L'arrangement des termes de la matrice dans les blocs est expliqué dans la documentation de la `sd_stockage` [D4.06.07]

3.3 .CONL

```
.CONL S V R dim=neq
```

`neq` est le nombre d'équations du système

Cet objet facultatif n'est présent que si il existe au moins un ddl de type 'LAGR' :

```
V(ieq) = c si ieq correspond à un DDL nommé 'LAGR',  
         1. sinon.
```

`c` est le coefficient de conditionnement des ddls de Lagrange.

3.4 .DIGS

```
.DIGS S V R/C dim=2*neq
```

`neq` est le nombre d'équations du système

Cet objet n'est présent que si la matrice a été factorisée par 'LDLT' ou 'MULT_FRONT'

`DIGS(1:neq)` : valeurs de la diagonale de la matrice initiale

`DIGS(neq+1:2*neq)` : valeurs de la diagonale de la matrice factorisée

3.5 .LIME

Liste des noms des `sd_matr_elem` ayant été assemblés pour donner la `sd_matr_asse`.

Cet objet n'existe que si la `sd_matr_asse` provient d'un assemblage.

Il vaut mieux éviter de s'en servir.

3.6 .UALF, .VALF, .WALF

Ces collections contiennent les termes de la matrice factorisée.

`.UALF` contient la factorisée avec `LDLT` (symétrique ou non-symétrique)
`.VALF` contient la factorisée avec `MULT_FRONT` de la partie supérieure
`.WALF` contient la factorisée avec `MULT_FRONT` de la partie inférieure

3.7 .CCVA

```
.CCVA S V R/C
```

L'objet `.CCVA` contient les colonnes de la matrice initiale correspondantes aux `ddls` à éliminer (ceux qui sont imposés par une charge "cinématique"). Plus précisément, on stocke la sous-matrice des termes sur des lignes correspondantes à des `DDLs` libres et des colonnes à des `DDLs` imposés.

3.8 .CCII

```
.CCII S V I
```

L'objet `.CCII` a la même structure que l'objet `.CCVA`. Il contient les indices de lignes des termes stockés dans le `.CCVA`

3.9 .CCLL

```
.CCLL S V I dim=3*nelim
```

`nelim` est le nombre de `ddls` "éliminés".

```
.CCLL((i-1)*3+1) : ieq  
.CCLL((i-1)*3+2) : i1  
.CCLL((i-1)*3+3) : i2
```

`ieq` est le numéro de l'équation correspondante au $i^{\text{ème}}$ `ddl` éliminé,
`i1` est le nombre de termes stockés pour l'équation `ieq`
`i2` est le nombre cumulé de termes stockés pour les équations $j < i$

3.10 .CCID

```
.CCID S V I dim=neq+1
```

```
.CCID(ieq) = 1 si le ddl ieq éliminé,  
            0 sinon.  
.CCID(neq) = nelim : nombre de ddls éliminés
```

3.11 .FETM

```
.FETM S V K24 indirect(*) dim=nbsd (nombre de sous-domaines)
```

(*): `sd_matr_asse` non `FETI` (i.e. `FETM(k).REFA(5)('FETI')` et pour l'instant imposé à '`MULT_FRONT`').

Objet `JEVEUX` listant les `SD` `sd_matr_asse` propres à chaque sous-domaine.

`FETM(i)` = nom de la `SD` `sd_matr_asse` du $i^{\text{ème}}$ sous-domaine.

3.12 .FETF

```
.FETF S V I dim=nbsd
```

Objet JEVEUX optionnel indiquant le caractère flottant ou non d'un sous-domaine.

$.FETF(i) = \begin{matrix} j & (0 < j < 7) \\ 0 \end{matrix}$ le sous-domaine i comporte j modes de corps rigides.
sous-domaine non flottant.

3.13 .FETP

.FETP XD V I LONG=nbsdf

Liste des indices de pivots " quasi-nuls " des sous-domaines flottants.

Soit $V = FETP(i)$,

$V(j)$: $j^{\text{ème}}$ indice de pivots du $i^{\text{ème}}$ sous-domaine flottant.

Le LONMAX de $V(i)$ est égal à $FETF(i)$.

Le nombre de sous-domaines flottants est accessible via l'attribut NUTIOC.

Les sous-domaines flottants sont listés dans le même ordre que les sous-domaines (flottants ou non) de la *sd_feti*.

3.14 .FETR

.FETR XD V R LONG=nbsdf

Composantes des modes de corps rigides.

Soit $V = FETR(i)$,

$V((j-1) * nbddli + k)$: $k^{\text{ème}}$ composante du $i^{\text{ème}}$ sous-domaine flottant.

$nbddli$, le nombre de DDL du sous-domaine i , est stocké dans *sd_feti.FETH(i)*.

Le nombre de sous-domaines flottants est accessible via l'attribut NUTIOC.

Les sous-domaines flottants sont listés dans le même ordre que les sous-domaines (flottants ou non) de la SD *sd_feti*.

4 Compléments pour FETI

4.1 Structure de données `sd_matr_asse` récursive

Dans le cas de la méthode FETI, la structure de données `sd_matr_asse` est récursive à deux niveaux. Une SD `sd_matr_asse` " maître ", concernant le domaine global (`REFA(5)='FETI'`), ne comporte aucun des objets JEVEUX habituels, sauf le `.REFA` et le `.LIME`, avec, par contre, en plus des objets spécifiques de la décomposition de domaines : `.FETR`, `FETF`, `.FETP` et `.FETM`. Ce dernier est un pointeur désignant les SD `sd_matr_asse` " esclaves " associées à chaque sous-domaines locaux. Ces SD `sd_matr_asse` locales sont constituées des mêmes objets JEVEUX qu'une `sd_matr_asse` (`.VALE`, `.CONL...`) mono-domaine usuelle. Pour l'instant, l'implémentation de FETI dans Code_Aster présuppose que ces sous-domaines utilisent tous le même solveur linéaire mono-domaine (`REFA(5)='MULT_FRONT'` imposé par défaut, avec donc un `.VALF`). Cette homogénéité facilite les manipulations des matrices locales.

```
sd_matr_asse "maitre" -----> sd_matr_asse "esclave" (sous-domaine 1)
(domaine global) -----> sd_matr_asse "esclave" (sous-domaine 2)
  objet .FETM                ...
                               -----> sd_matr_asse "esclave" (sous-domaine n)
```

4.2 Règle de nommage

Dans le cas d'un solveur FETI, on a choisi arbitrairement (dans `assmam.f`) la règle de nommage suivante pour les SD `sd_matr_asse` esclaves liées chaque à un sous-domaine : `nom_de_la_SD_sd_matr_asse_maitre(1:11)'F'` chaîne_de_caractères_libre(2:8) La chaîne de caractères libre est engendrée par un appel à la routine `gcncon.f`.

4.2.1 Cas particulier du parallélisme MPI

Lors d'une exécution en mode parallèle MPI, un processeur se voit attribuer un certain nombre de sous-domaines (cf. objets annexes `'&FETI.LISTE...'` de la structure de données `sd_feti[D4.06.21]`). La SD `sd_matr_asse` " maître " est toujours construite, mais son pointeur `.FETM` ne va désigner que les sous-domaines concernés par le processeur courant : `.FETM(jk)` sera un K24 valide que si le sous-domaine `jk` est dans le périmètre du processeur `j`. Il en va de même pour les objets `.FETF`, `.FETP` et `.FETR` qui ne sont remplis que si nécessaire.

Pour le processeur `j` :

```
sd_matr_asse "maitre" -----> "vide"
(domaine global) -----> sd_matr_asse "esclave" (sous-domaine j1)
  objet .FETM -----> sd_matr_asse "esclave" (sous-domaine j2)
                               -----> ...
```

Les sous-domaines `j1`, `j2`, ... sont ceux qui sont concernés par le processeur `j`